



1小町料普

本书通过浅显的语言,介绍了量子力学的基本原理,主要讲述了普通量子力学的基本内容及其正统解释。本书尽量追求内容的逻辑性和完整性。

本书对于希望学习量子力学的学生和老师 有参考意义,也可供从事自然科学相关工作的 以及热爱科学的人士阅读。

1小时科普量子力学

朱梓忠 著

版权所有, 侵权必究。侵权举报电话: 010-62782989 13701121933

图书在版编目(CIP)数据

1小时科普量子力学 / 朱梓忠著. 一 北京: 清华大学出版社, 2018 (2018.9重印) ISBN 978-7-302-49968-8

I. ①1··· Ⅱ. ①朱··· Ⅲ. ①量子力学 - 普及读物 Ⅳ. ①O413.1-49

中国版本图书馆CIP数据核字(2018)第067746号

责任编辑:鲁永芳封面设计:常雪影责任校对:刘玉霞责任权对:李红英

出版发行:清华大学出版社

网 址: http://www.tup.com.cn, http://www.wqbook.com

地 址:北京清华大学学研大厦 A 座 邮 编:100084

社 总 机: 010-62770175 邮 购: 010-62786544

投稿与读者服务: 010-62776969, c-service@tup.tsinghua.edu.cn

质量反馈: 010-62772015, zhiliang@tup.tsinghua.edu.cn

印 装 者: 北京九州迅驰传媒文化有限公司

经 销:全国新华书店

开 本: 170mm×240mm 印 张: 16.5 字 数: 265千字

版 次: 2018年8月第1版 印 次: 2018年9月第2次印刷

定 价: 49.00元

产品编号: 078955-01

前言

量子力学与相对论是 20 世纪人类科学发展的最高成就。它们的哲学基础是最深刻的自然哲学基础。了解量子力学的基本原理对于提高个人的科学素养有很大帮助。当今社会科技发展非常迅速,有很多事物如量子纠缠、量子通信、量子计算、量子密钥以及量子隧穿等,都含有非常新奇的量子力学概念。想要理解这些名词,掌握一部分量子力学的基本原理就变得很有必要。此外,提高科学素养也是很重要的,这样就不至于闹出"纳米是大米的一种"这样的笑话。很多人都听说过"量子"二字,但是对其意义却困惑不解。

撰写本书的最初动因源于我讲授"理论物理导论"课程的时候。当时有学生提问:"既然说牛顿力学在微观世界里是不对的,那么它到底错在哪里了?"我当时怔了一下,是啊,错在哪里了?对于这个看似"简单"的问题,我似乎也没有认认真真思考过。虽然我马上明白,一旦要说牛顿力学有时候不对了,那一定是牛顿的三个定律有时候不对了。所以,回答这个问题需要从解释牛顿三个定律有时候是不对的开始(本书也正是从这里开始的)。此后,对牛顿力学体系基本基石的思考以及对量子力学基本基石的思考就成为撰写本书的冲动。事情都是这样的:在经过了一段较长时间的"想写"与"不想写"的思想斗争后,最后由于很偶然的理由才终于开始真正动笔。只是由于教学和科研的任务很重,撰写的时间只有半年多一点,所以我唯一担心的是书中内容难免会有不恰当的地方。好在,本书的出版应该不会妨碍某个量子力

学行家再写一本更加有用的量子力学书籍。

上述的例子——给学生上量子力学课程的老师可能并没有认真思考过量子力学——让我们明白,能够熟练地运用量子力学的数学框架求出各种物理量其实并不需要我们完全理解量子力学中蕴含的道理。甚至可以大胆地猜测,能够熟练运用量子力学知识但是并没有认真思考过量子力学,这可能是物理系、化学系和材料系等学过量子力学课程的学生中比较普遍存在的现象。本书并不会认真地给出量子力学的诸多数学公式(反之会尽量回避),所以它不会帮助读者获取已知数学框架下的更多的计算技巧。但是,对于希望理解量子力学中的基本道理的读者来说,本书或可提供参考。我会尽量把故事叙述得简单一些,目的也是要照顾到那些完全没有学过量子力学的朋友。如果你认为自己是量子力学的行家,那么要么没有必要阅读本书,要么可能需要容忍书中一些不够严谨的叙述,毕竟只有数学公式才能完整地表达一个物理量所有的含义。经典力学与牛顿力学这两个名词在书中的含义是一样的,而牛顿运动方程就是指牛顿第二定律的运动方程。

我曾经说:"牛顿力学有时候错了",这马上遭到另一位老师的强烈不满。她说:"不能说牛顿力学错了,牛顿还发明了微积分呢!"我充分理解她对牛顿力学的崇拜。可能如果我改成说,牛顿力学在某些情况下不是很好用,那就不会引起歧义了。所以,为了生命安全,建议各位以后千万不要说牛顿力学错了,而应该说:"牛顿力学在某些情况下好像不太好用"。现在大家都明白,说牛顿力学有时候不适用了(或错了),完全不是说牛顿不够伟大,这只是历史的缘故。在牛顿时代,如果你真的写出了薛定谔方程,那么它根本就没有地方得到验证。而在物理学界,没有办法验证的理论是会被忘却的。牛顿在四大领域有伟大的贡献:①发明了微积分;②由于微积分的发明而写出了万有引力公式;③牛顿力学体系的建立(即三大定律等);④光学方面的许多重

要贡献。任何一个人作出以上任一项成就都将名垂青史,更何况牛顿同时作出了这么多伟大的贡献。近代物理学之父伽利略有一句名言:大自然这本书是用数学语言写成的。事实上,微积分便是牛顿为了处理基本力学问题(如瞬时速度)而发明的一种强有力的数学工具。只有通过这种新的数学工具,牛顿才能很好地表达他心中的物理世界。量子力学作为一种比牛顿力学更为"优越"的理论体系,也是历史发展到一定阶段的产物。但量子力学不是对牛顿力学的修正,而是完全的革命。可以说,量子力学的基石已经完全不同于牛顿力学的基石,希望读者看到这一点。量子力学所运用的主要数学工具也与牛顿力学有所不同了。

有朋友的小孩问道:"为什么世界上最著名的一些人物都是物理学家?像爱因斯坦、牛顿……杨振宁这样的人。"其实道理很简单,因为物理学家所发现的都是自然界中最为基本的规律,而且这些基本规律是永恒的和普适的,它们对人类认识自然、改造自然有着根本意义上的重要性。对此,我认为可以补充道:"在过去的三百年间,关于谁是当时最有钱的人,早已被人们所忘记。没有人还记得两百年前谁是世界上最富有的人。即便是现在最有钱的人,也将很快被人们所遗忘。"这并非在鼓励获取一个永恒的名声,只是叙述了一个事实而已。这也不是鼓励大家都去学物理,因为这世界上有很多分工,无论哪一行都需要有人去做。

做科学普及工作的"果壳网"曾经做过调查问卷,调查中国的科学家为什么不愿意参与科普,最终得到的前三大原因分别是:怕媒体、没动力、没渠道。让人欣慰的是,只有 9% 的科学家认为科学家不应该做科普,这不是他们的责任。中国科学院科学传播局也做了这方面的调查,调查中有很高比例的科学家表示"不能再给我们加任务了,我们已经忙死了"。我基本上赞同同行们的意见,撰写本书确实也花了不少精力。很明显,这本书并不会在科学上取得任何具体的成绩,它不是学术著作,也不是科学进

展,它就是科普作品,只是很多地方比一般的科普书更加深入一些而已。你只要粗略地翻一翻本书就清楚了,它没有数学上的推导,出现的公式也是最基本的那些。而物理的语言是数学,没有数学推演其实就不是物理(如果有不同意见,请轻喷。下同)。书中的内容当然基本上是已知的,但是所有内容都是经过作者思考和理解之后再叙述的。有些概念还在发展中,有些概念作者理解得还不准确,请读者批评和指正。如果读者能反馈意见给我,笔者将无比感激(笔者的email: zzhu@xmu.edu.cn)。原则上,我可以把本书写得再厚一点,但是这样做将违背本书所希望达到的目标,那就是,在很短的时间内科普量子力学的基础知识。理所当然,我们只能科普普通的量子力学,比较高等的部分只是做了一定的选择(根据作者个人的意见)。

物理学是建立在一些基本原理和基本概念之上,经过数学的演绎和实验的探索而发展和完善起来的学科。所以,理解物理学的基本原理和基本概念就显得尤为重要。书中对量子力学的主要原理和概念进行了思考和剖析,有些是哲学意义上的思考。希望能够将这些思考和叙述传递给学物理的学生、相关的科技工作者和大众。由此,也期待读者能够在本书的基础上继续作更加深入的思考。量子力学叙述起来在很多方面好像有悖于日常的经验,如何浅显地解释量子力学的基本原理就成为本书写作上的挑战。作者将尽量使用简单的叙述和语言来讨论比较复杂的概念,希望读者也能把思维放开一些。

著名的物理学家费恩曼曾经断言:"我想我可以放心地说,没有谁理解量子力学。"惠勒在给友人的信中也写道:"2000年12月是物理中最伟大的发现——量子论——诞生一百周年。为了庆贺它,我建议用一个标题:量子论——我们的荣耀和惭愧。为什么说荣耀,因为物理学所有分支的发展都有量子论的影子。为什么说惭愧,因为一百年过去了,我们仍然不知道量子化的来

源。"惠勒是一位著名的物理学家,普林斯顿大学的荣誉退休教授。所以,很多时候本书无法告诉你为什么在某个地方会出现某种量子化,以及为什么两个粒子会处于纠缠态等类似的问题。本书只是帮助你了解目前基本的量子力学的正统解释和数学框架。笔者的意图是:既希望本书对攻读量子力学课程的大学生们有所启迪(如数学框架方面),也希望能够向一部分大众普及量子力学的基本原理。当然,到底能够在多大程度上完成这个任务,只能有待于时间的验证。

期待本书能够为从事自然科学相关工作的,以及热爱科学的人士提供消遣。最后,应该说,阅读本书从1小时到1个月都是合适的。

目 录

第1章	引让	仑	1	
	1.1	总论	2	
	1.2	量子	7	
	1.3	经典物理学和量子力学	8	
	1.4	什么时候必须用到量子力学	10	
第2章	经身	典物理学的困境	15	
	2.1	牛顿三个运动定律遇到了问题	16	
		2.1.1 对牛顿第一定律的讨论	16	
		2.1.2 对牛顿第二定律的讨论	19	
		2.1.3 对牛顿第三定律的讨论	21	
	2.2	量子论创立之前的经典物理学	22	
	2.3	经典物理学遇到的困难	25	
第3章	旧量子论时期		29	
	3.1	新世纪来临: 普朗克的突破	30	
	3.2	光电效应	36	
	3.3	有核原子模型	39	
	3.4	玻尔的原子理论	42	
	3.5	波粒二象性	50	

第4章	量子	力学的创立	61
	4.1	每森伯的矩阵力学	62
	4.2 自	薛定谔的波动力学	66
		附: 狄拉克和他的 q 数形式	71
	4.3	量子力学的基本假设和数学框架	77
	4.4	捧定谔方程	85
	4.5	皮函数的几率解释	89
	4.6	则不准关系	94
	4.7	爱因斯坦与玻尔的争论	98
	4	4.7.1 爱因斯坦和玻尔在量子力学的解释方面的争论	101
	2	4.7.2 在测不准关系上的争论	103
	2	4.7.3 关于量子力学完备性的争论	104
第5章	更多	的量子力学基础	107
	5.1	皮函数坍缩	108
	5.2	态脅加原理	110
	5.3	薛定谔的猫	112
	5.4	包利不相容原理	117
	5.5	量子隧道效应	124
	5.6 1	1小时可以大致科普量子力学吗?	126
第6章	非定	域性和量子纠缠	129
	6.1 I	EPR 悖论	130
	6.2	量子纠缠	134
	6.3	尊姆的隐变量理论,贝尔不等式	139
	6.4	量子密码	149
	6.5	量子隐形传态	153
	6.6	量子通信	156
	6.7	量子计算	160

第7章	高等一点点的量子力学	165
	7.1 自旋是什么	166
	7.2 非相对论性量子力学的第三种形式	171
	7.3 相对论性量子力学	178
	7.4 量子力学看起来应该是这样的	179
	7.5 密度泛函理论	183
	7.6 量子力学的随机性、叠加性和非定域性	186
第8章	今日的量子	191
	8.1 量子力学和相对论的不相容	192
	8.2 当今的物理学	198
	8.3 量子力学的学习方法	204
	8.4 谈谈诺贝尔奖	209
	8.5 爱因斯坦对量子力学的看法	214
	8.6 杨振宁对量子力学的贡献	218
参考书目	3	226
附录A	量子力学发展简史	228
	A.1 量子论创立之前经典物理学在热辐射现象上的进展	228
	A.2 旧量子论的诞生和发展	229
	A.3 量子力学的创立和完善	234
附录 B	对称性与守恒定律	239
人名的中	中英文对照	242
后记		249

第1章

引论

1.1 总论

量子力学的巨大影响远超出了人类科学史上的任何一种理论,值得一个有科学表的人去认真地它。

量子力学研究的是微观世界物质粒子的运动规律,是物理科学一个最重要的分支。量子力学的研究对象涉及原子、分子和凝聚态物质,而且包括原子核和基本粒子等。量子力学在化学、材料学和生物学等学科以及许多近代技术中均得到了广泛的应用。它与相对论一起被认为是现代物理学的两大基本支柱。量子力学已经取得了惊人的成功,至今还没有发现一项量子力学的理论预言是错的。当今全球经济的大约1/3 依赖于以量子力学为基础而发展起来的学科,例如半导体物理学、原子物理学、固体物理学、量子光学、核物理学和粒子物理学甚至于包括化学和宇宙学等。

19世纪末,人类在生产实践中发现旧有的经典物理学理论 无法解释微观系统的一些实验事实。于是,经过物理学家们的努力,在 20 世纪初(主要是 20 年代)创立了量子力学,解释了经典物理学不能解释的现象 量了力学从根本上改变了人类对物质结构及其相互作用的理解 现在,除了需要透过广义相对论描写的引力之外,迄今所有的基本相互作用都可以在目前的量子力学(量子场论)框架内描述。

量子力学是同 20 世纪一起来到人间的。奇妙的是,量子力学甚至有一个大家公认的诞生日,那就是: 1900 年 12 月 14 日。这一天,德国伟大的物理学家普朗克在柏林德国科学院物理学年会上宣布了他的伟大发现——能量量了化假说,即标志着量子论的诞生。量了论给我们提供了新的关于自然界的表述方法和思考方式。它能很好地解释原了结构、原了光谱的规律性、化学元素的性质、光的吸收与辐射等。人们将量子的发现称为人类科学和思想领域中的一场伟大的革命。继普朗克发现量子之后,量子力学的发展远远超出了任何一个最能幻想的科幻小说家的想象。

量子力学的发展主要可以分为两个阶段,即 1900 年至 1925年的旧量子论时期和 1925年以后的量子力学理论的正式创立和完善阶段。

1. 关于正统的量子力学理论创立之前的旧量子论时代 (1900—1925年)

旧量子论主要包括普朗克的量子假说、爱因斯坦的光量子理论和玻尔的原子理论。关于旧量子论的创立,普朗克作出了非常特殊的贡献,取得了划时代意义的突破 ——第一个窥见了"量子"。人们在研究黑体辐射时,发现维恩公式只在短波范围成立,而瑞利公式只在长波范围适用,这两个公式当时各自独立地在各自的频率区域内成立。1900年10月,普朗克 "无意"中凑出了一个公式,它很自然地在短波区域趋于维恩公式,而在长波区域趋于瑞利公式。1900年10月19日,普朗克在柏林物理学会的会议上提出了上述公式。这个公式被发现与实验数据符合得非常好。普朗克非常清楚公式的背后一定隐藏着重要的"东西",这最终促成了上面提到的1900年12月14日量子假说理论的诞生。所谓的"量子",就是辐射能量的释放和吸收都是不连续的,而是一小份一小份地进行。普朗克把这每一小份能量称为一个"量子"。

1905年,爱因斯坦引进光量子的概念,并给出了光子的能量、动量与辐射的频率和波长的关系,成功地解释了光电效应。此外,爱因斯坦又提出固体的振动能量也是量子化的,从而解释了低温下固体比热的问题。可以看到,爱因斯坦对早期量了理论的发展起到了举足轻重的作用。1913年,玻尔在卢瑟福有核原子模型的基础上建立起原子的量子理论,按照这个理论,电子只能在分立的轨道上运动。玻尔是旧量子论时代的领袖人物,团结和鼓励了一大批在量子力学领域取得辉煌成就的年轻人。在人们认识到光具有波动和微粒的二象性之后,1923年法国物理学家德布罗

量子力学的发展可主要分为两个 除取,即从1900年至1925年的旧量子论时期以及1925年以后的正式创立和完善阶段。

爱因斯坦是量 子力学理论解释的 最著名的质疑者, 但是的自己对量子 力学的发展作出了 重要的贡献。 意提出了物质波这一概念。他认为一切微观粒子均伴随着一个波,就是所谓的德布罗意波,这最终帮助了量子力学波动力学形式的诞生。显然,旧量子论是同普朗克、爱因斯坦、玻尔以及索末菲等人的名字紧紧联系在一起的 更加具体的讨论会在相关章节中展开。

2. 关于正统的量子力学理论的创立

1925年,德国物理学家海森伯(W. Heisenberg,曾译为海森堡)建立了量子力学的第一个数学描述——矩阵力学。1926年,奥地利科学家萨定谔提出了描述物质波连续时空演化的偏微分方程——薛定谔方程,从而给出了量子力学的另一个数学描述——被动力学(狄拉克也有一种形式,但通常不被提起)。1948年前后,费恩曼还创立了量子力学的第三种形式——路径积分形式。历史上,正统的量子力学理论的发展有两条路线(后来费恩曼的路径积分形式除外): 一条是从普朗克的量子论到玻尔的原子结构的量子论,再到爱因斯坦的辐射量子论,最后到海森伯的矩阵力学;另一条是从普朗克的量子论到爱因斯坦的光的波粒二象性,再到德布罗意的电子的波粒二象性,最后到薛定谔的波动力学。矩阵力学和波动力学都是逻辑上完备的量子力学体系,二者早被证明是等价的,不过只是数学形式上的不同而已。

量子力学正统理论的发展(从1925年开始)是同海森伯、薛定谔、玻恩、约尔当*、泡利、狄拉克以及德布罗意等人的名字紧紧联系在一起的(这里只列出代表性人物,当然还有其他人),他们完成了把旧量子论转变成一种真正的量子理论这一艰苦的工作。20世纪20年代的物理学风起云涌,重大理论突破不断出现,很快就建立了量子力学比较完善的理论体系。这也使得后来的许多聪明人只能作为"旁观者"而叹息那种激动人心的大发现的时

量子力学正式 创建的标志是海森 伯的量子力学矩阵 力学形式和薛定谔 的量子力学波动力 学形式的建立。

^{*} 本书 Jordan 均译为约尔当。

代已经一去不复返了。

当从经典力学过渡到量了力学的时候,我们所关心的最重要 的物理量也发生了变化。在经典力学中,最重要的是系统的受力 情况, 而在量子力学中, 受力已经不再重要(甚至无用了), 重 要的是系统的能量和动量。我们在量子力学中处理的不再是质点 的运动轨迹, 而是在空间和时间中变化的波函数。正统量子力学 体系的核心是薛定谔方程及其波函数的概念(波动力学体系)。 薛定谔写出薛定谔方程之后,1926年夏,玻恩提出了对波函数 的正确解释,即几率解释。可见,有趣的是,尽管波函数早已被 写在了薛定谔方程当中,但是薛定谔本人却并不清楚波函数的含 义,他甚至极力反对玻恩对波函数进行的几率解释。从薛定谔方 程诞生以来,九十多年过去了。虽然量子力学的内容被极大地丰 富了,但是最基本的量子力学原理和概念并没有变化。量子力学 是严谨的和实事求是的,而且量子力学还在进步着,尽管有时候 是艰难和缓慢的。有人统计过,截至1960年,以薛定谔方程为 基础的论文就超过了10万篇(到现在,已经远远大于这个数), 可见它是处理物质的电子和结构问题的强大的数学工具。

量子力学最重要的方面是其所揭示的叠加性、随机性和非定域性。在量子力学中,讨论波的叠加时,都是指波函数的叠加。而波函数本身并不直接对应着物理实在,只有它的平方才对应着一种概率。可见量子力学中态的叠加性与经典物理中若干波的叠加是完全不同的;关于随机性,即在量子力学中占支配地位的是统计确定性。在微观世界里,我们已经无法预言一个微粒的运动,即微观世界的规律存在随机性。例如,没有人能够预见一个放射性原子何时会衰变;关于非定域性,一个例子是在量子力学中存在着一种"怪异"的现象,就是有一种跨空间、瞬间影响个体双方的量子纠缠存在,也就是爱因斯坦所说的"鬼魅的超距作用"。所以,对于初学量子力学的人来说,笔者认为,理解整个量子力

量子力学的型性、随时工作,是一个性性,是一个性性,是一个性质,是一个性质,是一个性质,是一个性质,是一个生态,是一个生态,是一个生态,是一个生态。

学体系的核心主要需要掌握两点:①量子力学的第二个基本假设(参见 4.3 节),理解这一点对于理解"叠加性"有根本意义上的重要性,对理解整个量子力学的数学框架也有重要帮助;②对于一个微观系统来说,只有其中的某个部分具有真正完全的随机性(或者系统本来就含有量子非定域关联的子部分),这样的系统才可能拥有量子效应。这一点可以这样来理解:假如系统中所有的部分都没有随机性,也就是说,构成系统的所有部件都是确定性的,这样的系统便是经典系统。至于量子力学的非定域性,虽然它非常重要且必须了解它,但是真正的理解可能存在困难(世界上可能还没有人能真正理解它)。

量子力学中最重要的概念是什么?关于这样的问题,至今仍有不同的答案。玻尔一直认为,量子力学中最本质的概念应该是他的互补原理。海森伯早期则认为,最重要的概念是他提出的测不准关系以及矩阵力学中出现的非零的对易关系。狄拉克早期也认为,最重要的是"力学量不遵守乘法交换律的假设"。但是到了晚年,狄拉克认识到几率幅(即波函数)及其几率解释的概念才是量子力学中最基本的。海森伯到了晚年也认为,量子力学中态的定义,是对自然现象的描述所作出的一个巨大变革。费恩曼则一贯主张几率幅是量子力学中最基础的概念,他在提出路径积分方法的文章中,就是从讨论几率幅的概念开始的。看来,量子力学大师们都还比较倾向于认为几率幅(在本书中,将更多地使用"态"或"波函数"以及"几率解释")是最重要的概念。

量子力学同任何一门物理学分支一样,既包含了一套如何 开展计算的数学方法,又包含着把计算结果同经验事实相联系起 来的规则。这些内容对于需要读懂量子力学课程的学生来说,是 必须掌握的基本内容。此外,量子力学还有另一方面的内容,就 是对量子力学本身的解释的问题。量子力学作为人类高度智慧的 结晶,有着非常深刻的含义,对它的解释有的还非常难以理解又 充满着争议。也就是说,大多数的书籍对于量子力学的数学框架的叙述是大同小异的,但是对于一些基本概念,不同的书则可能各不相同,莫衷一是。在这一本薄薄的书中,我们"坚决地"建议读者暂时不要去深入思考量子力学的解释的问题。当需要讨论这方面的问题时,我们尽量采用哥本哈根学派对量子力学的正统解释。

量子力学的数 学框架是明确的, 但是对量子力学理 论本身的解释却是 各式各样的。

量子物理学是目前关于自然界的最基本的理论。虽然人类在20世纪20年代就创立了量子力学、然而至今仍无法真正地理解这个理论的真谛。似乎连20世纪最伟大的科学家们也都没有真正理解它,一直在为之争论不体。当然,我们相信,越是困难或越有挑战性的问题就越能激起人类的好奇心。对于每一个对自然界充满好奇的现代人来说,不理解量子就无法理解我们身边的世界,就不能真正成为一个有理性的、思想健全的人。撰写这本不是很厚的关于量子力学基本知识的书籍,目的就是要帮助有好奇心的现代人能够比较容易地进入量子力学的世界、然后,在此基础上,学习更高等的量子力学(有兴趣的话)。

微观世界如此之小,人类不可能直观地体验,我们只能通过 某些实验方法间接地测量,再用抽象的数学于段想象似地加以描 绘。因此,我们没有理由要求微观世界遵循我们常见的宏观规律, 也没有理由用理解经典现象的方式去理解微观的量子世界。为了 大家能够很快地了解量子力学的发展进程,在本书的附录A中, 给出了量了力学发展史比较详细的年表,供参考。这部分内容主 要参考了金尚年老师的《量子力学的物理基础和哲学背景》。

从1900年普朗 克提出量子论至今, 已有一百多年的历 史。了解量子力学 的发展历史还是很 有意义的。

1.2 量子

什么是"量子"? 量子这个词是从拉丁文"quantum"而来的,原意是数量。在物理中,"量子"最早是在1900年由普朗

克在处理黑体辐射时引进的,它表示辐射能量的释放和吸收都不 是连续的, 而是一小份、一小份地进行。 普朗克把这每一小份能 量称为一个量子,能量值就只能取这个最小能量元的整数倍。量 子是现代物理学中非常重要的基本概念,研究表明,不但能量表 现出这种不连续的分立化(即量子化)性质,其他的物理量,诸 如角动量、自旋、电荷等, 也都表现出这种不连续的量子化现象。 这同以牛顿力学为代表的经典物理有着根本的区别,量子化现象 主要表现在微观世界。普朗克的量子概念第一次向人们揭示了微 观自然过程的非连续本性,或称量子本性。或者说,量子才是这 个世界的本质所在,我们所看到的所谓"连续的"世界,其实背 后是量子化的。1905年(所谓的物理奇迹年),爱因斯坦提出了 光量子的假说,进一步发展了普朗克关于量子的概念。爱因斯坦 认为、光波本身是由一个个不连续的、不可分割的能量量予所组 成的。利用这一假说、爱因斯坦成功地解释了光电效应的实验。 事实。其实, 能量量子的概念不只是在光波的发射和吸收时才有 意义

1.3 经典物理学和量子力学

什么是经典物理学? 这是我们经常会提到的,我们也会经常 地把经典物理学的结果与量子力学的结果做对比。所以,让我们 稍稍详细地解释一下什么是经典物理学。

经典物理学主要由伽利略(1564—1642年)和牛顿(1642—1727年)等人于17世纪创立,经过18世纪在各个方向上的拓展,到19世纪得到了全面和系统的发展而达到了它辉煌的顶点。到19世纪末,已建成了一个包括力、热、声、光、电学等学科在内的宏伟完整的理论体系。特别是它的三大支柱——经典力学、经典电动力学、经典热力学和统计力学——已非常成熟和完善,

理论的表述和结构也已十分严谨和完美,对人类的科学认识产生了深远的影响。

经典物理学的发展离不开一个伟大的人物,那就是牛顿。他 的运动定律描述了万物是如何运动的,他的万有引力定律把行星 的运动和地球表面上物体的运动统一了起来。他还发明了微积分, 这是一个强有力的数学工具,在物理学的各个分支都大量运用了 微积分。虽然微积分成为了数学的一个分支,但是数学对物理的 重要性却是不言而喻的。牛顿在光学领域也作出了巨大贡献。

经典物理学的各个主要分支包括以下几个方面。

- (1)经典力学。它包含牛顿的三个定律,但主要是以牛顿第二定律的运动方程为基础的。在宏观世界和低速状态下,牛顿的定律可以很好地描述物体是如何运动的,可以说则当物体连接在一起的时候会发生什么,比如建筑或桥梁。经典力学在自然科学和工程技术中有着极其广泛和重要的应用。
- (2)经典电磁学。它主要研究电磁力,是研究磁场和电场的学科。麦克斯韦对电磁理论有里程碑式的贡献,他提出了描述电磁场的麦克斯韦方程组,并发现了光其实就是电磁波 当量子效应可以忽略时,麦克斯韦理论能够非常完美地描述电磁现象。电磁学对人类文明史的贡献是巨大的。
- (3)经典热力学和统计物理。热力学是研究热现象中物态转变和能量转换规律的学科。以热力学三个定律为基础,研究平衡系统各宏观性质之间的相互关系,揭示变化过程的方向和限度,它不涉及粒子的微观性质 热力学包含了熵的概念,描述了系统的有序和无序,以及告诉我们不同能量类型有多有用。统计物理学根据对物质微观结构及微观粒子相互作用的认识,用概率统计的方法,对由大量粒子组成的宏观物体的物理性质及宏观规律作出微观解释。
 - (4) 光学。它主要研究光的现象、性质与应用,例如解释

量子力学与我们理的感觉的理学的不知是是不知是不知是是不知是的,是我们的现象的一个,是对的现象的一个,是对的现象的,是是不知的,是是不知识的,是是不知识。

光的反射、折射和衍射的原理等。光在棱镜中的折射以及透镜是如何聚焦光线的,这对于望远镜、显微镜和照相机的制作都很重要。望远镜的发明使我们能够观测宇宙中不同的天体,这促使了宇宙学和天体物理学的诞生。光不需要通过任何介质,可以在真空中传播。

(5)流体力学。它是研究流体(包括液体、气体和等离子体)是如何流动的学科。利用流体力学可以计算出飞机机翼产生的升力是多少,以及汽车的空气动力学是怎么运作的。流体力学在初学者中是出了名的难,因为在微观尺度,分子的运动是非常复杂和快速的,而这就需要混沌理论等基础。

以上这些就是经典物理学的主要内容了。一直到 19 世纪末, 我们对宇宙的理解都是基于这些物理学的分支。在这个时期,物 理学家认为宇宙中所有东西的运作就像时钟那般准确,取得某一 时刻宇宙的完整信息原则上(哲学意义上)就能够得到宇宙在未 来和过去任意时刻的情况,这就是所谓的拉普拉斯决定性

什么是量子力学?回答这个问题是我们这一整本书的任务。 在总论中,我们已经指出,量了力学的研究对象涉及原子、分子、 凝聚态物质,还包括原了核和基本粒了等,它研究的是微观世界 物质粒子的运动规律。至此,我们对量子力学的认识暂且就到此 为止。

1.4 什么时候必须用到量子力学

到底什么时候才会用到量了力学呢?很显然,我们在造桥、 挖隧道、建房了以及绝大多数宏观的日常行为中都用不到量了力 学。在这些情况下,牛顿力学已经够用了!专业一点地说,通过 对体系的受力分析,再使用位置、轨迹、速度(以及速度的轨迹)、 加速度等这些经典力学的概念,我们就可以非常好地描述像造桥 和建房子这些日常行为了。换句话说,在绝大多数的宏观领域中使用量子力学是没有必要的,牛顿力学是量子力学在宏观尺度下非常好的近似。

在日常的宏观尺度下用不到量子力学,所以有些人可能会认为,量子力学与我们的日常生活相距很远。当然,这是完全错误的。我们当今生活的很多"特征"都与量子力学有着密不可分的关系,如我们用的手机、计算机、电视机等各种电器,以及大量使用计算机的各行各业(如银行),这些都与量子力学有着密切的联系。没有量子力学,就不会有这些现代人越来越离不开的东西。

笼统地说,量子力学是在微观世界的领域中起作用的! 主要是在原子、亚原子(如原子核和基本粒子)、分子和材料的微观领域里起决定性的作用。当然, 宏观的量子效应也是存在的, 如超导、超流、约瑟夫森效应以及量子霍尔效应等。通常来说, 宏观的量子效应都是非常重要的效应, 发现或者只是帮助理解了宏观的量子效应通常都是可以获诺贝尔奖的事情, 可见其重要性。此外, 固体和液体等凝聚态物质的宏观性质也是由原子之间微观的相互作用的细节决定的: 我们周围的物质大都可以看成是由原子构成的, 而原子与原子之间的相互作用力使得原子们得以"凝聚"起来, 从而使物质得以形成。如果这样看, 似乎我们只需"力"的概念就可以理解物质的构成了。但是实际上, 如何理解和描述这些原子与原子之间的相互作用, 从而理解原子们凝聚起来的本质, 就恰恰必须用到量子力学。这方面, 经典力学是完全不能胜任的! 要解释清楚原子之间的相互作用, 讲清楚物质形成的原动力, 没有量子力学是完全无法想象的。

力、位置、运动轨迹、速度及加速度等这些经典力学的概念 已经根深蒂固地存在于我们的脑子中,我们对日常的许多宏观物 质的运动都习惯于采用这些概念来分析。例如,我们在讨论汽车 的运动时,通常可以使用汽车在哪里(即位置)、速度是每小时

只要一个粒子 的粒子性远大于其 波动性的时候,就 是牛顿力学适用或 近似适用的时候。 多少千米、踩油门(加速)、刹车(负加速)等这些概念。这些概念确实可以非常精确地描述汽车的运动状态。而量子力学开始适用的时候,恰恰是像位置、运动轨迹、速度及加速度等这些概念不再适用的时候,如已经提到的电子在原子中的运动。实验已经充分证明,电子在原子中运动,其位置、运动速度等概念已经不再正确,或者说,根本就无法测量出电子的位置和速度等这些经典的物理量。取而代之的是几率和平均值的说法,例如电子出现在空间某一点的几率有多大,速度的平均值有多大等。

那么,什么时候使用牛顿力学不会出问题呢?只要粒子的波动性表现得不明显,其粒子性远大于波动性的时候,就是牛顿力学适用或近似适用的时候。当我们建一座大桥的时候,完全没有必要用到量子力学,只要用牛顿力学就完全足够了。而且,也不是说,在微观世界里牛顿力学就完全不能用。我们知道,当尺度小到埃的量级时(即原子的尺度,1埃=0.000 000 0001米),微观粒子的波动性(或说量子效应)可能会相当明显。此时当然必须使用量子力学来处理了。但是,并不是说尺度小手埃或远小于埃就必须用量子力学。对于原子核(尺度在0.0001埃)的运动这种非常微观的事情,其实牛顿力学方程还是近似适用的。其原因在于,原子核的质量是相对较大的,其波动性的一面不是很明显。有一门所谓的"经典的分子动力学"的学科,就是将原子核的运动用经典的牛顿方程组来描述的。

有一种"通用的"说法,用来说明什么时候应该使用量子力学,那就是:当普朗克常数 h 起作用的时候就是应该使用量子力学的时候。当普朗克常数可以被略去不计的时候,就可以使用经典物理学。这种说法当然是准确的,只是听起来好像对我们理解什么时候量子概念起作用并没有很大的帮助。另一个类似的说法是,当牛顿运动方程不能适用的时候就应该使用量子力学方程(这个说法对我们好像也没有什么帮助)。所以,有必要说明一

下什么时候量子力学会过渡回经典力学,这就不得不谈到对应原理。关于对应原理的系统阐述,最早可见于玻尔在1918年的论文,而关于对应原理的思想萌芽,则在玻尔1913年发表的划时代论文中就可以明显地看出来。正式使用"对应原理"这个词则是在1920年玻尔的论文当中。对应原理提出:"在大量子数的极限情况下,量子体系的行为将渐近地趋于与经典力学体系相同。"对于已经有一点量子力学知识的人来说,很容易看到,当氢原子中上量子数 n 变得很大时,电子的能级就不再是分立的,而是趋于连续的(玻尔的分立轨道概念就不见了)。所以,这时候大量子数 n 之下的量子力学就趋近于经典力学。

第2章

经典物理学的困境

2.1 牛顿三个运动定律遇到了问题

牛顿(图 2.1)的三个运动定律是经典力学的基石,从 17世纪开始就统领了人类对整个宏观世界中物体运动的描述。但是,在微观世界领域,牛顿力学遇到了根本意义上的困难。换句话说,牛顿的这些定律在微观领域有时是完全不对的(有时是近似正确的)。在本节中,我们将逐个指出牛顿三个定律的不完善之处(若有更多意见请告知,email 地址请见前言)。



图 2.1 牛顿画像

2.1.1 对牛顿第一定律的讨论

"一个自由的粒子,它的运动状态会如何?"这个问题的答案在牛顿力学中可能表述为"要么停着不动,要么作匀速直线运动",这就是牛顿第一定律。但是,既然是自由的粒子,凭什么要停在空间的某一点(停住不是反而显得不那么自由了吗),又凭什么要沿着某个特定的方向作匀速运动(沿某一方向运动又显得有点被迫了,即不那么自由了)。自由的含义似乎意味着应该可以沿着任意的方向作任意状态的运动。看来牛顿力学的这个基础有一些问题。我们来分别讨论和对比一下经典物理学和量子力学对自由粒子运动的解释。

(1)牛顿力学对某一时刻运动状态的描述是基于前一时刻 粒子的运动状态的,如果在某前一时刻粒子停着不动,或作匀速

"一个完全自 也一个完全自 的粒子,它的运 动之一个的一个。" 这是一个,将值得 思考的问题! 如有 种道了,将大有 神益。

章

直线运动,那么对于一个"自由"的粒子来说,这种运动状态此后将保持下来。或者说,由于是一个"自由"的粒子,那么将没有力可以改变它原来的运动状态,从而将继续保持静止不动或作匀速直线运动。也就是说,粒子会在空间的哪一点,以及会作什么方向和什么速度的运动,完全取决于粒子在这之前的状态(以及受力情况)。事实上,在我们目常生活中还没有碰到过自由粒子的情况,遇到的多半都是总合力为零的例子,因为还不存在不受力的宏观粒子。牛顿力学似乎也还没有被用到完全自由的粒子上,而只用到净力为零的情况。但是不管怎样,至少在牛顿力学中还没有将自由粒子的运动状态描述为:粒子处在空间任意位置的概率是一样的(这是量子力学的描述)。

(2)在量子力学里面,对自由粒子状态的描述是: 个自由粒子, 在空间中的任意一点找到该粒子的几率是一样的"。 因为既然是自由粒子,那它确实完全有理由出现在任何地方(不 是同时出现在任意地方!这一点即便对物理系的学生来讲也是容 易混淆的),而且出现在任一地方的机会是一样的。量子力学中, 自由的粒子没有理由要停在空间的某一点(这样显得不自由), 也没有理由要沿着某个方向作匀速运动(这种运动状态是被迫 的),它完全可以出现在空间中的任何一点。但是,值得特别注 意的是,一旦捕捉到该粒子,它表现出来的就是一整个粒子,它 有明确的质量、电荷和自旋等。这样看来,量子力学的描述能够 更好地体现自由粒子中"自由"二字的含义。也可以说,量子力 学的哲学基础比牛顿力学的哲学基础更加先进了(这里讨论的只 是经典力学和量子力学的哲学基础之一)。理解"对于自由粒子, 在空间中的任意一点找到该粒子的几率是一样的"对理解量子力 学是极其重要的,它在逻辑理解上其实并没有什么困难。同样地, 理解这一点对阅读本书也是很重要的。

在占代的中国对物体的运动早就有了"珠子走盘,灵活自在,

实无定法"之说,即试图说明珍珠在圆盘中的滚动"实无定法"。这种说法在"形式上"与牛顿的第一定律有所相悖(即与应该作匀速直线运动相违背)。所以这种说法似乎表明了,我们的祖先很早就已经部分地(哪怕只是部分地)认识到了量子力学的基础,即自由粒子的运动应该"实无定法"可惜的是没有后来人将这个思想加以归纳、进行数学化以及作物理解释。没有数学化的想法在物理上是没有用处的,因为没有数学化也就没有办法再作进一步的数学演绎,也就无法产生新的结果和推论。类似的事情在中国历史上应该还有很多,我们的祖先很多时候都能够作非常抽象的哲学思考,往往却缺少再进行具体推论的能力(数学化的能力)。笔者觉得,只有基于数学的推演才是最有力和最完整的。

以上讨论了这么多, 在物理课本中的表达就是一句话: "自由粒子的波函数是平面波"。一个自由的电子可以处在空间中的任意位置, 等价于"平面波的平方=常数"(严格地写, 这里的"平方"应该是模的平方, 称为"模方", 但是本书不区分波函数的平方和模方), 这个常数就意味着在空间任一位置找到该电子的几率相等(但这并不是说, 电子是弥散在整个空间的, 实际上, 一旦找到该电子, 那么找到的就是一整个电子)。最后, 为什么说用几率的表达显得比较合理呢?因为自由粒子确实是应该等几率地出现在空间的任意一点上。总而言之, 与经典物理学相比, 量子力学的描述能够更好地体现自由粒子中"自由"二字的含义。

对自由粒子的 描述,显然量子力 学更加合理一些, 能够更好地体现自 由粒子中"自由" 二字的含义。

在一次餐会上,我们不知为何竟然谈到了量了力学的根本问题。于是我问道:"如果完全没有约束(当然是指物理约束,而不是道德约束),一个完全自由的你会怎么样?"一个朋友说:"那我会在空中随意地到处飘!"哇,这位朋友的直觉竟然相当地正确!这刚好比较符合(不严格地)量子力学中一个自由粒子的运动图像。而另一个朋友则说:"那我就回去睡觉,或者坐高铁回

家看父母。" "天哪!"这个回答也是如此的奇妙,它刚好比较符合经典力学中一个自由粒子的运动图像,也就是自由的经典粒子要么在某一点上不动(在床上睡觉),要么作匀速直线运动(在高铁上)。总之,前一朋友的回答确实是相当合理的,而后一朋友的回答只是作者的玩笑罢了(经典情况下是合理的)。

2.1.2 对牛顿第二定律的讨论

我们先来看看牛顿力学是如何描述物体的运动的。有人说,力是物体运动的原因,或者说,物体的运动是因为在其运动方向上被施加了力,这种说法带有很大的误解。试想在广阔的北极冰面上,有一个滑动了很长距离的物体(假设摩擦力非常小),这种情况下,物体虽然在运动但是并没有受到净力的作用,即没有在物体运动的方向上(滑动的方向上)被施加力。可见,力不是物体运动的原因。其实,力是物体运动发生改变的原因。对物理系的学生而言,这是很容易理解的:因为牛顿第二定律告诉我们F=ma,F为物体所受的力,a为物体运动的加速度,以及m为物体的质量。这个公式告诉我们,力是引起加速度的原因,而不是引起速度(或运动)的原因。因为加速度来自于速度的变化(速度不变,就没有加速度),可见也可以说,力是物体的运动速度发生变化的原因。力与加速度总是在同一个方向上,但是物体的运动方向可以和力或者加速度的方向相反,汽车的刹车便是一个简单的例子。

以上是经典力学对物体运动定律的描述。那么,在微观世界 里的情况又是怎样的呢?前面多次提到,一个自由的(即没有受 到约束的)微观粒子的状态被描述成:可以处在空间的任意一点 上,而且处在各点的几率一样(即波函数为平面波)。可见,只 有对粒子进行"约束"(或散射),从而使其不再是自由粒子,

才能改变这个微观粒子的平面波状态。换句话说,如果对粒子进行了某种约束,那么在空间各点找到该粒子的几率就不一样了(粒子的波函数就不再是平面波了),粒子处在有约束的区域的机会就会多一些。由此可以看到,量子力学下的所谓约束大致可以对应于经典力学中的力的地位。力是经典粒子的运动发生改变的原因,而约束则是量子力学粒子的波函数偏离平面波的原因。约束在量子力学中对应于一种被称为"势能函数V"的东西(V<0的情况,称为势阱;V>0对应于一种散射),它是一个数学表达式,将被包含到量子力学最基本的运动方程当中(将在下面的章节中讨论)。

总之,从上面的讨论可以看到,经典力学的应用基本上就是 先受力分析,然后求解牛顿第二定律的运动方程;而量子力学的 应用基本上是先确定好约束(或者说写出 V 的函数),然后求解 量子力学的基本方程——薛定谔方程,或各种等价形式的量子力 学方程。

现在,我们来看看"为什么需要在量子力学中抛弃牛顿第二定律"。也就是说,为什么在量子力学中我们必须抛弃轨道、瞬时速度、瞬时加速度这样的概念?正是这些概念的"不适用"将直接导致我们必须放弃牛顿第二定律。这个问题也是大学生们最喜欢问的问题之一。答案可以从多方面进行说明。这里,我们只简洁地给出两方面的理由。

(1)既然粒子可以是完全自由的,那它确实完全有理由出现在任何地方,而且出现在任一地方的几率是一样的,这就意味着粒子运动轨迹的概念是不合时宜的。如果轨迹的概念是不好的,那自然而然速度的概念就是不对的;而如果速度的概念是不对的,那当然加速度的概念就是不对的了。如果加速度没有了,那牛顿运动方程就无法运用了。由此可见,量子力学的框架应该完全不同于牛顿力学的框架。

第2

章

(2)对于一个微观粒子(如一个电子)而言,它的轨迹、瞬时速度和瞬时加速度是不可观测的量(不过,系统可以有平均速度和平均加速度等)。这种不可观测的量是应该被抛弃的,这是量子力学的逻辑。也就是说,量子力学是建立在可观测量的基础上的。其实,这是很有道理的,既然根本就不能测量出电了的轨迹、速度和加速度(指瞬时速度和瞬时加速度,下同),说明电子的轨迹、速度和加速度在微观领域里都是不好的物理量,应该抛弃它们。一个重要的例子就是原子中作"轨道"运动的电子,这时电子的位置、轨道、速度以及加速度都是不可测量的,所以

2.1.3 对牛顿第三定律的讨论

在原子物理中,这些概念都被抛弃了。

牛顿第三定律的表述为: "作用力和反作用力大小相等,方向相反"。这个定律也是存在问题的,主要是因为它隐含着一种瞬时的相互作用,即相距一定距离的两个粒子之间的力与反作用力是瞬时传递的。但是,按照近代物理的观点,力是通过场以有限的速度传递的,这个传递速度不能大于光速。所以,一个粒子对其他粒子的作用要经过一定的时间才能到达。而在这段时间内,粒子间的距离以及作用力的大小和方向可能都已经发生了变化。这就使得某一瞬间两个粒子之间的"作用力大小相等,方向相反"这样的关系不再成立。在量子力学里,力的概念已不再处于中心地位,牛顿力学在微观世界中也不再适用(绝大多数情况下)。但是,像能量守恒、动量守恒和角动量守恒等这些守恒定律在微观领域或量子力学下都还是正确的,因为守恒定律有着更加普遍、非常深刻的自然根基,即对称性(参见附录B)。

爱因斯坦一直 强调,任何相互作 用的传播速度都应 该是有限的。

2.2 量子论创立之前的经典物理学

到 19 世纪末, 经典物理学似乎已经征服了全世界, 它的理 论框架可以描述人们所知的一切现象。 占老的牛顿力学历经风吹 雨打而始终屹立不倒,反而越来越凸显出它的坚固。从地上的石 头到天上的行星,万物都遵循着牛顿给出的规律而运转着。1846 年海 E星的发现,更是牛顿力学所取得的伟大胜利。另一方面, 随着 1887 年赫兹从实验上证明了麦克斯韦方程组所预言的电磁 波的存在之后, 与经典力学体系一样雄伟壮观的经典电磁理论也 建立起来了。麦克斯韦的电磁理论在数学上完美得让人难以置信, 作为其核心的麦克斯韦方程组简洁、对称、深刻得使每一位科学 家都陶醉其中。无论从哪个意义上说,经典的电磁理论都是一个 伟大的理论。它的管辖领域似乎横跨了整个的电磁波频段,从无 线电波到微波、从红外线到紫外线、从 X 射线到 y 射线……所 有的运作规律都由麦克斯韦方程组很好地描写着, 而可见光区域 不过是一个小小的特例吧。所以,光学领域可以用电磁理论来覆 盖。至于热学领域,热力学三大定律已经基本建立(第三定律已 经有了雏形), 在克劳修斯、范德瓦尔斯、麦克斯韦、玻尔兹曼。 以及吉布斯等人的努力下,分了运动论和统计热力学也成功地建 立了起来。非常重要的是,这些理论之间可以彼此相符而又互相。 包容。经典力学、经典电动力学和经典热力学(加上经典统计力 学)构成了当时经典物理世界的三大支柱。

现在,我们可以来定义一下什么是经典物理学家和经典物理学了: 19世纪以来,由牛顿力学和麦克斯韦电磁理论培育起来的物理学家就可以称为经典物理学家。而经典物理学当然包含上面讲到的牛顿力学、麦克斯韦电磁理论以及经典的热力学和统计力学。

这是经典物理学的黄金时代,物理学的力量似乎从来都没有

2章

这样强大过。从当时来看,几乎我们所知道的所有物理现象都可以从现成的物理理论那里得到解释。力、热、光、电、磁……一切的现象,似乎都可以在经典物理学理论的框架之内得以描述。以至于一些著名的物理学家都开始相信,所有的物理学原理都已经被发现,物理学已经尽善尽美,再也不可能有什么突破性的进展了。如果说还有什么要做的,那就是做一些细节上的改进和补充了。一位著名的物理学家说:"物理学的未来,将只有在小数点第六位后面去寻找。"普朗克的导师甚至也规劝普朗克不要再浪费时间在物理学上。普朗克的导师这样说道:"物理学是一门高度发展的、几乎是尽善尽美的科学……这门科学看来很接近于

采取最稳定的形式。也许,在某个角落还有一粒灰屑或一个气泡,

对它们可以去研究和分类,但是,作为一个完整的体系,那是建

立得足够牢固的; 理论物理学正在明显地接近于几何学在数百年

中所具有的那样完善的程度。"这个说法有当时是非常有代表性

水平。19世纪末这样伟大的时期有科学史上也是空前的。但是,

我们很快就会看到, 经典物理学还有一些难以克服的困难, 这样

强大的物理学帝国终究也只能是昙花一现,量子的革命将席卷整

个物理学的帝国。不过,命运在冥冥之中也注定了"量了"的观

也非常恰当地反映了19世纪末经典物理学已经达到的鼎盛

虽然经典物理 学看起来相当完整,但是这种辉煌 的年代很快就将结束,量子革命即将 来临

念必须在新的世纪(20世纪)才可以出现。 在叙述量子力学的发展史时,关于"两朵乌云"的比喻是如此著名,以至于似乎在所有的量子力学史的书籍里都会提及。所以,我们也花费一两页的篇幅简单讨论一下。

1900年4月,新的世纪刚刚来临不久。在伦敦的皇家研究所(Royal Institute, Albemarle Street)有一个非常重要的科学报告会正在进行。包括欧洲有名的科学家都来聆听德高望重的开尔文男爵(图 2.2)在新世纪关于物理学的发言。开尔文在名为"在热和光的动力理论上空的 19 世纪的乌云"的演讲中,讲到

了这样一句话: "The beauty and clearness of the dynamical theory, which asserts heat and light to be modes of motion, is at present obscured by two clouds." 这就是在叙述量子力学的发展中,非常著名的所谓"两朵乌云"的说法。这句话的最优美(但可能也是偏离原文最多)的翻译是: "在物理学阳光灿烂的天空中还飘浮着两朵小乌云。" 这两朵著名的乌云分别指的是人们在"以太"研究和"黑体辐射"研究上遇到的困境。

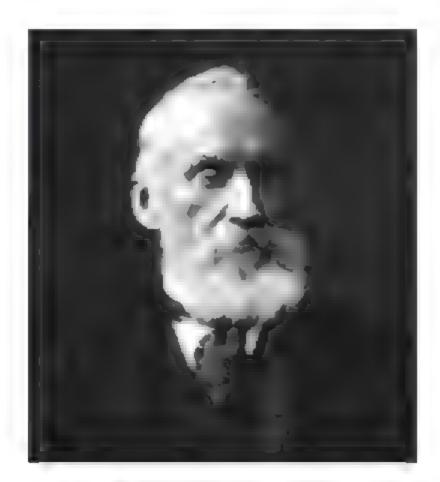


图 2.2 开尔文男爵

第一朵乌云实际上就是指边克耳孙-莫雷实验。这个实验本身是极其重要的,它直接预示了"以太"这个经典时空观所依赖的物质是完全可以被抛弃的。当相对论被提出之后,"以太"的概念更是自然而然的退休了。我们还是来简单地看一下边克耳孙-莫雷实验:这个实验的用意就是要探测光以太对于地球的飘移速度。因为以太在当时被认为是代表了一个绝对静止的参考系,所以地球的运动必定要在以太中穿行。也就是说,地球就像是一艘船在高速的航行,迎面一定会吹来强烈的"以太风"。迈克耳孙(Albert Abraham Michelson,曾译为迈克尔逊)和莫雷采用了最新的干涉仪,并把实验设备放在一块大石板上,再把大石板放在一个水银槽上,这样就把干扰的因素降到了最低。但是实验发现,两束光线根本就没有表现出任何的时间差(光程差)。换句

话说,以太似乎对穿越其中的光线不产生任何影响(即光线根本就没有感觉到有以太风的存在)。迈克耳孙-莫雷的实验结果在当时的物理界引起了轰动。这个实验无情地否定了经典物理学假设的一种无处不在的媒介。当时,不相信经典物理学在这里存在问题的洛伦兹等人提出,物体在运动方向上会发生长度的收缩,从而使得以太相对于地球的运动速度无法被观测到。这当然只能短暂地继续保留以太的概念,爱因斯坦狭义相对论的提出彻底地抛弃了以太。更多的关于这第一朵"乌云"的内容请参考相关书籍。

关于第二朵"乌云",指的是黑体辐射问题。当时,还没有一个完整的理论公式可以描述黑体辐射的整个实验谱。黑体辐射在量子力学的发展中有着非常特殊的意义,因为"量子"就诞生在普朗克试图解决黑体辐射的理论困难之时。所以,我们将在下面的章节中仔细地探讨这个问题。

在开尔文演讲的听众中,大概没有人会想到,开尔文提到的两朵小乌云对于物理学和整个科学来讲将意味着什么。可能谁也想象不到,正是这两朵乌云会给整个物理学界(由此延伸到整个世界)带来前所未有的狂风暴雨式的革命。实际上,基于这两朵乌云的新物理学彻底摧毁了旧的物理学大厦,并重新建造了两栋更加壮观宏伟的新大厦。由第一朵乌云,最终导致了狭义相对论革命的爆发;由第二朵乌云,则最终导致了量了论革命的爆发。

开尔文男爵所说的两朵著名的"小 岛云",在20世纪初诞生了两个最伟 大的科学理论:相 对论和量子理论。

2.3 经典物理学遇到的困难

19世纪末与20世纪初,经典物理学一方面被认为已经发展到了相当完善的地步,但是另一方面也遇到了一些严重的困难。这些困难在各类量了力学书籍中都有比较详细的叙述。所以,我们仅在此给出比较简要的讨论。

经典物理学遇到的主要困难包括如下几方面。

- (1)黑体辐射问题(即上面提到的第二朵"乌云")。19世纪末,人们已经认识到热辐射和光辐射一样都是电磁波,但是在黑体辐射的能量随辐射频率的分布问题上,还没有办法给出一个完整的公式。普朗克首先给出(猜出)了一个完美的黑体辐射公式,随即便革命性地引入了"量子"的概念。可以看到,黑体辐射问题与量子论的诞生密不可分,是最重要的一个经典物理学遗留下的问题。在3.1节中,我们还将相当详细地谈到这个问题。
- (2)光电效应问题。赫兹在1888年就发现了光电效应,但他没有给出任何解释(赫兹英年早逝)。1896年,JJ汤姆孙(Joseph John Thomson,曾译为汤姆逊)通过气体放电和阴极射线的研究发现了电子。之后,人们认识到光电效应是由于紫外线的照射,大量电子从金属表面逸出的现象。通过基于麦克斯韦方程组的光子理论,即经典的电磁波理论,人们无法解释光电效应的实验事实。成功地解释光电效应是爱因斯坦的贡献,我们将在3.2节中给出比较详细的描述。
- (3)原了的线状光谱 最原始的光谱分析始于17世纪的牛顿时代,19世纪中叶之后才得到迅速的发展。人们已经使用不同元素特有的标志谱线来做微量元素的成分分析。但是,原子光谱为什么不是连续的,而是呈现分立的线状光谱?这些线状光谱产生的机制是什么? …… 这些问题要等到玻尔的量子论原子模型提出之后,才能得到解释。
- (4) 固体比热容的问题。按照经典统计力学,固体的定容比热容应该是一个常数,即所谓的杜降-珀蒂定律(1819年)。但是后来的实验发现,在极低温下固体的比热容趋于零(实际上,多原子分子的比热容也存在类似的问题)。这种实验和理论不相符的现象是个严重的问题,它明确预示着理论的出发点可能存在

问题。解决固体比热容问题的第一功臣也要归于爱因斯坦。

(5)原子的稳定性问题。1904年,JJ汤姆孙提出了一个所谓的"葡萄干布丁"原子模型:即止电荷均匀地分布在原子中,而电子则作某种有规律的排列(像葡萄干一样嵌在布丁中,如图 2.3 所示)。1911年,卢瑟福用 a 粒子去打击原子,发现原子中的正电荷集中在一个很小的区域中而形成"原子核",电子则围绕着原子核运动。但是,卢瑟福的原子模型在经典物理学看来存在"稳定性"的问题,即电子在核外作加速运动将不断辐射而丧失能量,最终会"掉到"原子核里去。原子稳定性问题的解决当然需要量子力学,我们会在 3.3 节中继续讨论原子的稳定性问题。



图 2.3 葡萄干布丁原子模型

除了以上这些经典物理学所遇到的主要困难之外,在19世纪的最后几年实际上还连续发生了其他一些事情,它们对经典物理学也是一种不祥之兆(也可以说是新的革命性的力量)。例如:

- (1) 1895年, 伦琴发现了 X 射线;
- (2) 1896年, 贝可勒尔 (Antoine Herni Bacquerel, 曾译为贝克勒尔)发现了铀元素的放射现象;
- (3)1897年,居里夫人和她的丈夫研究了放射性,发现了 更多的放射性元素,如镭、钍、钋;

19世纪末还发现了X射线、放射现象以及元素的嬗变现象等,并开始现象等,并开究。 以及制线的研究。 以及等,并开究。 以外,并不完。 以些都将有助于推 的是典物理学的 大厦。

- (4)1897年, JJ汤姆孙在研究了阴极射线后认为它是一种带负电的粒子流, 从而发现了电子;
 - (5) 卢瑟福发现了元素的嬗变现象。

第3章

旧量子论时期

3.1 新世纪来临: 普朗克的突破

普朗克(图 3.1),于 1858年4月23日出生在德国的基尔,他的父亲是一位著名的法学教授。他的祖父和两位曾祖父都是神学教授。1867年,普朗克一家搬到了慕尼黑,于是普朗克便在慕尼黑完成了他的中学和大学教育。普朗克保持着古典时期的优良风格,对音乐和文学有着浓厚的兴趣,也表现出非凡的天资。早年他曾经在音乐和科学之间摇摆不定,从中学时期起,普朗克的兴趣开始转到自然科学方面。如果说德国失去了一位优秀的音乐家或文学家,她却得到了一位深刻影响人类历史的科学巨匠。

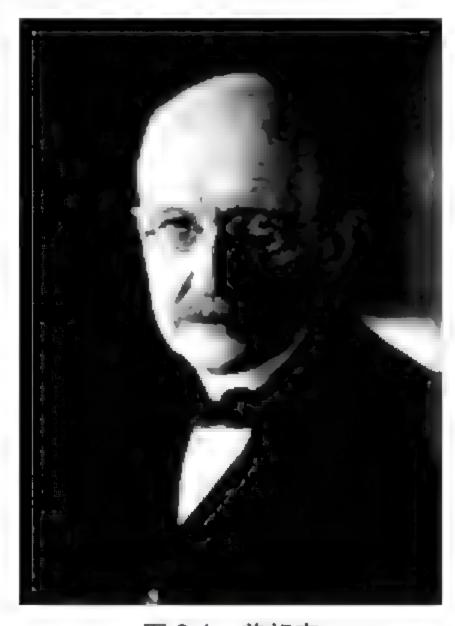


图 3.1 普朗克

普朗克读大学时正是经典物理学的黄金时期,看起来物理学的大厦已经基本建成,剩下的只是进行一些细节的修补而已。这种情况下从事理论物理的研究应该是一个很没有前途的工作。难怪普朗克的导师曾劝他不要把时间浪费在物理学这个没有多大意义的工作上面。还好,普朗克委婉地表示,他只是想把现有的东西搞清楚罢了,他读物理只是出于对自然规律和理性的兴趣。现在看来,普朗克的上述"很没有出息"的意愿却成就了物理学历

史上最伟大的突破之一:"量子"概念的提出。我们当然也为普朗克的决定感到庆幸。

1879年普朗克在慕尼黑大学获得博士学位,随后在基尔大学和慕尼黑大学任教。1887年普朗克接替基尔霍夫,来到柏林大学担任理论物理研究所的主任。普朗克原来的研究领域是经典热力学,但是1896年起他开始对黑体辐射产生了极大的兴趣,这主要是因为受到了维恩的黑体辐射公式以及相关论文的影响。普朗克就这样不知不觉地走到了时代的最前沿。

为什么大家对黑体辐射感兴趣呢?原来 19 世纪后半叶炼钢工业发展很快,而炼出的钢的质量与钢水的温度有密切的关系。但是当时并没有传统的温度计可以测量炉内钢水的温度,所以炼钢工人只能凭经验从钢水的颜色来判断钢水的温度。在这种背景下,物理学家希望能够通过黑体辐射的特征曲线来帮助人们科学地、定量地判断一个黑体的温度。值得注意的是,炼钢炉上开一个观察用的小孔正好就是一个非常接近理想的黑体。可见,19 世纪冶金高温测量技术的发展推动了对热辐射的研究。

到19世纪末,人们已经认识到热辐射与光辐射一样都是电磁波。热辐射是物体由于具有温度而辐射电磁波的现象,是一种物体用电磁辐射的形式把热能向外散发的传热方式,它可以不依赖任何外界条件而进行、热辐射的光谱是连续谱,原则上波长可以覆盖整个频段,一般的热辐射主要靠波长较长的可见光和红外线传播。1894年,维恩从经典热力学的思想出发、假设黑体辐射是由一些服从玻尔兹曼理论的分子发射出来的,然后通过缜密的演绎,导出了辐射能量的分布定律,也就是著名的维恩公式。很快,帕邢对各种固体的热辐射的测量结果都很好地满足了维恩公式。但是另一方面,维恩的同事陆末(Otto Richard Lummer,曾译为卢梅尔)和普林舍姆在1899年报告,当把黑体加热到近于摄氏度时,测量得到的短波范围的曲线与维恩定律符合得很好,

但是在长波长的时候实验与维恩理论不相符。

维恩定律在长波长情况下的不适用引起了英国物理学家瑞利的注意,他试图去修改维恩公式。他的做法是抛弃玻尔兹曼的分子运动假设,简单地从麦克斯韦(图 3.2)的理论出发,最终推出了瑞利自己的公式。后来,另一位物理学家金斯计算出了(纠正了)瑞利公式中的常数,这样就构成了今天我们看到的瑞利一金斯公式。瑞利一金斯公式只在长波长的区域与实验数据符合,但在短波方面是失败的。因为当波长趋于零(也就是频率趋于无穷大)时,瑞利一金斯公式显示,辐射能量密度将无限制地增长,这显然是不对的(称为"紫外灾难")。

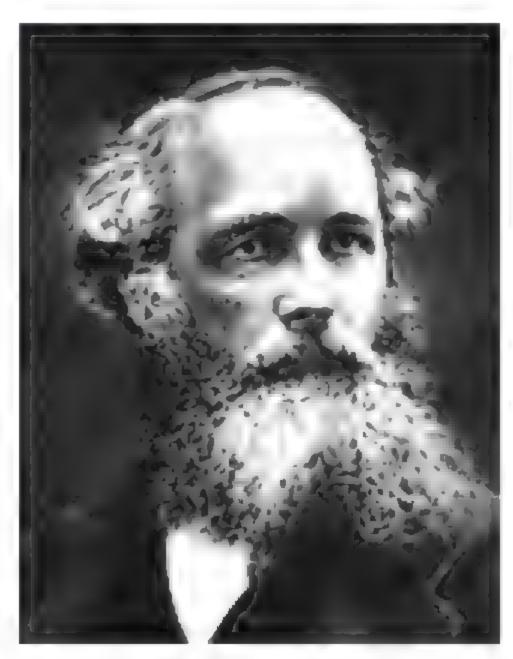


图 3.2 麦克斯韦

现在,摆在普朗克以及大家面前的有两个公式,即维恩公式和瑞利一金斯公式,它们分别只在短波长和长波长的领域内适用。普朗克很早就知道有维恩公式,而瑞利公式是1900年10月初才由实验物理学家鲁本斯告诉普朗克的。尽管如此,普朗克应该早已知道黑体辐射能量的长波极限。

普朗克对上述两个公式的推导并不成功。后来,他"无意"

中凑出了一个公式,这个公式能够很自然的在短波区域趋于维恩公式,而在长波区域趋于瑞利一金斯公式。或许有人认为普朗克真的是无意得到公式的,但是我们应该知道,普朗克在黑体辐射这个问题上已经耗费了六年的时光,六年间的所有努力可能都与这个"无意"是有关联的。普朗克找到的辐射公式是

$$E_{\nu} d\nu = \frac{c_1 \nu^3}{e^{c_2 \nu T} - 1} d\nu$$

式中, ν 为频率,T为温度, c_1 和 c_2 为常数,E,为辐射能量密度。 1900年10月19日,普朗克在柏林物理学会的会议上提出了上述公式,并请求给予验证。第二天上午,普朗克的亲密同事鲁本斯便来拜访普朗克,说他在会议结束的当晚就仔细对比了他的测量数据与普朗克公式,发现结果互相符合得非常好(图3.3)。后来,实验上原本认为的与普朗克公式的偏差也被证明是计算错误造成的,并不是普朗克公式的问题。接下来的实验测量也一再证实了普朗克的辐射公式(测量方法越精密,结果与普朗克公式符合得越好)。

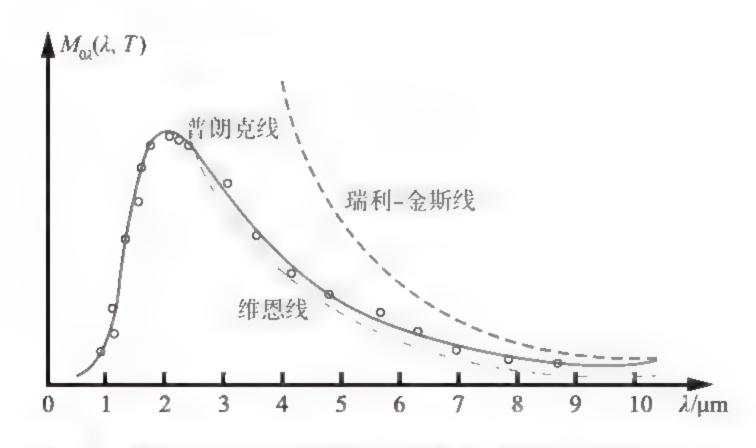


图 3.3 普朗克公式与维恩公式及瑞利-金斯公式的结果对比

普朗克公式虽然是靠经验猜出来的,但是它如此优美而且简单,与实验数据又符合得这么好,这绝非偶然。在这个公式的背

·定蕴藏着尚未被我们所发现的非常重要的科学原理。那么, 它到底是建立在什么样的理论基础之上的呢? 这个公式为什么管 用?这些问题连公式的发现者普朗克本人都还不知道。但是、普 朗克十分清楚,即便是人们完全肯定了这个新的辐射公式,而且 承认它的绝对准确和有效性,倘若把它仅仅看成是侥幸推测出来 的一个内插公式的话,那么这个公式就只有形式上的意义而已。 所以, 普朗克给自己提出了一个极其重要的课题: 赋予这个公 式以一个真实的物理意义! 多年以后, 普朗克在给他人的信中这 样写道:"当时,我已经为辐射和物质奋斗了六年,但是一无所获。 我知道,这个问题对于整个物理学至关重要,我也已经找到了确 定能量分布的那个公式。所以,不论付出什么代价,我必须找到 它在理论上的解释。而我也非常清楚, 经典物理学是无法解决这 个问题的……"普朗克也清楚,如果从玻尔兹曼运动粒子的角度 来推导黑体辐射定律,那会得到维恩公式;要是从麦克斯韦电磁 辐射的角度来推导辐射定律,那就会得到瑞利-金斯公式。那么. 新的辐射公式到底要从粒子的角度还是波的角度来推导呢? 在经 历了种种尝试和失败之后, 普朗克发现, 他必须接受统计力学的 立场,把熵和概率的概念引入到系统中来。普朗克在经历了"一 生中最忙碌的几个礼拜"之后,他终于看见了黎明的曙光。普朗 克终于明白,为了使上述的普朗克辐射公式成立,必须作一个革 命性的(有重大历史意义的)假设,这就是:能量在发射和吸收 的时候,不是连续不断的,而是分为一份一份地进行的。这"一 份一份的"就是所谓的"量了"(量了是能量的最小单位)!所 谓量子力学字面中的量子二字当然就是基于这个意思。

为了解决实验 与经典理论在"黑 体辐射"上不相符 的难题,普朗克在 1900年第一次提出 量子化的概念。

普朗克假设黑体电磁辐射的能量是一份一份的("量子"的意义之所在)。如果真的是这样,那么首当其冲应当受到质疑的便是麦克斯韦伟大的电磁理论。有趣的是,普朗克并不认为这里面有什么问题,因为普朗克认为他自己的"量子假设"并不是真

的物理实在,而纯粹只是为了方便而引入的一个假设而已,所以 麦克斯韦理论在普朗克看来并非一定要受到冲击。可见,当时普 朗克并没有认识到他自己的理论伟大的历史意义。或许是因为年 纪比较大的缘故,普朗克在物理上是相当保守的。面对在量子概 念被提出之后继而发生的一系列革命性的事件时,普朗克简直难 以相信,并为此惶恐不安。当然,我们并不能因此而否定普朗克 对量了论所作出的决定性的贡献。虽然普朗克公式在很大程度上 是从经验中得来的,但是他以最敏锐的直觉给出了"量子"这个 无价的假设,这本身就是无价的。可以说,普朗克为后人打开了 一扇通往全新的未知世界的大门,无论从哪个角度看,他的伟大 工作的意义都是不能被低估的。

普朗克的划时代的论文《论正常光谱能量分布定律》于1900年10月19日和12月14日在德国物理学会上被宣读,后于1901年发表在《物理学年鉴》上。1900年12月14日这一天,被公认是量子的诞生日。一个物理理论或物理概念能够有一个大家公认的确切的诞辰,这本身就是非常有趣的。几年之后的1905年,爱因斯坦的儿篇划时代论文也是发表在这个《物理学年鉴》上的,可见当时德国是物理学发展的中心、普朗克在论文发表约20年后的1918年,因发现"量子"而获得了诺贝尔物理学奖。

大家都公认 1900年12月14日 是量子论的是一个是是一个是一个。 是一个是是是是一个是一个是是是一个是是是一个是。 想象。

有趣的是,普朗克在发现量了后的多年间一直力图推翻他自己对物质和辐射的革命性思想(有点像自己跟自己过不去)。"要想给经典物理学家讲通量了理论,比给初学者讲还要难得多",普朗克的例了就像是这样的情况。对于量子论的发展,普朗克感到惊讶,并且不敢接受发生的一切。普朗克做梦也没有想到,他的工作何止是仅仅改变了物理学的面貌而已,整个化学都被摧毁和重建了。神奇的量子时代就这样拉开了帷幕。

3.2 光电效应

在普朗克革命性地提出量子的概念之后的四年多的时间里,整个物理学界的境遇并没有发生什么大的变化。普朗克本人儿乎也是"抛弃"了他自己提出的"量子"(因为他一直在寻找他自己理论的经典物理解释),而且大多数人都不去追究普朗克公式背后的意义。但是,物理学上空的乌云正变得愈加浓厚,一场暴风雨看来是不可避免的了。

这一道劈开天地的闪电就是所谓的"光电效应"。这是一个由伟大的科学家赫兹最早描述的实验现象,它在量子力学的发展过程中也有非常重要的意义。爱因斯坦就是因为从理论上正确地解释了这个光电效应而获得 1921 年的诺贝尔物理学奖。当然很多人会问,爱因斯坦为何不是因为发现相对论而获诺贝尔奖的呢?这里面有一些很有意味的故事(请参考其他相关书籍,因为它偏离了我们故事的线索)。鉴于光电效应(图 3.4)的重要性,让我们来详细描述一下。

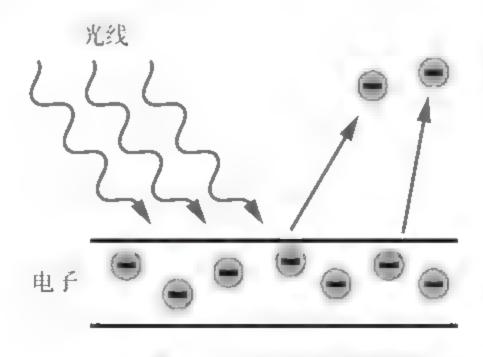


图 3.4 光电效应示意图

当光照射到金属上的时候,就会从金属表面打出电子。也就是说,原本被束缚在金属表面原了(或内部原子)中的电子,当 暴露在一定的光线下的时候,电子就会从金属中逃出来,我们称 这种电子为"光电子"。这种光与电子之间的奇妙现象,被人们 称为光电效应。光电效应的两个主要事实是:①对于某种特定的 金属来说,电子是否能够被光从金属表面打出来只与光子的频率有关:频率低于某个特定值,则一个电子也打不出来;频率高于某个特定值,一定能够把电子打出来,频率高的光线能够打出能量高的电子;②增加光线的强度,只是能够增加被打出电子的数量而已。总之,能不能打出电子,由光的频率决定;能打出多少个电子,则由光的强度决定。

以上便是所谓的光电效应。这个效应如果使用经典理论来解 释,会遇到很大的困难。

金属产生光电效应时都存在一个极限频率(或称截止频率), 即照射光的频率不能低于这一临界值。当入射光的频率低于极限 频率时,无论多强的光都无法使电子逸出。根据经典的电磁理论, 这是很奇怪的(说不通的)。因为光是电磁波,电磁波的能量取 决于它的强度,即只与电磁波的振幅有关,而与电磁波的频率无关。 所以,似乎只要给光(或说电磁波)以足够的强度,而不管频率 的大小,则电子是一定可以打出来的。但是实际的情况并不是这 样的。光电效应中、所发射电子的能量取决于光的频率而与光的 强度无关,这一点也无法用光的波动性解释。因为麦克斯韦理论 认为,光能量的吸收应该是一个连续的过程,而且能量可以积累。 所以,光的强度恰恰应该决定所发射电子的能量才是。但是实际 情况并不是这样的。光电效应还有一个特点,就是它的瞬时性。 只要光的频率高于金属的极限频率,光的亮度无论强弱,电子的 产生都几乎是瞬时的,不超过10%秒。但是按照波动理论,如果 入射光较弱,则需要照射一小段时间,金属中的电子才能积累足 够的能量, 飞出金属表面(即经典理论不能产生瞬时光电子)。

所有这些显示, 麦克斯韦理论在光电效应上是与实验相矛盾的, 这预示了经典麦克斯韦理论是有缺陷的。但是对于当时的物理学家来说, 麦克斯韦方程组还是像《圣经》一样, 谁也不敢去损害它的完美。但是, 要想解释光电效应, 似乎必须突破经典理

对介 是 光 什 很 奖 有 阅 传 发 发 外 介 免 发 是 对 不 次 及 发 是 对 的 死 炎 应 数 是 双 死 发 是 为 时 尔 是 以 坦 的 决 是 为 时 尔 很 去 的 传记。

论。没有天才和最大胆的传奇人物, 谁还能放弃麦克斯韦的理论呢? 作出这个突破的便是物理学大师爱因斯坦(图3.5)。1905年, 爱因斯坦还只是瑞士伯尔尼专利局里的一名三等技师(而他申请的是二等), 他每天要在办公室工作八个小时, 摆弄形形色色的专利申请材料。空余时间, 爱因斯坦才可以钻研各种他感兴趣的物理问题。1905年, 爱因斯坦在《关于光的产生和转化的一个启发性观点》一文中, 用光量子理论对光电效应进行了全面的解释。



图 3.5 爱因斯坦

爱因斯坦的解释是从普朗克的量子假设那里出发的: 普朗克假设,能量的吸收或发射是不连续的,而是"一份一份"地进行的。这里有一个基本的能量单位,就是所谓的"量子"。量子的大小由普朗克常数来描述,即 $E = h\nu$, h 即普朗克常数, ν 是辐射或吸收的频率。所以,只要提高频率,便会提高单个量子的能量。有了更高能量的量子,不就可以从金属中打出更高能量的电子吗?爱因斯坦将光看作光量子(或说粒子性)的做法,看来是正确的方向。更何况,提高光的强度,只是增加了光量子的数目罢了,相应地自然只是打出更多数量的电子而已! 对于低频的光来说,每一个光量子的能量都不足以把电子从金属中"激发"出来。

所以,含有再多的低频光子都是无用的。对于喜欢公式的物理系 学生来说,以下一个公式就可以很清楚地表达光电效应的意思:

$$\frac{1}{2}mv^2 = hv - \Phi$$

这里v是被打出的电子所带的速度, hv是入射的光量子的能量, Ф是电子从金属中逃逸出来所需的最小能量(即功函数)。这里的关键点是: 光是以量子的形式被吸收的, 没有连续性, 也没有积累。一个光子只能激发一个电子, 而且量子作用是一种瞬时的作用。

就这样,在爱因斯坦引入光量子之后,光电效应的解释就变得顺理成章,一切就自然而然的和实验事实相符了。但是,爱因斯坦引入的光量子说是与经典电磁波的图像格格不入的,因为他强调的是光的粒子性。由于当时光电效应实验本身也还没有能够明确地证实光量子假设的正确性(因为当时的实验都还很粗糙),所以,爱因斯坦的光量子理论并没有为多数人所马上接受。事情到了1915年,美国人密立根为了证明爱因斯坦的观点是错误的,进行了多次反复的实验。最终结果是非常有趣的:密立根的实验数据非常有力地显示,在所有情况下,光电效应都表现出了量了化的特征。密立根本来想证明爱因斯坦是错误的,实际上反而完全支持了爱因斯坦原来的观点。爱因斯坦关于光电效应的光量了解释不仅推广了普朗克的量了理论,还为玻尔的原子理论和德布罗意的物质波理论奠定了基础。

3.3 有核原子模型

原了论的主张在占希腊时期就已经提出,它是科学史上一个 非常重要的思想。因为原子论可以使得纷繁复杂的自然现象能够 得到统一的解释,能够将宏观的东西归结为微观的东西,而这些 汤姆孙的"葡 苟干"原子模型。 型显結进α粒料 上层超过α粒子 散身实际,正确核 模型。 微观的东西就是原子。如果我们把一个东西一分为二,它会变得更小,继续对它一分为二,它还会变得更小……这个过程可以持续无限地进行下去吗?原了论的回答是:不能!原子论认为,多次一分为二的极限是原子,而原子是不可再分的,这就是原子这个名词本身的含义。1897年、JJ汤姆孙在研究阴极射线的时候,发现原子中有电子存在。这打破了上面提到的从占希腊人那里流传下来的"原子不可分"的理念。汤姆孙的实验明确地向人们展示了:原子不是不可分割的,它有内部结构。由于对原子结构缺少最基本的信息、于是汤姆孙就"展开他想象的翅膀",给我们勾勒出原子这样的图像:原子呈球状,带正电荷,带负电的电子一粒粒地镶嵌在这个圆球上。这就是历史上著名的关于原子的"葡萄干布丁"模型(电子就像葡萄干一样,参见图 2.3)。

汤姆孙的模型显然缺少证据!只有牢固地建立了科学思想的概念基础,科学的大发展才有可能。所以,不正确的汤姆孙模型并没有推动原子科学的大发展。一直到了十多年之后的 1910 年,卢瑟福和他的学生们进行了一个名重青史的实验,才终于正确地建立了原子模型,科学才由此得到了大的突破。

卢瑟福的实验大致如下(图 3.6): 他们用带正电的氦核(即 α 粒子)来轰击一张很薄的金箔,最初的目的只是想确认一下"葡萄干布丁"的大小等一些基本性质。但是实验的结果却是极为不可思议的。实验中有少数 α 粒子的散射角度非常大,以致超过了90°。卢瑟福认识到,α 粒子被反弹回来必定是由于它们和金箔中原子内部某种极为坚硬的核发生了碰撞。这个核应该是带正电的,而且还集中了原子的大部分质量。另外,从只有一小部分α粒子遭受大角度的散射来看,那个核所占据的地方应该是很小的。卢瑟福估计,核的大小不到原子半径的万分之一。

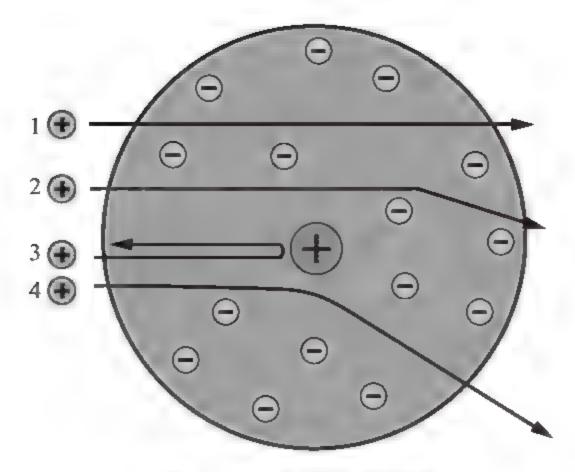


图 3.6 α 粒子散射实验

说起来,卢瑟福(图3.7)是JJ汤姆孙的学生。JJ汤姆孙当时是一位大名鼎鼎的科学家,他是剑桥大学著名的卡文迪什实验室的头头,诺贝尔奖得主,电子的发现者。尽管如此,在新的实验事实面前,卢瑟福决定要修改他老帅的"葡萄干布丁"模型,这正是"吾爱吾师,但吾更爱真理"的优良品格。于是1911年,卢瑟福发表了他的新的原子模型。新的原子图像是这样的(图3.8):有一个带正电的原子核位于原子的中心,它虽然很小但是占据了原子的绝大部分质量;在这个原子核的四周,带负电的电子沿着特定的轨道绕着核运行。这是一个非常像行星系统的模型(如太阳系),所以自然而然地被称为"行星系统模型"(原子核对应着太阳,电子对应着行星)。



图 3.7 卢瑟福

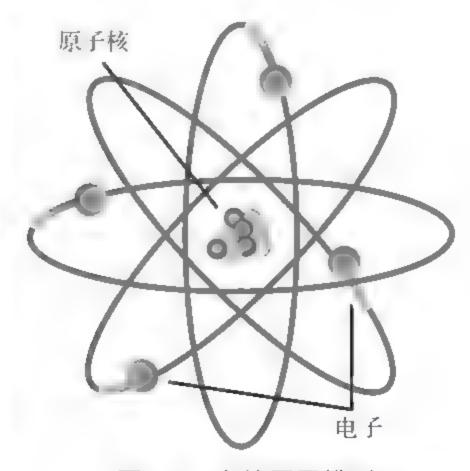


图 3.8 有核原子模型

卢瑟福是一位 伟大的物理学家, 也是一位伟大的导 师。他以敏锐的眼 光发现物理天才, 又以伟大的人格关 怀他们。 值得一提的是,卢瑟福既是一位伟大的物理学家,也是一位伟大的物理学导师(在 4.1 节中,我们还会提到索末菲也是一位伟大的物理学导师)。他能够以敏锐的眼光去发现物理天才,又总是以伟大的人格去关怀他们。这样,在卢瑟福身边工作的人,很多都表现得非常出色,从而产生了很多科学大师。这其中最有名的杰出人物当属玻尔和狄拉克。卢瑟福一生至少培养了 10 位诺贝尔奖得主(这还不包括他自己),除了玻尔和狄拉克之外,还有中子的发现者查德威克,威耳逊(Charles Thomson Rees Wilson,曾译为威尔逊)云室的改进者(从而在宇宙线和核物理领域作出巨大贡献) ……以及四位诺贝尔化学奖得主。

3.4 玻尔的原子理论

关于原子的理论,我们先来看一下玻尔所面临的困境:JJ 汤姆孙的葡萄干布丁原子模型已经被卢瑟福的一个崭新的原子图像所替代,即电子绕着原子中心的一个致密的核运行,就像行星围绕着太阳运动那样。这个新模型看起来相当完美,但是从已知的同样是非常完美的经典电磁理论来看,这个模型却是"灾难性的",它面临着严重的理论困难。因为大家公认的"成熟的"麦克斯韦理论(经典电磁理论)预言,加速运动的电荷(如电子)势必会不可避免地辐射出能量,导致电子会不断地失去能量而无法保持其轨道运动,从而最终导致体系的崩溃,即电子会撞到原子核上。注意,电子的圆周运动是一种加速运动。

从麦克斯韦的电磁理论来计算,电了只需要10⁻¹⁰ 秒就会失去其全部的能量和原了核撞在一起。但是,这个现象显然并没有发生。卢瑟福的"行星系统"原了模型可以说明原了的各种现象和实验结果。现在,麦克斯韦理论和原子稳定性之间的矛盾究竟应如何解决呢?在这个历史背景下,当时年仅27岁的"革命家"

大量的证据说 明了经典的麦克斯 可经在原子领域 已经不再适用,取 已代之的是正在建 立的量子理论。

玻尔(图3.9)终于登上了历史舞台。玻尔面临着两种选择,要 么放弃原子的卢瑟福模型,要么放弃伟大的麦克斯韦理论(这需 要多大的勇气)。玻尔没有因为卢瑟福模型的困难而放弃这一模型, 毕竟它有α粒子散射实验的强有力支持。同时, 玻尔也没有看到 原子是不稳定的,或者说,这个世界上原子中的电子并没有撞向 原子核,我们大家都活得好好的。从这些情况看,怀疑经典的电 磁理论在原子模型上不适用反而是一个更好的选择。



图 3.9 玻尔

1912年7月,玻尔完成了他在原子结构模型方面的第一篇。 论文,历史学家后来把它称为"曼彻斯特备忘录"。1913年,玻 尔发表了三篇划时代的论文——被誉为"伟大的三部曲"。三篇 论文分别是《论原子和分子的构造》《单原子核体系》和《多原 了核体系》。这些看起来只是原子模型方面的文献, 其实也是量 了理论发展史上划时代的文献。从此开始的差不多整个十年间, 玻尔的思想对于原了物理学和量了理论的发展都有着极为深刻的 影响。这个时期就是我们通常所说的"旧量了论时期"。玻尔的 量了论为经典物理学通往微观世界新的力学的过渡铺设了一座桥 梁。1925年,年轻的德国物理学家海森伯正是在玻尔理论的影

原子是一个非 常古老的话题,有 上千年的历史。直 到 1913年、玻尔 才找到了正确的探 索原子的方向。

响下最终建立了微观体系的新的力学——量子力学的矩阵力学形式。

玻尔提出了接近原子真正状态的划时代的理论。他无视"障碍",采用打破常规的思考方式,作出了以下三个超常规的假设:

- (1)原子中电子的位置不是随意的,它们只能在确定的圆周轨道上运动(图 3.10),而且这个圆周轨道的半径只能是符合条件的某个数值的整数倍;
- (2)电子在这个圆周轨道上进行旋转运动时,并不释放出电磁波;
- (3)当电子从一个轨道向其他轨道跃迁时,电子才会发射或吸收电磁波。该电磁波的能量等于电子在发生跃迁的两个轨道上运动时的能量之差。

可以看到, 玻尔的所有这些假设都是经典物理学所无法解释的, 或者说与经典物理学是完全矛盾的。上面已经提到, 玻尔的假设并不是信口开河的, 它是建立在实验事实之上的。

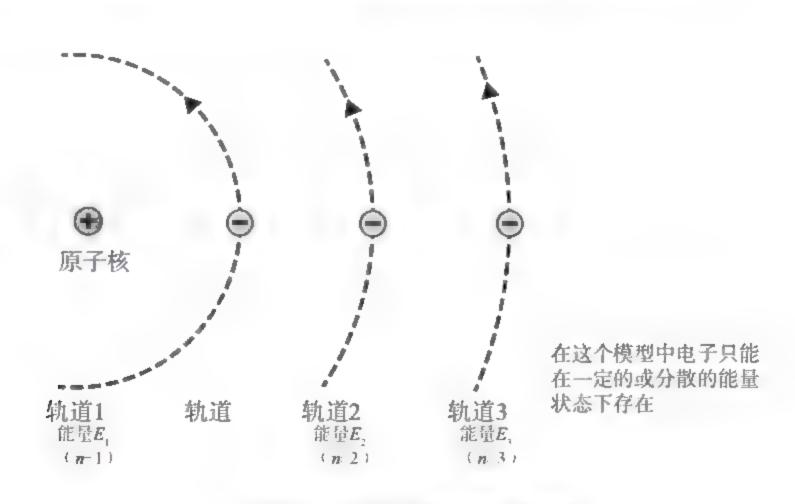


图 3.10 玻尔的氢原子模型

玻尔提出,原了中的核外电子只能在一些特定的圆周轨道上运动。电子在这些轨道上运动时,既不会发射能量(玻尔的这个假设违背了经典的电磁理论。在经典理论中,圆轨道上运动的电

子会不断地辐射能量),也不会吸收能量,而是处在一种稳定的状态中,即玻尔所谓的"定态"。电子可以从一个高能量的轨道跃迁到一个低能量的轨道,这时电子就会以光子的形式发射能量;反之,如果电子从一个低能量的轨道跃迁到一个高能量的轨道,那它就必须吸收能量(光子)。总之,电子只能在特定的轨道上运动,或在不同轨道间跃迁,而不能处在轨道外的任何地方。玻尔的理论"终于"使得电子不至于撞到原子核上面。其实,原子中的电子从来都没有撞向原子核,只是经典的理论这么说而已。所以,是经典理论在这里遇到了问题,量子理论就理所当然地被推到了前沿阵地。

原子的光谱线在玻尔原子模型的建立过程中有非常特殊的意义。所谓原子光谱线,是指各元素在被加热之后都会释放出有特定波长的光线,这些光线通过分光镜投射到屏幕上,便会得到原子的光谱线。1913年初,当丹麦人汉森请教玻尔关于如何使用玻尔原子模型解释原子光谱线时,玻尔对原子光谱似乎还很陌生。成百上千条的光谱线看起来实在太杂乱无章了 汉森告诉玻尔,这里面是有规律的,例如巴耳末公式就给出了一种规律:

 $\nu = R \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right)$

这里 v 是光谱线的频率, R 是里德伯常数, n 是大于 2 的正整数。 氢原子光谱的巴耳末系如图 3.11 所示。巴耳末公式是一个很漂 亮的公式,它瞬间就激发了玻尔的灵感,使得所有的疑惑都变得 顺理成章了,玻尔从这里看到了原子内部隐藏的秘密。1954 年, 玻尔回忆道:"当我一看见巴耳未公式,一切就都再清楚不过了。"

巴耳末公式中的 n 可以等于整数 3, 4, …, 但是不能等于非整数 3.5, 4.5, …, 非整数 n 不能正好对应玻尔量了化轨道的假设。原了中的电子只能按照一些确定的轨道运动, 这样, 当电子在这些轨道之间跃迁时, 就能释放出满足巴耳未公式的能量来。也就

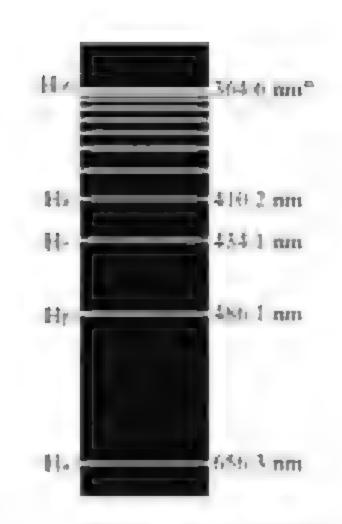


图 3.11 氢原子光谱的巴耳末系

是说,玻尔对电子跃迁的假设恰好解释了原子的光谱线就是电子 在不同轨道问跳跃时所释放出来的能量。氢原子的能级结构如 图 3.12 所示,可以看出,不同谱线系对应着电子在不同能级问 的跃迁。

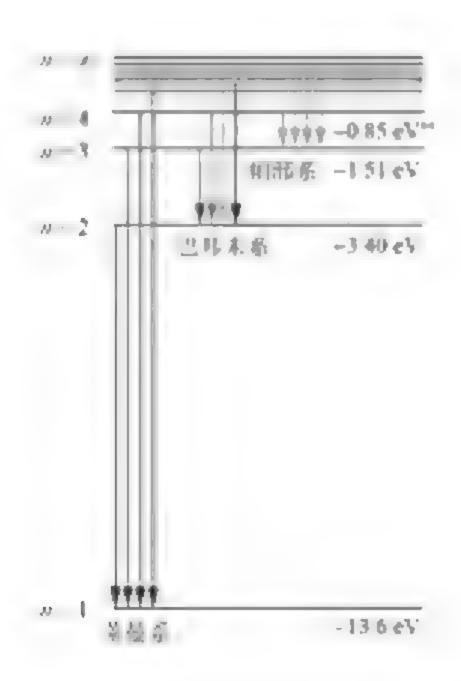


图 3.12 氢原子的能级。光谱线由电子在不同能级间的跃迁产生

^{*} nm——纳米。

^{**} eV ——电子伏特。

虽然玻尔理论取得了巨大的成功,但是玻尔模型还是有一些"小困难"需要解决。例如,还要解释斯塔克效应、塞曼(图 3.13)效应和反常塞曼效应等。虽然在索末菲等人的努力下,玻尔的原子模型解释了磁场下的塞曼效应和电场下的斯塔克效应(不予细述),但是还是无法解释一种弱磁场下的原子谱线的复杂分裂,即所谓的"反常塞曼效应",这个效应实际上很早就为人们所熟知了。理解这种反常现象需要引入 1/2 值的量子数,玻尔理论对此无能为力。这个问题,也深深地困扰着泡利,一直到泡利提出他的不相容原理之后,问题才最终得到解决(关于反常塞曼效应,请参考 7.1 节"自旋是什么东西?")。





图 3.13 斯塔克 (a) 和塞曼 (b)

玻尔提出的有轨(即轨道)原子模型是非常成功的。它使得当时困扰很多人的理论难题迎刃而解,也使得新原子理论深入人心。这些可以从玻尔被授予1922年诺贝尔物理学奖看出来。虽然玻尔理论取得了巨大的成功,但是玻尔并没有解释清楚他的很多基本假设。例如:电子为什么只能具有量子化的轨道和能级?它的理论基础是什么?玻尔在这方面都没有给出明确的答案。当然我们可以说,实验观测的结果表明电子的轨道就是量子化的,并不需要什么特别的理由。但是,从基础理论方面来考虑,如果

玻尔的新理论 取得了巨大的成功。但是,玻尔并没有 解释清楚他的很多 解释假设,这正是将要崛起的量子力 学新理论的任务。

电子的量子化能够从一些更加基本的公理所导出,那么这样的理论将具有更加坚固的基石。玻尔理论在取得一连串的伟大胜利之后,终于开始发现自己已经到了强弩之末,很多问题玻尔理论已经无法处理了:玻尔理论对于只有一个电子的原子模型,能够给出令人信服的说法。但是,哪怕对于只有两个核外电子的氦原子,玻尔模型就无能为力了;在由两个氦原子构成的氦分子上,玻尔理论依然无法处理。此外,玻尔理论也不能给出谱线的强度和偏振等问题。为了解决这些困难,玻尔、泡利、兰德和克莱默斯(Hendrik A Kramers,曾译为克喇默斯)等人做了大量的努力,建立了一个又一个新的模型,引入了很多新的假设,从而给玻尔理论打上了很多"补丁",有的补丁甚至违反了玻尔和索末非原本的理论本身。很显然,已经到了给玻尔理论彻底换新装的时候了。这就是下面我们将要叙述的德布罗意的物质波假设以及海森伯和南定谔革命性地创立的逻辑上完备的量子力学理论。

看到这里,也许你会觉得:原来是这样,玻尔的成果也没有那么伟大嘛!这样想是不公平的。虽然玻尔的理论有不完善的地方,但是正是他第一次把"量子"的概念引入到原子的领域中。也正是由于他的贡献,后来的物理学家才研究出具有多个电子的原子模型,并最终建立了量了力学理论。由此,我们应该承认,是玻尔的理论跨出了划时代的一步。也可以说,玻尔的早期量子论是连接经典物理学和真正的量子力学之间的一座桥梁。玻尔对自己理论的缺陷是非常了解的,因此他积极支持自己的学生,希望自己的学生能够超越自己。从各种书籍来看,玻尔在量子论的建立过程中所作出的贡献是排在第一位的。作为科学家的玻尔在丹麦是非常受入尊敬的,丹麦的面值为500克朗的货币就使用了玻尔的头像(图 3.14)。

玻尔是把量子论引入原子的第一人,是探索原子奥秘的先行者。他是哥本哈根学派的领航人。原子曾经是一个占老的话题,



图 3.14 丹麦的面值为 500 克朗的货币

但是经过了干百年,一直到 1913 年玻尔才找到了探索原子的正确方向。玻尔的原子量子论不仅是探索原子的伟大开端,更成为量子力学的发端。

1921年9月,玻尔在哥本哈根的研究所建成,36岁的玻尔成为这个研究所的所长。玻尔以他的人格魅力很快就吸引了大批才华横溢的年轻人,包括以下这些如雷贯耳的名字:海森伯、泡利、狄拉克、约尔当、弗兰克、乌伦贝克、古兹密特、朗道、兰德、鲍林、莫特、伽莫夫(Gamow Gaorge,曾译为盖莫夫)……在玻尔研究所,人们能够感受到自由的气氛和来自玻尔的关怀,最终形成了一种富有激情、乐观和进取的学术精神,这就是为后人所称道的"哥本哈根精神"。

玻尔度过的是忙碌的一生,即便是生命最后的半年里也过得像个陀螺。1962年他在美国访问了三个月,6月底又访问了德国,在那里他作了最后一次公开演讲。在1962年11月玻尔生命的最后三天里,他还主持了丹麦的科学院会议,甚至做了一次物理学发展史的访谈。11月18日,玻尔逝世。玻尔被称为物理学史上最伟大的人物之一。

一个故事:第二次世界大战期间,英国首相丘吉尔亲自签署命令,从纳粹手中紧急转移玻尔这位原子物理学界的灵魂人物。在飞机飞越英吉利海峡来到大不列颠岛之后,当飞行员打开舱门时,玻尔浑然不知已经到了英国。当时有一些"搞笑"的报道说,飞机落地后,玻尔仍然沉浸在他物理思考的境界当中。而事实上,玻尔当时被藏在一架蚊式轰炸机的弹仓中,由于经受高空的缺氧已经奄奄一息,差一点就送了命。

玻尔提出原子模型时只有27岁,爱因斯坦提出狭义相对论时是26岁。

3.5 波粒二象性

波粒二象性是指所有的粒子都既具有粒子性,又具有波动性。当然,宏观粒子的波动性是极不明显的,目前任何一台精密的仪器都无法探测到这么小的波动性,更不用说我们的眼睛这个不太精密的设备了。例如,假设有一块石头的质量是 100 克,它的飞行速度是 1 米每秒,那么它的德布罗意波长只有 6.6× 10⁻³¹ 厘米。所以,宏观世界里的粒子有完全的粒子性,也即波粒二象性实际上和我们的日常生活经验并没有任何冲突。只有在微观世界里,粒子的波动一粒子二象性才是明显的。以电子为例,它的质量约为 10⁻²⁷ 克,在 1 伏特电位差的电场中运动,它将获得 6× 10⁷ 厘米每秒的速度,这样德布罗意波长约为 10⁻⁷ 厘米,这样的长度在微观领域是相当明显的。本节我们先讨论光的波粒二象性,然后讨论电子和其他粒子的波粒二象性。因为光子是一个静止质量为零的粒子,而电子是一个静止质量不为零的粒子,我们将电子作为质量不为零的粒子的代表。

什么是粒子性,这是比较好想象的,所以就无需多言了。那么,什么是波动?我们可以这样说,能够产生干涉和衍射现象的

东西就是一种波动。所谓的干涉,就是两波重叠时组成新的合成 波的现象。干涉的结果是在某些区域波动始终加强,在另一些区 域则始终削弱,形成稳定的强弱分布的现象。所谓的衍射(也称 绕射),是指能够绕过障碍物而偏离直线传播路径进入阴影区里 的现象(图 3.15)。当孔或者障碍物的尺寸小于或者等于波的波 长时,才能发生明显的衍射现象。

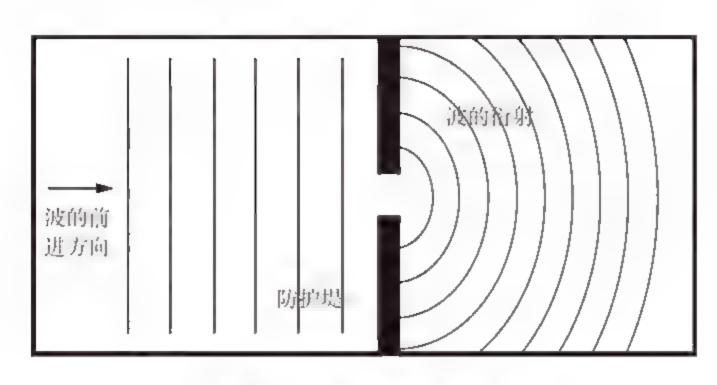


图 3.15 波的衍射示意图

我们先来看看光的波粒二象性。在光的波动-粒子二象性中,光的波动性是大家比较熟悉的,这是因为将光看成电磁波已经被大家所普遍接受了。光既然是一种波,那必然会观察到光的干涉和衍射现象。关于光的波动性,有一个既简单又很重要的实验是不能不提到的,这就是杨氏双缝干涉实验(图 3.16)。这个实验最先由英国科学家托马斯·杨提出并实验成功。1801年,杨试图用这个实验来回答光到底是波还是粒子的问题。杨的双缝实验非常简单:把一支蜡烛放在一张开了一个小孔的纸前面,这样就形成了一个点光源,即一个点状的光源(可将图 3.16 中的光源直接看成一个点光源)。然后在实验装置的中间再放一张纸,不同的是这张纸上开了两道平行的狭缝(即双缝)。从点光源射出的光穿过两道狭缝后投到屏幕上。实验发现,屏幕上会看到一系列明、暗交替的条纹,这就是现在众人皆知的双缝干涉条纹。可以想象,如果光不是波,则没有干涉现象,那么在右边屏幕上就

干涉和衍射现 象是波动的基本特 征。光就是一种波, 所以一定可以观察 到光的干涉和衍射 现象. 著名时光中 电好电 用 函 解 有 现 经 子 和 极 将 电 好 电 所 强 解 对 没 的 子 萨 来 没 经 子 的 子 萨 来 没 的 子 萨 来 没 的 子 萨 来 缝 实 产 生 不 极 将 , 次 能 只 涉 要 不 多。

只能看到两条亮条纹(在点光源和狭缝的连线上)。杨的这个实验成功地结束了光是粒子还是波的世纪之争。此后,法国物理学家菲涅尔等人在双缝实验的基础上,进一步圆满地解释了光的反射、折射、干涉、偏振和双折射等现象,由此建成了光的经典波动理论。其实,在双缝干涉中,"单光子干涉"(指稀疏光子的干涉)有特别的重要性,将在下面讨论。



图 3.16 杨氏双缝干涉实验

光的粒子说在牛顿时代就得以确立,这或许跟牛顿是当时的"神级人物"有联系吧。牛顿认为光是粒子性的(由光子组成),所以大家或多或少会说牛顿是不会错的。但是,从杨氏的双缝实验中观测到了明确的干涉图案,这给予光的粒子观一个致命的打击。显然,经典的光的粒子理论无法满意地解释这个干涉图案。此后,大多数的科学家也开始接受了光的波动观。此外,1887年赫兹从实验上证明了麦克斯韦方程组所预言的电磁波的存在后,伟大的经典电磁理论就建立起来了。麦克斯韦方程组是经典电磁理论的核心,很快地人们就发现,它的管辖领域似乎横跨了整个电磁波频段:从无线电波到γ射线……在这里,可见光区域只是一个小小的特例。所以,至此光的波动理论得到了很好的确立。

光的波动性理论占主导地位的情况一直"坚持"到了20世

纪初期,才终于再次出现了支持光的粒子观的实验证据,这就是我们已经谈到的"光电效应"。我们在 3.2 节已经相当详细地专门叙述了这个效应。从这个效应里,我们得到的结论是:如果将光看成是电磁波,将无法解释光电效应;而如果将光视为光量子,则可以非常完美地解释这个光电效应。所以说,光的粒子性的重新抬头主要是从 1905 年爱因斯坦提出光量子的概念,用来解释光电效应而展开来的。爱因斯坦最初提出光量子的概念时并没有得到普遍的赞同,这里面的道理很简单,即爱因斯坦的理论与麦克斯韦的电磁理论太不协调了。光已经被普遍接受是一种电磁波,而电磁波已经十分优美地被麦克斯韦方程组所描写。

此外,前面我们还提到,1915年美国人密立根对光电效应 进行了多次反复的实验。密立根的实验数据非常有力地支持了爱 因斯坦的观点,即有所有情况下,实验都证明了光电效应所表现 出的量子化的特征,尽管密立根的初衷是想证明爱因斯坦的观 点是错误的。如果说我们还不敢完全相信光具有粒子性一面的 话,那么康普顿效应则令人信服地表明,只有在光是粒子的基础 上才能很好地解释这个效应(史称康普顿效应、实验示意图参见 图 3.17)。1923 年,康普顿(图 3.18)在研究 X 射线被自由电 了散射的时候,发现了一个奇怪的现象:被散射出来的 X 射线 分为两个部分,一部分和原来入射的射线的波长相同,而另一部 分则比原来的射线的波长要长(即能量有所损失)。如果使用经 典的波动理论, 散射应该不会改变入射 X 射线的波长。在经过 苦苦思索之后,康普顿引用了光量子的假设,这样自然而然地那 部分波长变长的 X 射线就可以归结为光了与电子的碰撞导致的。 这个光量子的假设终于使得康普顿的实验数据与理论解释之间非 常好地符合。康普顿效应再一次强有力地支持了光的粒子性。在 这里,我们应该提一下我国著名的物理学家吴有训先生。吴先生 当时是康普顿的研究生,而且是康普顿最得意的弟子之一。在康

我国著名的物理学家吴有训先生 完成了一系列实验, 成功地帮助证实了 康普顿效应的正确 无误。 普顿的指导下, 吴先生完成了一系列的实验, 成功地证实了康普顿效应的正确无误。

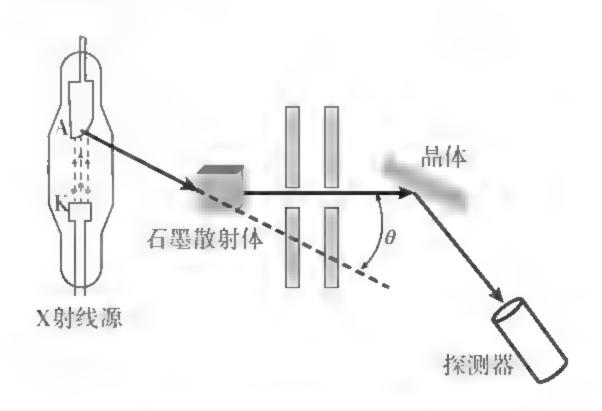


图 3.17 康普顿实验示意图



图 3.18 康普顿

在讨论了光的波动-粒子二象性之后,我们来看一个非常重要的概念,那就是所谓的"单光子干涉"。1909年,泰勒做过一个实验,他把入射光束衰减到非常弱,弱到每次不可能有多于一个光子同时通过仪器。由于光束非常弱,在经过三个月的曝光后,泰勒发现他得到的干涉条纹与短时间的强光通过仪器时得到的图像相同(图3.19)。这就是所谓的"单光子干涉"。这个结果意味着,干涉现象并不是由多个光子的相互影响而产生的,而是由一个光子自己与自己干涉而出现的。在这个实验中,由于每次不可能有

多于一个光子通过双缝, 所以, 这个实验表明, 光子实际上是从 两个缝同时通过的! 这是一个非常难以想象的图像, 是希望理解 量子力学时会遇到的非常基本的一个"挫折" 基于对这一"挫折" 的思考,有其他一些关于量子力学的解释得以提出(例如多世界 解释)。但是因为本书篇幅的缘故,我们不会讨论这些高深的理 论。笔者建议,不要过多思考"光子为什么会同时从两个缝通过?" 其实我想"霸道地"说, 先接受这个事实就是了, 在你成为一个 成熟的物理学家之前,接受这个事实好了。

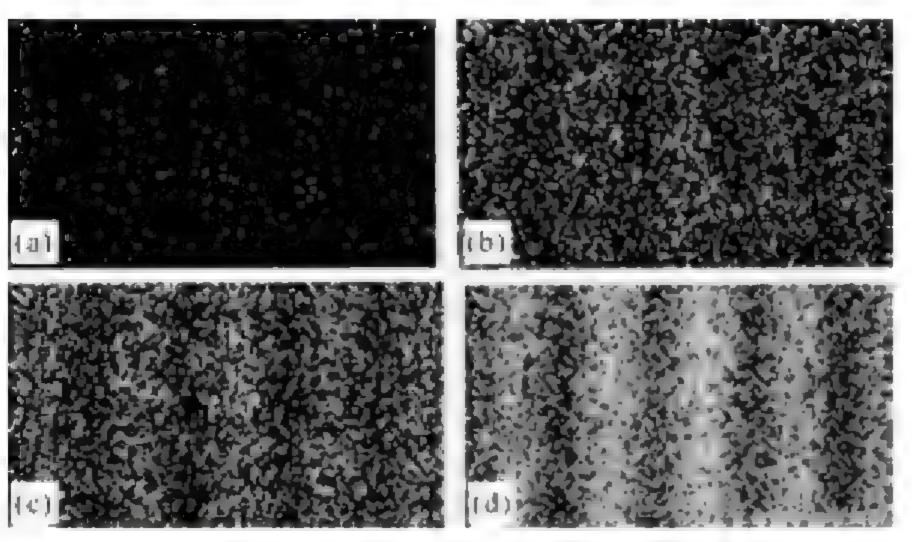


图 3.19 单光子干涉图样:从(a)到(d),光子数不断增加

光子是一个静止质量为零的粒子, 所以我们或许可以说, 光 子出现波粒二象性是可以"忍受"的。那么,一个静止质量不为 零的粒子的情况又是如何的呢?下面,我们将重点说明电子的波 粒二象性, 其他静止质量不为零的粒子的波粒二象性是类似的。 最初, 薛定谔提出波动方程并应用于氢原了时, 薛定谔方程是用 来处理电子而不是光了的。所以,那些静止质量不为零的粒子的 波粒二象性也是非常重要的。

大量的实验表明,像电子等静止质量不为零的微观粒子,其 波动性和粒子性也是可以非常明显的。1925—1927年, 戴维孙 (CJ Davisson, 曾译为戴维逊)和革未在位于纽约的一个实验室

单个光子或单 个电子为什么会 同时从两个缝通 过? 这是目前量子 力学正统解释的要 求,接受这个解释 好了

里用电子束轰击一块金属镍,发现被镍块散射的电子,其行为和X射线衍射一模一样,从而验证了电子衍射。1927年,小汤姆孙在剑桥也通过实验进一步证明了电子的波动性。1961年,克劳斯·约恩松用电子做双缝干涉实验,他发现电子和光一样也会有干涉现象。2002年9月,约恩松的这个双缝实验被《物理世界》(Physics World)杂志的读者评选为最美丽的物理实验。1974年,梅利在米兰大学的物理实验室里,成功地将电子一粒一粒地慢慢发射出来(即单电子干涉实验,可以类比前面的单光子干涉)。在侦测屏障上,他也确实观测到了像光一样的干涉现象。从而直接证明了电子具有波动性。我们看到,无论是光子还是电子,干涉现象都是由一个一个的光子或电子自己与自己发生干涉的。在双缝实验中,光子或电子都是从两个缝同时通过的(图 3.20,正如单电子或单光子干涉所显示的那样),并没有发生一个粒子每次只从一个细缝通过的现象。这当然是非常难以直观地理解的。

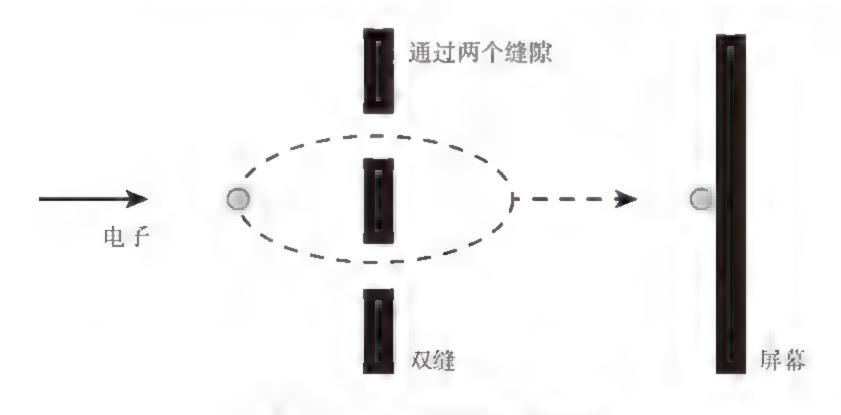


图 3.20 电子同时通过双缝

前面已经谈到,1897年,JJ汤姆孙通过观测阴极射线在磁场和静电场作用下的偏转而发现了电子,明确显示的是电子的颗粒性。1927年,JJ汤姆孙的儿子GP汤姆孙在剑桥通过实验进一步证明了电子的波动性。实验得到的电子衍射图案和X射线的衍射图案相差无几。就这样,JJ汤姆孙因为发现电子而获得诺贝尔奖,而他的儿子因为发现电子是波动的也获得了诺贝尔奖。

也可以说,老汤姆孙和小汤姆孙分别因发现了电子的粒子性和波动性而获得诺贝尔奖,这样的历史是非常有趣的。电子的粒子性是非常明显的(例如散射现象),加上实验发现的波动性,显然电子确实可以有明确的波粒二象性。以上的讨论显示,无论是光子还是电子,都可以显示粒子—波动的二象性。实际上,电子的双缝干涉实验与光子的双缝干涉实验的本质是一样的,要告诉我们的东西也是一样的。对于除了电子之外的实物粒子,1929年,施特恩(Otto Stem,曾译为斯特恩)等成功地利用了氢、氦等分子束实现了在单品点阵面上的衍射实验。之后,也陆续观察到了中子束和α射线等通过晶体时的衍射图像。甚至是 C₆₀ 和 C₇₀ 这样的原子团簇,也被发现可以产生明确的衍射图样,从而说明了具有波动性。这些实验都有力地证明了不仅是电子,其他微观粒子也会产生像光那样的衍射现象,也证实了一般粒子的波粒二象性。

1924年,受到爱因斯坦光量子概念的启发,德布罗意提出了物质波假设,将光所具有的波粒二象性赋予了所有的物质粒子,从而指出了自然界中的所有物质都具有波粒二象性。或者说,波粒二象性是物质粒子普遍具有的共性。德布罗意的物质波概念为后来发现量了的规律提供了重要的理论基础。德布罗意(图 3.21) 出生自一个显赫的法国贵族家庭。在他的祖先中出了许多的将军、元帅和部长。家族继承着最高世袭身份的头衔:公爵。德布罗意对历史学表现出浓厚的兴趣,这可能是受到了他祖父的影响。他的祖父不仅担任过法国总理,还是一位出色的历史学家。然而,大学毕业后,德布罗意的兴趣却强烈地转到了物理学方面。他的博士导师是大名鼎鼎的朗之万。1923年,德布罗意接连发表了三篇短文,提出了他自己命名的所谓相波理论,即实物粒子(特别是电子)具有波动性的思想。这些短文后来组成了他的博士论文,而德布罗意就是有史以来第一个仅仅凭借博士

在量子论中, 波动性和粒子性是 所有微观粒子的基 本属性,无论是原子、 电子还是光子。

论文而获得诺贝尔奖的人。



图 3.21 德布罗意

让我们看一下爱因斯坦-德布罗意公式,便可以很容易理解物质粒子的波动性和粒子性:

$$E=h_{\nu}, \quad p=h/\lambda$$

这里 E 和 p 分别是粒子的能量和动量,它们是体现粒子性的物理量; v 和 λ 分别是物质波的频率和波长,它们是体现波动性的物理量, h 是普朗克常数。从公式中很容易看到,两个方程式的左边都是体现粒子性的物理量(能量和动量),而式子的右边都是体现波动性的物理量(频率和波长),很重要的是,通过普朗克常数可以将左边和右边相等起来,即物质的波动性和粒子性靠普朗克常数联系了起来。这两个式子非常深刻而明晰地揭示了物质的粒子和波动的两重性。

实物粒子的波粒二象性,通俗地说,就是它有时像波,有时又像粒子。这种既像波又像粒子的性质,对于我们的直观想象来说是相当困难的,因为粒子性和波动性是两个很不容易想象在一起的图像。下面的讨论中我们将会看到,在薛定谔方程建立之后我们将完全可以不去应付波动和粒子这两种对立的图像子。总之,

笔者不建议初学者"拼命地"使用经典物理的概念去理解这个有点占怪的现象。恰恰相反,直接地接受波粒二象性更加有利于继续学习量子力学。

既然物质粒子具有波动性, 那么人们自然就应该去探寻粒子 的波动规律,这就是1926年薛定谔建立的所谓波动力学(后文 我们还会认真讨论)。当量子力学的波动力学形式建立之后,波 粒二象性的概念差不多便可以完成其历史使命了。玻恩自己曾经 说道:"关于二象性还是非二象性的讨论看来是多余的。自然界 不能仅用粒子或者仅用波动来描写, 而要用一种更加精致的数学 理论来描写。(这种理论)就是量子理论,它取代了波动和粒子 两个模型, 而且仅在某些极限下表现得像这样或那样。"玻恩的 意思是说, 南定谔方程的解会自然而然地对一个量子客体的"粒 子性-波动性"给出合理的描述。在某个极限下、薛定谔方程的 解会自然而然地对应着粒子性;而有另一个极限下,则会自然而 然地对应着波动性。各位将会看到, 在 4.3 节里我们在阐述量子 力学的基本假设时,根本就没有提到"波粒二象性"这样的字眼。 当然,波粒二象性的概念曾经起到过非常积极的作用, 南定谔方程的提出(这是它的历史功绩,我们不能否认它。德布 罗意因此获得了诺贝尔奖)。其实人们也已意识到,波粒二象性 这样的概念存在着无法克服的困难,它实质上是一种使用经典物 理的概念去理解量子力学原理的做法。

玻尔是量子理论的先驱,他对波粒二象性又是怎么看的呢? 1930年,玻尔提出了所谓的"互补原理"这一重要思想。在玻尔看来,我们在波动一粒子二象性上所遇到的左右为难的困境纯粹是因为我们坚持使用了经典概念的缘故。玻尔认为,衍射实验(体现波动性)和散射实验(体现粒子性)恰恰都是互补的实验证据,这些实验并不是给出矛盾的东西,反而是给出了一些互补的图像。只有所有的互补图像的全体,才能提供经典描述方式的 经典物理中, 粒子和波是两种完 全不同的物理现象, 使用经典物理的概 念去理解微观粒子 的波粒二象性会有 点困难。

一种自然的推广。对于互补原理,玻尔好像也没有给出过关于"互补性"这一名词的清晰明白的定义。我们会看到,有了薛定谔方程和波函数的儿率解释,我们就不再需要"二象性"和"互补性"这些概念了。当我们要在尽量节省的时间内学习量子力学时,甚至可以不把波粒二象性当作必要的基本概念,这应该也是合理的。当然,我们不能排除有一些人物理学家还在坚持波粒二象性的重要性,但是我们也可以肯定,有许多大物理学家认为波粒二象性已不再那么重要了,例如:玻尔、玻恩和费恩曼等。

为了更好地理解玻尔的互补原理,可以借鉴我国古代象征阴阳思想的太极图(图3.22)。太极图有相等的两个阴阳鱼,阴鱼用黑色,阳鱼用白色(这是白天与黑夜的表示法)。古人认为,"阴"和"阳"是相互对立的"气",二者结合在一起发生相互作用,从而决定了自然界的所有现象,包括人类的活动。这种阴阳思想和量子理论是不谋而合的(例如,粒子的波动性和粒子性是两个不同的"对立的"事物,但是通过互补,形成一个事物或世界)。玻尔很喜欢这个太极图,认为可以用来表达他非常看重的"互补原理",在他自己设计的一个徽章中,就把太极图放在了显眼的位置(图3.23)。

在玻尔设计的 徽章中使用了我国 古人发明的太极图 可见,玻尔非常看 重他的互补原理

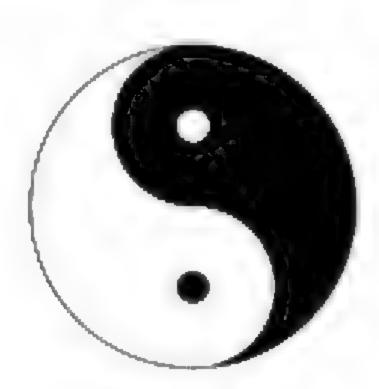


图 3.22 太极图

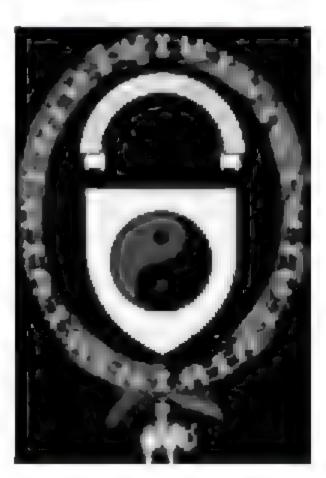


图 3.23 徽章中的太极图

第 4 章

量子力学的创立

4.1 海森伯的矩阵力学

沃尔纳·海森伯(图 4.1), 1901 年 12 月 5 日出生在德国巴伐利亚州的维尔兹堡,父亲是一位研究希腊和拜占庭相关文献的著名教授。在海森伯 9 岁的时候,全家搬到了慕尼黑居住。小学时,海森伯跟著名钢琴家多芬格学习钢琴,所以海森伯弹得一手好钢琴。1914 年,海森伯进入慕尼黑马克西米兰中学读书。这是一所师资非常雄厚的中学,绝大部分的教师都具有博士学位,而且对学术研究有浓厚的兴趣。特别是,伟大的物理学家普朗克不仅从这个学校毕业,还在这里教过物理。很快,海森伯便在数学和物理方面表现出让人吃惊的天赋,这一天赋的开启还应该归功于他的数学和物理老帅沃尔夫。沃尔夫让海森伯在三年级起就开始自学代数、三角、平面几何和立体几何。此外,海森伯还自学了爱因斯坦的相对论,并阅读了外尔的书籍《空间—时间—物质》。1916 年时,海森伯还被数论所吸引,一度沉迷其中,在海森伯读中学期间,第一次世界大战爆发,最终德国战败。这场战争对海森伯产生了深远的影响,使他一度感到前途渺茫。



图 4.1 海森伯

中学毕业后,海森伯的父亲建议他学习占语言学,但是海森 伯在数学和音乐方面独具天赋、虽然他也对宗教和文学表现出很 大的兴趣, 年轻的海森伯喜欢四处周游, 参加各式各样的组织。 在进入慕尼黑大学之后,他面临的一个严肃的问题就是为自己的 将来选择 条好的发展道路 经过反复的考虑,海森伯决定选择 攻读纯数学。但是因为和数学教授林德曼的不愉快会面, 最终使 海森伯选择了物理学家索末菲作为导师。事后证明,这是一个非 常幸运的选择,海森伯自此踏出了通向物理学顶峰的重要一步 关的诺贝尔奖获得者达上人之多。大学期间,索末菲给海森伯留 的作业也特别复杂, 甚至连助教都因为改海森伯的作业特别耗时 而抱怨。海森伯还非常幸运地得到了师兄泡利的帮助, 此外还受 邀访问哥本哈根玻尔研究所,得到了玻尔宝贵的教诲。此外,玻 恩对他的帮助和教导也是非常宝贵的。

1924年7月,玻尔写信给海森伯,告知他洛克菲勒财团资 助的国际教育基金会同意资助他前往哥本哈根与玻尔本人共同工 作一年,此时的海森伯已经获得博士学位正在哥廷根的玻恩手下 工作。玻恩当时正好要去美国讲学,于是答应海森伯只要第二年。 的 5 月夏季学期开始前回到哥廷根就行了。1924年 9 月、海森 伯抵达哥本哈根。毫无疑问,在哥本哈根玻尔研究所工作的每个 人都是天才, 而玻尔更是一位和蔼可亲的伟大人物。玻尔对每个 人都报以善意的微笑,并总是引导大家畅所欲言。后来,海森伯 成为玻尔最亲密的学生和朋友之一。玻尔经常邀请海森伯到他家 里做客,或者到研究所后面的树林里散步并讨论学术问题。现在 看来,海森伯的这次对哥本哈根的访问对于量子力学的创立有着 非常积极的意义。1925年4月,海森伯回到哥廷根。

1924—1925年之交,物理学开始处于一个非常艰难和迷茫的 境地, 因为玻尔的原子结构模型已经出现了一些裂痕, 辐射问题

海森伯的成就 是与玻恩、约尔当 的合作分不开的。 他还得到了玻尔、 索末菲以及师兄泡 利的宝贵帮助。

海森伯的矩阵 力学是量子力学的

最初形式。1925年 7月29日发表在《物 理学杂志》上,这 是新兴的量子力学 的首次亮相。

两个数的乘积 满足交换律。但是 两个矩阵的乘积可 以不满足交换律. 这是矩阵力学发展 的关键。大学生们 都学过"线性代数"。 这一点是容易理 解的。

的本质究竟是波还是粒子也搞不清楚。当海森伯访问哥本哈根时, 有一种思潮对海森伯产生了很大的且重要的影响。这种思潮认为, 物理学的研究对象应该只是那些能够被观察到的量,物理学只能 从这些东西出发,而不是建立在观察不到或纯粹是推论的事物上。 最明显的例子就是玻尔的电子"轨道"以及电子绕着轨道运转的 "频率"。海森伯认为,这种"轨道"和"频率"都是不可观察 的量。1925年4月,当海森伯结束访问哥本哈根回到哥廷根时, 就开始重新审视氢原子的问题 1925年夏天,海森伯感染了一 场热病,不得不离开哥廷根到一处小岛上休养。在这个远离喧嚣 的小岛上,海森伯试了一些方法,但是导致的数学困难都是几乎 不可克服的。最后,在暂时不考虑谱线强度的情况下,海森伯终 于建立了原子中电子的基本运动模型。就这样,新的量子力学终 于被建立起来了,这就是最初的量子力学的矩阵力学形式。在这 个最初的矩阵力学形式中,海森伯要求所有的物理量都是矩阵, 包括位形、动量和哈密顿量等。此外,海森伯保留了各力学量的 函数关系, 以及用泊松括号表达的经典力学运动方程的哈密顿 形式:

$$\begin{cases} \dot{q} = [q, H] \\ \dot{p} = [p, H] \end{cases}$$

海森伯将经典力学如此改造之后就得到了一种新的力学,即 所谓的矩阵力学。这个理论里面的一个最大特点就是矩阵的数学 运算法则与一般的数或函数不同,两个矩阵的乘法一般情况下并 不总是服从乘法的交换律。因此、必须提出代替乘法交换律的新 的运算法则,这样才能有一个完整的矩阵力学。体现这个新运算 法则的关系式称为对易关系(即量子化条件):

$$(uv - vu) = i\hbar$$

如果u和v是一对正则共轭量的话。

海森伯理论可以自然而然地推导出量子化的原子能级和辐射频率。这一切都可以顺理成章地从方程本身解出来,而不必像玻尔的旧原子模型那样,强行地附加一个不自然的量子条件。尽管海森伯的量子力学矩阵力学形式后来在多数时候被薛定谔的波动力学形式所取代,但是海森伯的矩阵力学仍然值得大书一笔,因为它是出现最早的量子力学理论。从 1925 年的矩阵力学开始,人类终于有了一套逻辑上完备的量子力学。海森伯把他关于量子力学的论文交给玻恩看,玻恩把论文寄给了《物理学杂志》。论文于1925年7月29日发表,这就是新生的量子力学的首次亮相。很快,玻恩和约尔当合作,将矩阵力学理论比较完整地建立了起来。前面我们提到,1900年12月14日这一天被普遍公认为量子论(或"量子")的诞生日,但是量子力学的诞生日就没有那么明确,我们只知道海森伯关于量子力学的论文最初发表在1925年7月29日的《物理学杂志》上。

值得一提的是第二次世界大战期间的海森伯,当时海森伯是希特勒的原子弹计划的总负责人。德国当时仍然拥有一批世界上最好的科学家,原了核裂变就是由两个德国人哈恩和斯特拉斯曼发现的,而这两个人都还在德国。那么,为什么德国最终没有能够制造出原子弹呢?这里面的原因可能非常复杂,而且有多种说法。我们在这里简单地给出一种说法(或说辞):据海森伯说,德国科学家意识到像原子弹这样的大规模杀伤性武器所可能引发的道德问题,也意识到科学家对人类所负有的责任。所以他们心怀矛盾、消极怠工,并有意无意地夸大了制造原子弹的难度。由此,在1942年终于使得纳粹高层相信原子弹并没有什么实际意义。当然,海森伯的这一说法,也许只是一种捍卫德国科学家道德地位的说法吧。

有一个插曲: 1941 年 10 月,海森伯不期而至地来到哥本哈根造访玻尔。考虑到他们过去长时间的情谊,玻尔接见了他。这

之前,玻尔已经知道海森伯正在为纳粹德国研制原子弹。在这次会见中,海森伯试探性地问了一些问题,而玻尔则假装没有听懂。战争使这对过去情同父子的师徒相互猜疑,不能不令人叹息。

4.2 薛定谔的波动力学

与玻尔和海森伯不同,薛定谔并没有钻进原子谱线的迷宫,他的灵感直接来自德布罗意关于"物质波"那巧妙的工作。薛定谔是从爱因斯坦的文章中得知德布罗意的工作的,他非常欣赏德布罗意提出的:伴随每一个运动的电子,总有一个如影随形的"相波"。薛定谔相信,只有通过波的办法,才能达到大家苦苦追求的那个目标。1925年圣诞假期,薛定谔来到阿尔卑斯山上的阿罗萨度假。在接下来的12个月里,薛定谔令人惊讶地维持着一种极富创造力的状态,接连发表了6篇关于量子力学的重要论文。薛定谔没有像玻尔那样强加一个"分立能级"给原子,也没有像海森伯那样运用那种复杂而庞大的矩阵,他把电子看成德布罗意波,然后直接去寻找一个波动方法。薛定谔从经典力学的哈密顿一雅可比方程出发,利用变分法和德布罗意公式,最终导出了一个非相对论性的波动方程。薛定谔最早给出的定态方程的形式是:

薛定谔的波动力学在1926年创立。 薛定谔觉得,既然 电子有波动性,那 么就给它建立一个

$$\Delta \psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - V) \psi = 0$$

显然,只要做简单的整理,就可以看出上述方程与我们现在 最常用的下面的方程是一模一样的:

$$\left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V\right)\psi = E\psi$$

这就是大名鼎鼎的"薛定谔方程",这个方程影响了20世纪20年代之后的整个物理学。量子力学的波动力学形式也终于诞生了。波动力学形式是本书讨论的最主要的量子力学形式。由

于薛定谔方程的极端重要性,我们还会在 4.3 节的"量子力学的基本假设和数学框架", 4.4 节的"薛定谔方程"和 4.5 节的"波函数的几率解释"等章节中继续讨论这个方程的意义。

当然,以上只是定态的薛定谔方程。波动力学的核心是波函数(或态矢量) $\psi(x,t)$,它随时间的演化要遵从非定态的薛定谔方程:

$$i\hbar\frac{\partial\psi(x,t)}{\partial t} = \hat{H}\psi(x,t)$$

波函数或态函数的概念还将在以后的章节中仔细讨论。在这里,暂且理解为一个随空间和时间变化的函数,即"波动"。

薛定谔在量子力学的发展中具有核心的地位,所以我们会稍稍详细地讨论一下薛定谔的生平。埃尔文·薛定谔(图 4.2)于 1887年8月12日出生于奥地利维也纳。他的父亲继承了家族企业——家油布工厂,这使薛定谔从小生活在比较优裕的环境中。由于他是家里唯一的孩子,所以深受家庭和几个姑母的宠爱。薛定谔的父亲给他的早期教育对薛定谔的一生具有决定性的影响。薛定谔曾经回顾他的父亲是一位朋友、一位老师和一位不知疲倦的谈话讨论的伙伴。



图 4.2 薛定谔

薛定谔 11 岁的时候进入维也纳高等专科学校预科学习。他的天赋很快就表现了出来。他特别喜欢数学和物理,也喜欢德意志帝国的诗人和作家,尤其是剧作家。中学时期,薛定谔还对占希腊的哲学兴趣浓厚。1906 年,薛定谔以优异的成绩从中学毕业并进入维也纳大学,主修他喜欢的物理和数学。维也纳大学是欧洲最占老的大学之一,成立于1365 年。维也纳大学的物理学研究有非常深厚的传统,曾经在这里从事过物理研究的大物理学家有玻尔兹曼、大理论物理学家马赫(爱因斯坦就曾从马赫的研究中得到启发)等。这个时期,薛定谔的思想受到玻尔兹曼思想路线的极大影响,他将之描述为他"科学上的第一次热恋"大学期间,他把主要精力用于选修哈泽内尔的几乎所有的理论物理学课程,这奠定了他以后研究工作大部分的基础知识。

薛定谔于 1910 年从维也纳大学毕业,获得博士学位,师从 埃克斯纳。薛定谔的博士论文题目是《潮湿空气中绝缘体表面的 导电现象研究》,这个题目对放射性的研究有一定的启发,但算 不上是精彩的学术成果。同年秋季,他按照规定去服了一年兵役, 次年回到了维也纳大学,开始了他的科学研究生涯。此后的几年 是薛定谔的第一个创造高峰。从 1910 年到 1914 年,薛定谔发表 了十多篇论文。1914 年 1 月,他获得了大学教师资格。1914 年 8 月, 第一次世界大战一开始他就应征入伍,成为一名炮兵军官。后来, 薛定谔曾经简单地把这段历史概括为"没有受伤,没有生病,也 没有获得什么荣誉"。战争后期,薛定谔是在后方度过的,这使 他有时间关注广义相对论、原子物理学以及统计物理的最新进展, 为他在战后迅速开始研究工作奠定了很好的基础。

第一次世界大战后, 静定谔全力以赴地开展理论物理学研究, 很快, 他的两篇广义相对论方面的论文引起了爱因斯坦的关注。1920年4月, 薛定谔和贝特尔小姐结婚。此后, 几经周折, 1921年10月, 薛定谔接受了苏黎世大学数学物理学教授的

职位,这可是一个炙手可热的职位。同一年,薛定谔发表了第一 篇重要的量子力学方面的论文,即在玻尔研究的基础上探讨了单 个电子的量子化轨道。这此后的儿年是薛定谔科研工作的又一个 创造高峰。仅在1922年至1926年早期,他就发表了20篇论文, 涉及的领域非常广泛。1924年,37岁的薛定谔应邀参加了在布 鲁塞尔召开的索尔维会议,这个会议汇聚了当时世界上最伟大的 包括爱因斯坦和玻尔等。薛定谔在这个会议上还只有 旁听的份,因为他还没有发表什么不同凡响的论文、量子力学在 这个时候还远远没有成形, 薛定谔在拼命地寻找自己可以有所建 树的课题。薛定谔在博士学习期间曾经深入地研究了连续介质物 理学当中的本征值问题,这与他目后创建波动力学有着极其密切 的联系。薛定谔一生中最辉煌的当属 1926 年的前半年。这半年 间, 薛定谔接连发表了6篇量子理论方面的论文。由此, 他一举 建立了量子力学的波动力学形式。他还证明了量子力学的矩阵力 学形式与波动力学形式是等价的。普朗克、爱因斯坦和玻恩都写 信给薛定谔,对薛定谔的工作大加赞扬。爱因斯坦致信薛定谔: "你的文章的思想表现出真正的天才" 普朗克在退休之际也表示, 希望薛定谔能成为他的继任者。

1926年5月,柏林大学教授委员会开始考虑普朗克退休后的继任人选。这期间,曾经考虑了爱因斯坦、劳厄、索末菲、玻恩、德拜、海森伯以及薛定谔等量了力学发展中的重要人物。基于种种原因(如爱因斯坦的拒绝),最终选择了薛定谔。去柏林之前,薛定谔参加了第五届索尔维物理大会,此时的薛定谔已经大大不同于上届的索尔维会议,他已经是世界著名的理论物理学家了。他在会上宣讲了波动力学。1927年,薛定谔举家迁往柏林,就任柏林大学的理论物理教授,正式成为普朗克教授席位的接班人,并于次年在普朗克的推荐下成为普鲁上科学院院上。在柏林,薛定谔以极大的热忱投入到教学和科研之中,使柏林大学物理系

1926年的4月, 薛定谔就证明了知识。 薛定学与他的一个, 一点。 1926年的4月, 薛定谔的一个, 一点。 1926年的4月, 在一点。 薛定谔掌握精 湛的数学,他也非 常强调数学的重要 性,强调做物理的 人要有很好的数学 功底。

薛定谔的研究 领域非常广泛,他 甚至出版了一本经 的教学水平达到了前所未有的高度。薛定谔的课很受欢迎,他有精湛的数学、严密的推理和纯熟的教学内容。他非常强调数学的重要性,强调要有很好的数学功底。这一时期,他提出了著名的"薛定谔猫悖论",引起了关于量子力学解释问题的论战。

1933 年希特勒上台后, 薛定谔的美好时光便随之结束。这 一年,他借口休假离开了德国,来到牛津大学。在这里,他接到 了一个令人振奋的消息,他与狄拉克一道共同获得了1933年的 诺贝尔物理学奖。1936年, 薛定谔接受奥地利格拉茨大学的邀请, 回到了祖国。但是两年后,德意志帝国吞并了奥地利,薛定谔被 纳粹以"政治上不可靠"为由而解雇。此后、薛定谔在学术界朋 友的关心和帮助下、于1939年10月到达爱尔兰首府都柏林。在 这里, 薛定谔开始了长达 17 年的侨居生活, 也开始了他生命中 最后一段富有创造性的征程。1941年,都柏林高等研究院正式 开学,薛定谔就任理论物理部主任。与过去一样,这一时期薛定 谔的研究领域非常广泛,包括将引力理论推广为统一场论、致力 于时空结构和宇宙学的研究、继续关注统计物理学的发展等。特 别著名的是,他还于1944年整理出版了一本经典著作《生命是 什么?》,影响了一大批科学家转向生物学研究,据说这其中就 包括了后来的 DNA 双螺旋结构的发现者沃森和克里克。薛定谔 提出的"生命是非平衡系统并以负熵为生"广为人知,它引导了 青年物理学家开始关注生命科学,引导人们用物理学、化学的方 法去研究生命的本质。薛定谔还多才多艺, 出版过诗集, 会四种 语言。

1956年, 薛定谔决定返回他的故乡, 重回维也纳大学受聘理论物理学的名誉教授。尽管薛定谔此时已年届70岁, 他仍然坚持又授了一年课。晚年, 奥地利授予薛定谔很多荣誉。1957年9月, 薛定谔正式退休。1961年1月4日, 薛定谔因肺结核病在妻子身边去世。遵照他生前的嘱咐, 他被安葬在风景优美的

典著作《生命是什

么?》、影响了一大

批科学家转向生物

学研究。

阿尔皮巴赫村,在他的墓碑上铭刻的就是薛定谔方程,它见证了薛定谔对量子力学的基础性贡献。总之,薛定谔的一生是探索世界、寻找科学真理的一生。

很值得一提的是,对量子论的发展作出重要贡献的几乎都是年轻人。爱因斯坦在1905年提出光量子假设的时候是26岁。玻尔1913年提出他的原子结构模型时也才28岁。1925年海森伯提出第一个逻辑上完备的量子力学理论时只有24岁。德布罗意1923年提出物质波假设时是31岁。其他的在量子力学发展中名字闪闪发光的那些人物也非常的年轻: 泡利25岁, 狄拉克23岁,约尔当23岁,乌伦贝克(GEUhlenbeck,曾译为乌仑贝克)25岁,占兹密特23岁。和这些年轻人比起来,萨定谔(36岁)和玻恩(43岁)简直可以算得上是老爷爷了。正是这些原因,量子力学曾经被戏称为"男孩物理学"(boy physics),这种情况其实也刚好说明了量子力学的朝气和锐气。量子力学的这一段充满传奇的发展历史,也成为科学史上永远让人迟想的一段佳话。虽然几次战争中的服役阻碍了薛定谔的科学研究,但是薛定谔的物理天才还是得到了展现。

附: 狄拉克和他的q数形式

有部分量子力学的科普书籍提到狄拉克的一种量子力学形式(即所谓的 q 数形式),在这里做简单的说明。1925年夏天,海森伯在剑桥做了一个学术报告,报告结束后他把一份未发表的富有开创性的文稿交给了主持人福勒,福勒将海森伯论文的副本交给当时还非常年轻的研究生狄拉克,并写上一句:"你对它怎么看?"狄拉克非常认真地研究了文稿,看出了海森伯的思路是一个重要的新起点。他觉得,玻尔、爱因斯坦和普朗克等人的旧量子论的困难有可能用这个新思路来解决。狄拉克也认识到,对

秋拉克也有一种量子力学的形式,种量子力学的形式,种量子为 q 数形式 只要 我们只是提到它的书籍不多,毕竟波动力学形式大家都已经习惯了。

于物理量之间出现的不可对易性应该是海森伯新理论的本质。他很快就发现了新思想和经典物理之间的联系,并用非对易关系发展出了他自己的量子力学表述,即 q 数形式。狄拉克用了不到两个月的时间,完成了一篇 30 页的论文,并寄给了海森伯(不久,玻恩和海森伯都对此表示非常的赞赏)。狄拉克的结果实际上不久前刚刚由玻恩和约尔当通过矩阵的方法得到了,只是狄拉克的法子更加简洁明晰。

狄拉克对量子力学的贡献是巨大的,我们有必要稍稍详细一些地叙述一下狄拉克的生平,并把他的各个具体的贡献穿插其中。保罗·狄拉克(图 4.3),1902 年 8 月 8 日出生在英格兰西南部的布里斯托尔,但是他一出生就加入了瑞士国籍,直到 17 岁时才取得英国国籍。他的父亲老狄拉克出生在瑞士的瓦莱州(一个讲法语的州)。老狄拉克 20 岁时就离开了家庭,远走他乡到日内瓦大学学习。1890 年前后来到英格兰,定居在布里斯托尔,以教法语为生 1919 年才成为英国公民。狄拉克的母亲是一位船长的女儿,曾在布里斯托尔中央图书馆担任图书管理员。狄拉克有一个妹妹,还有一个哥哥。



图 4.3 狄拉克

狄拉克的性格受到他父亲的深深影响, 贯穿了他的整个童年 和青年时期。老狄拉克是一个固执己见、严格和专制的家长、狄 拉克与他父亲的关系很紧张。老狄拉克为了使他的孩子们学习法 语,强迫他们在家里只能说法语。但是狄拉克经常无法用法语表 达他想说的话, 所以只好选择保持沉默, 这与后来狄拉克的性格 内向不无关系。狄拉克的父亲厌恶社交、把孩子们也管得像坐牢 一般。狄拉克后来曾抱怨他的父亲把孩子们养育在一个冷酷、沉 寂和孤立的环境中。狄拉克的哥哥在1925年3月自杀、也与家 庭环境脱不了干系。狄拉克后来回忆说:"(对于他哥哥的自杀) 我的父母非常痛心。我不知道他们这么在乎……" 1936 年狄拉 克的父亲去世, 狄拉克没有感到太多的伤心。在他给妻子的信中 写道:"我现在感到自由多了。"在前面的意节中我们看到、其 他的大物理学家,如玻尔、海森伯和薛定谔等都是在富有文化教 养和社交融洽的氛围中长大的, 而且他们早年都对艺术、诗歌或 音乐有所钻研。相比之下, 狄拉克的成长阶段是不幸的。 有人说,正因为有这样的家庭环境,狄拉克才把时间都用在对大 自然的思考上面(可惜这是无法考证的,实际情况也未必是这 样的)。

年幼的狄拉克在一所普通小学读书, 12 岁时被转到商业职 业技术学校读书, 他的父亲就在那里任教。与当时英国的许多学 校不同,商校不重视古典文学和艺术课程,只重视科学、实用科 目和现代语言。在学校, 狄拉克并没有被认为是一个杰出的天才, 尽管他表现得还不错, 而且对数学有异常的兴趣和才能, 狄拉克 阅读了很多超出他年龄所能接受的数学书籍、但是很少阅读古典 文学和人文主义的书。他在1980年回忆道:"那里不教拉丁语, 也不教希腊语,我很乐意这样,因为我欣赏不了占典文化的价值。" 狄拉克 16 岁时完成了中学学业、但是对于未来要从事何种职业、 他没有什么主意。他还是一个没有主见的男孩。1918年, 狄拉

狄拉克沉默寡 言的性格与他父亲 的影响有关、老狄 拉克是一个固执己 见、严格和专制的 家长。

克进入布里斯托尔大学工学院,学习电机工程专业,尽管他最喜欢的科目是数学。成为工程师被认为是自然而然的事情,因为这是个稳定的职业,这时候的狄拉克还没有想到将来要选择一个做专业研究的职业。1921年,狄拉克在获得学位的前不久,参加了剑桥大学圣约翰学院的入学测验,他通过了入学考试并获得了一笔 70 英镑的奖学金,然而这笔钱不足以支付他在剑桥就读及生活所需的庞大金额。于是,狄拉克选择接受了免学费地攻读布里斯托尔大学数学学士学位的机会。1923年狄拉克再度以第一级荣誉的成绩毕业并获得剑桥 140 英镑的奖学金,加上来自约翰学院的 70 英镑,这笔钱足够他在剑桥居住与求学了。

这期间(1919—1921年),有一件事情对狄拉克的未来职业起到了至关重要的影响。1919年,英国天文学家惊人地证实了广义相对论所做的预言,即对日食的观测证实了爱因斯坦所预言的光线弯曲。这一事件在当时引起了巨大的轰动,使得爱因斯坦默默无闻的广义相对论一夜间举世瞩目。1920—1921年,狄拉克聆听了一系列的关于相对论的讲座,并很快就深入了下去。在布里斯托尔,狄拉克掌握了狭义相对论和广义相对论,特别是里面所使用的绝大多数数学工具。这期间,狄拉克还坚持不懈地钻研数学,特别是应用数学。1923年夏,他在布里斯托尔大学以优异的成绩通过了考试。

剑桥大学把狄 拉克造就成了一位 世界级的著名理论 物理学家。 1923 年秋,21 岁的狄拉克来到剑桥大学。从此,剑桥大学 开启了狄拉克人生中辉煌的新篇章,把他造就成为一位世界级的 著名理论物理学家。剑桥大学不仅云集了很多伟大的科学家,还 聚集了一批冉冉升起的科学新星。狄拉克最初想拜坎宁安为师, 希望向他学习相对论。但是坎宁安不想再带研究生了,所以狄拉克被分配给了拉尔夫·福勒,这无疑是一个非常幸运的选择(哪怕对人类来说)。福勒是剑桥大学唯一的一位紧跟量了理论最新进展的人物,特别是和哥本哈根的玻尔关系密切。起初,狄拉克

觉得他知之甚多的电动力学和相对论比较有趣。但是福勒指导他 开始接触原子理论,很快狄拉克也感到那是个非常有趣的新领域。 只用了一年时间, 狄拉克就非常熟悉原子的量子理论了。年轻的 狄拉克是一个不声不语的人,在他发表关于量子力学的论文之前, 他在剑桥大学完全是默默无闻的。但是、来到剑桥大学仅仅半年 时间, 狄拉克就开始发表论文了, 尽管这第一篇论文只是个热身。 两年内, 狄拉克就发表了7篇论文, 开始在英国物理学界崭露头角。 1925年海森伯提出矩阵力学理论, 狄拉克起初对此并不特别欣赏, 然而约两个星期之后,他意识到新理论当中的不可对易性带有重 要的意义,并发现了经典力学中泊松括号与海森伯提出的矩阵力 学规则的相似之处。1925年11月,从海森伯提出第一个量子力 学理论开始算起才刚刚过了4个月, 狄拉克就写出了一系列的4 篇论文,很快受到了理论物理学家们的关注。狄拉克把4篇文章 合在一起作为博士论文提交给剑桥大学,校方理所当然极为愉快 地授予狄拉克博士学位。1926年、薛定谔以物质波的波方程提 出了自己的量子理论。狄拉克很快就发现薛定谔的波动力学和海 森伯的矩阵力学都可以看成是他自己更普遍表述的特例,换言之, 波动力学和矩阵力学是等价的。

秋拉克对量子力学的贡献是多方面的。从时间上讲,最辉煌的时期是从1925年至1930年的这大约5年的时间。1926—1927年,秋拉克发表了量子力学的变换理论,还与费米分别独立地建立了自旋为半整数的粒子的统计理论,即费米-狄拉克统计;1927年,他提出了二次量子化方法,把量子论用于电磁场,为量子场论的建立奠定了基础;1928年,他与海森伯合作,发现交换相互作用,引入了交换力的重要概念;同一年,他建立了相对论性的电子理论,提出了相对论协变性的波动方法,由此提出了空穴理论,预言了正电子的存在。可见,狄拉克在变换理论的建立、在相对论电子理论的创立,以及在量子电动力学基础的建立方面都作出了

秋拉克对量子 力学的贡献是多方 面的。最辉煌的时 期是从 1925 年至 1930年的这 5 年的 时间里。

狄拉克是非常 沉默寡言的, 很多 人都无法与狄拉克 非常顺畅地交流。 有人戏称, 一小时 说一个字是语速的 "狄拉克单位"。

重要的贡献。狄拉克除了获得了诺贝尔物理学奖外,还获得了英 国皇家奖章、英国皇家科普利奖章、奥本海默奖章等。

1925年起, 狄拉克就已经是一位著名的理论物理学家了。 但是个性上, 狄拉克的沉默寡言是非常著名的, 即便是和他相处 多年已经相当熟识的人, 也无法与狄拉克非常顺畅地交流。有人 戏称,一小时说一个字,就是语速的"狄拉克单位"。当然,善 良的人会说, 狄拉克是在追求语言逻辑的严密, 是在追求效率, 不喜欢唠叨。但是,沉默寡言毕竟还是使狄拉克缺少人际交往, 所以,他把大部分的时间都放在研究上面。无论周围环境如何, 无论自己的心境如何, 狄拉克都能够把全部心思投入到文献的阅 读上面。1932年, 狄拉克荣登剑桥大学的第15 届卢卡斯数学教 授宝座,这可是一个享有非常崇高地位的职位。1933年,狄拉 克又获得了科学界的最高荣誉——诺贝尔物理学奖。此后,尽管 狄拉克开始了很多的受访、交流、演讲、参观、访问等各种社交 活动,但依然没有看出他要结婚的样子, 甚至记者们把他说成是 "惧怕女人的天才"。有一个八卦是这样说的: 1929 年, 狄拉克 和海森伯从美国去日本讲学。在去日本的船上,海森伯不停地和 女孩跳舞, 但是狄拉克却一直坐在边上看。过了很长的时间, 狄 拉克终于忍不住问海森伯:"你干吗要跳舞呢?"海森伯说这里 的女孩都不错。狄拉克想了半天,说道:"可是你在跳舞之前怎 么就能知道她们都不错呢?"

狄拉克曾经表 示不想去领诺贝尔 奖,因为他不想引 起太多的关注。这 也说明狄拉克很喜 欢安静地待在他 剑桥大学的办公 室里。

莫特曾经回忆说,在剑桥大学作为物理专业的学生是"一件 孤独得可怕的事情",然而狄拉克一点都没有觉得孤独。狄拉克 实际上排除了会干扰他做研究的所有外部活动,包括运动、政治 和女孩。狄拉克非常看重他在剑桥大学所过的宁静生活,使他能 够全身心地投入到研究中。1933年当他得知自己获得诺贝尔奖时, 他甚至表示不想去领奖。卢瑟福告诉他,不去领奖才会引起更多 的关注。

1937年, 狄拉克"竟然"结婚了。他的妻子玛吉特是著名理论物理学家维格纳的妹妹。他们是偶然在普林斯顿相识的,当时狄拉克正在那里访问。玛吉特与狄拉克有非常互补的性情,她豪爽、健谈、坦诚又独立,显然对狄拉克来说有特殊的吸引力。对于狄拉克的婚姻,玛吉特在回忆录中写道:"保罗不是一个严厉的父亲,他与孩子们很疏远……这是一段古老的、维克多利亚式的婚姻。"

狄拉克曾经说到,在研究风格上, 萨定谔与他最为相像。他们都非常欣赏数学之美, 这种"感情"一直贯穿在他们的科学研究中。他们都相信, 在任何描述自然界基本规律的表达式中, 必然有伟大的数学之美蕴含其中, 这种信念已经成为他们获得成功的基础。总而言之, 狄拉克为物理学留下了一系列带有革命性的重要概念和新方法, 这些创造性的思想和方法为当代物理理论的发展开拓了一条全新的道路。从 20 世纪 20 年代开始, 狄拉克便成为 20 世纪物理科学的领衔人物, 他的成果极大地改变了物理学的面貌。

4.3 量子力学的基本假设和数学框架

对一般的读者来说,本节的内容一定会相当无聊。读懂本节需要不少数学知识。但是,对于真正希望知道"量子力学的数学框架是什么"的学生来说,本节的内容是必须好好理解和记住的。这意味着在阅读下面各节内容的时候,你可能得多次地回到这一节。可以看到,本书大部分的数学公式都集中在本节中。

了解量了力学的数学框架对于利用量了力学解决实际的问题 具有根本的重要性。正如在前言中所提到的,在了解了量子力学 的数学框架之后,即便不能理解量子力学中的许多基本概念、原 理和哲学基础,也是可以熟练地应用该数学框架求出各种力学量 量子大是而非用使不力工。是一个人,数是那个人的,我想要解了一个人的,我是一个人的,我是一个人的,我们是一个人的,我们是一个人的,我们是一个人的,我们是一个人的。

的值(平均值)。量子力学的数学框架本身(这里都是指波动力学之下的)也是易于理解和简单的,只要熟悉量子力学的几个基本假设就可以了。所以,本节我们有必要认真地叙述一下量子力学的几个基本假设。为了比较简单明了,我们基本上使用马杰诺(Margenau)的讲法为基础(并参考了关洪 1990 年出版的《量子力学的基本概念》一书),再配合我们自己认为合适的解释和说明来讨论量子力学的基本假设。由于这些最基本的假设是整个量子力学体系的前提,通常称为"公设"(postulate),以区别于解决具体问题时所做的假设(assumption, hypothesis)。

需要说则的是,本书没有追求严格的公理化的理论体系,只 是一般性地概括了量子力学理论结构所需要的基本假设。此外, 这也不是逻辑上最节省的概念体系。

公设(1): 描写物理系统的每一个力学量都对应于一个线性算符。

显然,为了清楚地解释公设(1),需要明确什么是物理系统? 什么是力学量?什么是算符?什么是线性算符?

什么是"物理系统"?由于量子力学的研究对象是微观粒子, 所以"物理系统"是指含有一个或数个微观粒子,也可以是含有 大量微观粒子的系统。那么什么是微观粒子呢?既然称为微观粒 子,那它一定不同于经典物理学下的质点或微粒。对于经典粒子, 通常只有固有质量和固有电荷这两个特征量。而对于微观粒子的 精确描述,则需要诸如静止质量、电荷、自旋、字称、同位旋等 一组特征值。这里的自旋、字称和同位旋的性质在经典粒子中是 没有对应物的。

什么是"力学量"(有些书里也用"力学变量")呢?最常见的力学量有位置、动量、角动量、动能、势能和哈密顿量等。

什么是"算符"呢? 算符就是对函数的一种运算。我们先来

对一般的算符而言,它们的运算规则与数的运算规则是很不一样的。两个算符的乘积可以是不对易的(当然并非所有的算符的乘积都是不对易的),而两个数的乘积则一定是对易的。所谓对易,指的是 $\hat{A}\hat{B} = \hat{B}\hat{A}$ 或 $\hat{A}\hat{B} - \hat{B}\hat{A} = 0$. 不对易,当然就是指 $\hat{A}\hat{B} \neq \hat{B}\hat{A}$ 或 $\hat{A}\hat{B} - \hat{B}\hat{A} \neq 0$ 。算符不对易的一个简单例了是:开平方根与平方这两个算符就是不对易的。例如,对一个负数(-2)的先平方再开平方根可得: $\sqrt{1 |\hat{a}|^2} - 2\} = \sqrt{4} = \pm 2$,而先开平方根后平方() $\sqrt[3]{3}$ 不实数域里面则是没有意义的。

公设(1)说明,量子力学中每一个力学量都对应于一个线性算符。所以我们还得说明,什么是"线性算符"?需要注意的是,线性算符是指该算符对态函数 w 的运算是线性的,而不是说该算符本身是线性的。就是说,算符本身完全可以包含二阶导数或二阶偏导数这样的东西(参考静定谔方程)。具体来讲,如果一个算符 4,它满足以下条件,那么它就是一个线性算符:

 $\hat{A}(c_1\psi_1 + c_2\psi_2) = c_1\hat{A}\psi_1 + c_2\hat{A}\psi_2$ (c_1 和 c_2 为常数) 所以,量子力学"看不起"一般的算符,像平方或者开平方

量子力学中, 每一个力学量都用 一个线性算符来对 应 线性的薛定谔 方程 根这样的算符都不入量子力学的"法眼",只有所谓的线性算符才能进入量子力学的"家庭",而且还只有厄米算符才能入量子力学的"家门"。在量子力学中,算符就是对波函数(或态函数)的一种运算。量子力学里面的力学量算符必须是线性厄米算符,这是由于任何力学量的测量值都是实数,所以要求所有与力学量对应的算符都只能有实数的本征值。这样的话,算符就只能是厄米算符了。

公设(2):每次测量一个力学量所得的结果,只可能是这个力学量所对应的算符的所有本征值中的一个。

为了说明什么是"本征值",我们来看一下什么是本征值问题:如果算符序作用在一个函数 ψ 上,其结果等于该函数乘上一个常数 λ ,即: $F\psi = \lambda \psi$,则该方程就称为算符序的本征值方程,其中 λ 为算符序的本征值, ψ 为属于 λ 的本征函数。

公设(2)规定了一个力学量的测量值与对应的力学量算符的本征值之间的直接对应关系。可以说,力学量的测量值谱就是该力学量相应算符的本征值谱。每一次测量某力学量,所得结果一定是该力学量算符对应本征值中的一个,至于是哪一个本征值则完全是随机的(这种随机性我们还会数次讨论到)。公设(2)给出的对应还只是初步的,还不知道测量值在规定的谱上是如何分布的。这是下面公设(3)要给出的。

理解公设(2) 是理解量子力学的 关键。对于要学习 量子力学的学生来 说,必须能够自觉 地运用公设(2)。

理解公设(2)是理解量子力学的关键点之一,这是极其重要的。能够自觉地运用公设(2)才表明对量了力学的这一重要部分是理解的。公设(2)实际上意味着,体系的波函数应该是体系所有的本征函数的线性组合。这里强调了"所有的"本征函数。试想如果某一个本征值 E_i 对应的本征函数 ψ_i 没有被包括在波函数的线性组合之中,那么对这样体系的测量将不会出现本应该出现的本征值 E_i ,这就违背了公设(2)的含义了。当然在实

际的工作中,如果某些状态是否出现对体系的影响并不大(或者说,重要的那些本征值相应的本征函数都已经包括在线性组合中了),那么波函数的线性组合可以近似是不完整的。

厄米算符有以下重要的性质:它的对应于不同本征值的本征函数是正交的;而且厄米算符的本征函数组是完备的。这两个性质在量子力学的运用中是很重要的(更多的细节可参考量子力学书籍)。

公设(3): 当系统处在态 ψ 时, 对与算符 $\hat{\mu}$ 对应的力学量进行多次的测量, 所得到的平均值是

$$\bar{F} = \frac{\int \psi \, \hat{F} \psi \, \mathrm{d} \tau}{\int \psi \, \psi \, \mathrm{d} \tau}$$

平均值在量子力学中也称为期待值、上式中的分母就是所谓的归一化因子。我们通常可以使用已经归一化了的波函数,即上式中分母等于1、那么、我们就有一个更加优美的表达式: $F = \int \psi^* \hat{F} \psi d\tau$ 。

可以看到,在这个力学量平均值的计算公式中引进了统计决定论的波函数,所以它与经典物理中的决定论的描述是很不一样的。公设(2)只是为单次测量的结果假定了一般的可能取值。为了确定现实的具体测量值,需要对多次的测量结果作假定,这就是公设(3)的内容和目的。

公设(3)实际上构成了量子力学数学框架的主要内容。换句话说,使用公设(3)就可以求出一个力学量的平均值:只要先求出描述体系的态函数 ψ ,再进行上式的积分就可以了(尽管积分本身也可能是非常复杂的)。当然,要求出体系的态函数 ψ ,就需要求解함定谔方程,而这通常也是一项很艰巨的任务。

量子力学中, 为了确定现实的具 体测量值,需要公 设(3)对多次的测 量结果作出假定。 公设(4): 态函数 ψ 随时间的演化, 遵从薛定谔方程:

$$i\hbar\frac{\partial}{\partial t}\psi=\hat{H}\psi$$

在量子力学(波动力学形式)中,这是最基本的方程。它是非相对论情况下的基本动力学方程。也即,公设(4)说得很清楚,这个方程能够给出波函数随时间的演化。还应看到,在这里,薛定谔方程不是推导出来的,而是直接作为一个公设提出来的。正如在经典力学中一样,牛顿的运动方程也不是推导出来的,也是一个基本假设。

有一个非常重要的特例是应该要理解的,这就是完全不受任何约束的自由粒子的运动问题,即 $\hat{\Gamma}(r)=0$ 的情况。这时,薛定谔方程为

$$\hat{H}\psi = \frac{\hat{P}^2}{2m}\psi = E\psi$$

这个方程的解就是自由粒子的波函数:

$$\psi(r,t) = Ae^{\frac{t}{b}(p(r-kt))}$$

该波函数是一个平面波。稍有数学基础的人可以将这个解代回原 方程里面验证一下。在2.1.1 节中我们讨论一个自由粒子的运动时, 就多次提到这个平面波(可以回到2.1.1 节复习一下)。

可以看到,薛 定谔方程是作为一 个基本假设提出的。 是基本的推导的。 它是量子力学的基本方程,是量子力学的核心。 由于薛定谔方程在量子力学中具有中心地位,我们将在4.4节中单独给出一节的篇幅进行细致的讨论。

公设(5): 系统内任意两个全同粒子互相交换,都不改变系统的状态。

这一公设也称为全同性原理。这里面有一个重要的概念,即"全同粒子"。它是指微观粒子是完全不可辨认的,例如,这个电子和另外一个电子是完全等同的,因为它们具有相同的质量、电荷、自旋和字称等内部量子数。微观粒子这种全同性在根本意义上不同于宏观物体。假设有一些刚刚生产出来的小钢珠,我们的眼睛可能很难分辨出两颗钢珠的不同,但是这也仅仅是我们的眼睛无法分辨而已,两颗钢珠是一定有办法分辨的。所以,"全同性"是微观世界有别于宏观世界的一个重要特征。

本公设提到,"任意两个全同粒子互相交换,都不改变系统的状态"。这并不是说不改变体系的波函数ψ(而是波函数的模方不会改变)。恰恰相反,波函数是否改变,取决于这些全同粒子的本性。我们发现,微观粒子分为两类,一类称为坡色子,另一类称为费米子。所谓坡色子是指自旋为整数的粒子,它们遵从坡色(图 4.4(a))-爱因斯坦统计,不遵守泡利不相容原理,所以允许多个玻色子占据同一种状态,在低温时可以发生玻色一爱因斯坦凝聚。而费米子是指自旋为半整数(1/2,3/2,…)的粒子,它们服从费米(图 4.4(b))-狄拉克统计。费米子满足泡利不相容原理,即不能有两个或两个以上的全同费米子出现在相同的量子态中。实际上,交换两个全同粒子,波函数可能会发生变化。所以,公设(5)还可以陈述为:由全同粒子组成的系统,按照这些粒子的本性(玻色子或费米子),全同玻色子总是用全对称态函数描写,即任意交换两个玻色子,体系的波函数不变;全同费米子体系总是用全反对称态函数描写,即任意交换两个费米子,

体系波函数要加上一个负号。可以证明,这种交换对称性质是不 随时间变化的。

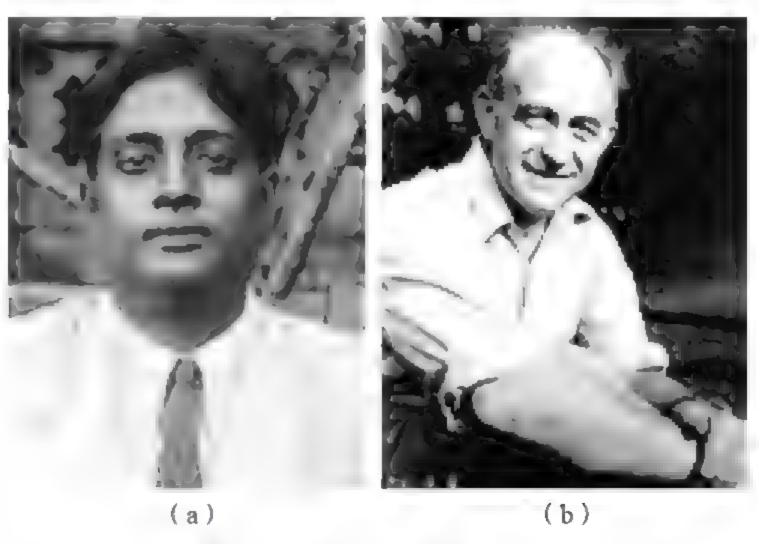


图 4.4 玻色(a)和费米(b)

以上给出了量子力学的五个公设。除了量子力学的这些基本假设之外,量子力学中还会出现一些基本的"原理",它们都是不能通过数学证明的。只要某物理规律被称为"原理",那么这个规律就是无法被证明的(和无需证明的),它们是否正确要通过从该原理获得的结果是否与实验结果(人类实践)相符合来判断。哪怕有非常多的地方理论与实验都是相符的,只要有一处不相符,就可以证明某些基本原理还是不够"基本",需要作出修正或者被彻底地打倒。

其实,物理学家们恨不得某个基本的物理方程在某些情况下变得不适用,这样大家就可以去寻找更一般的基本方程了。而这样的事情是非常刺激的,物理学家们都期望有这样刺激的事情发生。当然,遇上这样刺激的事情也是很不容易的。目前,暗物质和暗能量还是完全未知的东西,它们有什么性质大部分还是未知的。它们自己是如何相互作用的?它们与正常的物质和能量又是如何相互作用的?这些都是非常吸引人的研究领域。谁知道在发现暗物质和暗能量后还需不需要稍稍修改一下广义相对论(即引

力理论)?爱因斯坦已经是物理学(和整个科学)领域中的圣人, 能够修改圣人的理论当然是很刺激的。

物理学的理论(当然还有其他一些科学)是非常非常精确的 科学,或者说,是一门追求精确的科学。一个物理量或物理概念 的背后一定会对应着一个精确的数学表达式,没有这种数学对应 的物理量很可能就不是一个重要的物理量了(请轻喷),这在各 个物理学分支的发展中都有体现。

可以看到,能量在量子力学的基本假设里面是个很特殊的 量(有很特别的地位), 薛定谔方程就是从能量对应的哈密顿算 符 7 开始的。就是说,量子力学的物理出发点是从能量开始的, 或者说很多的物理分析是从能量的分析开始的。

最后,如果你读到的量子力学基本假设的形式有别于这里给 出的形式, 那也是有可能的。使用密度矩阵的方法, 就可以重新 表述量子力学的这些基本假设和数学方程式。

薛定谔方程 4.4

在 4.2 节中讨论薛定谔创立波动力学时,我们简单讨论过薛 定谔方程 鉴于薛定谔方程在量子力学中的极端重要性,我们在 这里再花一点篇幅讨论这个方程。

德布罗意的物质波的想法在当时是非常大胆的。德布罗意的 导师是著名的物理学家朗之万, 朗之万将德布罗意关于物质波的 论文送给了当时已经非常著名的爱因斯坦,爱因斯坦对德布罗意 的观点给予了很高的评价,并在自己的论文中加以引用。当时还 并不著名的薛定谔通过爱因斯坦的论文了解到了物质波的概念, 并产生了浓厚的兴趣。既然物质波是波、那就需要一个波的传播 方程。于是在1926年(其实, 薛定谔对德布罗意的物质波概念 已经研究了整整一年的时间), 薛定谔发表了一个计算物质波传

公式太多了? 学物理的人应该喜 欢公式才是。一个 公式可以表达千言 万语也表达不完的 东西, 也只有公式 才能给出物理学所 要求的精确性。

导的方程式,被称为薛定谔方程(值得在这里再写一遍):

 $i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t} = \hat{H}\psi$

这个方程是量子力学中的基本方程(没有之一),它是描述 微观世界运动法则的基本理论,是薛定谔在苏黎世大学任教期间 提出的。薛定谔当时利用这个方程计算出了氢原子中的电子能量, 其结果与玻尔通过量子化条件得到的结果一致。很快,薛定谔方 程得到了普朗克和爱因斯坦的大力赞赏。

历史上,薛定谔方程确实是通过一些"手段"构造出来的。但是, 笔者认为,这个构造的过程对现在来说已经不重要了,这也许正是为什么绝大多数的量子力学教科书都没有给出这个"构造"的过程,而是直接将薛定谔方程作为量子力学的一个基本假设来叙述。本书中,我们也是直接给出薛定谔方程的。虽然是这样,还是应该指出薛定谔提出他的方程时的"立论":量子客体的波粒二象性。但是,又可以说,在薛定谔方程被提出之后,波粒二象性这个概念就没有那么重要了,因为薛定谔方程本身就是对具有波粒二象性的单个量子客体普遍成立的动力学方程。

物理学是有结构的。物理学的每一个分支学科都有一个基本方程(或方程组)作为该学科的支柱。然后,在各种约束和初始条件下通过求解这些基本方程,就可以演绎出许许多多的结论。例如,经典力学中的牛顿方程,电磁学中的麦克斯韦方程组,热学中的热力学定律等,它们都是相应分支学科中的基本方程。量了力学也不例外。虽然量了力学的基本方程可能有不止一种说法,但是无论哪个学派都能够接受把静定谔方程作为量了力学基本方程的说法。因此,本书主要讨论的就是把薛定谔方程作为基本方程时所引申出来的各个物理量和各种基本概念。可以强调一下,薛定谔方程在量了力学中的地位和作用就像牛顿方程在经典力学中的地位和作用一样。

薛定谔方程取 代了牛顿方程,她 在量子力学中的地位 位就像牛顿方程在 经典力学中的地位 一样。 要想深刻地理解薛定谔方程,可能需要比较多的数学和物理学知识。因此,本书中我们只能"尽力而为"地对薛定谔方程进行讨论。我们将尽量通过语言的直叙来说明该方程的特点。

- (1) 薛定谔方程的解是波动的,所以 w 称为波函数(在这之前,我们也称它为态函数),它就是拿来表示物质波的。薛定谔方程的提出,意味着波函数是体系的基本量,即一口波函数得以知道,体系的所有性质便能确定下来。
- (2) 薛定谔方程的左边有一个因子i, 它是表示虚数的符号,即 $i=\sqrt{-1}$, 也就是说i的平方将会得到一个负数 -1。所以,薛定谔方程的解波函数 ψ 一定是复数,就是一种波。
- (3) 当体系的初态 ψ(r,0) 给定之后,以后任一时刻的状态 ψ(r,t) 就可以由这个薛定谔方程完全确定下来。只是要注意,状态 ψ 并没有实在的对应,只有它的平方——|Ψ オ对应着找到粒子的几率。这是量子力学中最基本的概念之一。读者还可以从 5.2 节的 "态叠加原理" 那里比较深入地理解 ψ 和 |Ψ 的 重要区别。
- (4) 定态萨定谔方程是一个本征值问题。所谓本征值问题,请参考 4.3 节的"量子力学的基本假设"。

前定谔在建立关于体系态函数ψ的波动方程时,他自己也不清楚这个态函数(或波函数)是什么东西。他给出了一个关于态函数的半经典解释,最后被玻恩的几率解释所取代。温策尔(Wentzel)、奥本海默和狄拉克等人依据玻恩的几率解释成功地处理了卢瑟福散射以及光的色散等过程。从此,玻恩的几率解释为大家所接受。这个几率解释证实了量了力学的统计观点,经典力学中所一直公认的自然过程的完全决定性,现在必须放弃掉了。来看一下自由粒子的情况,可以发现,其实玻恩的几率解释是"很顺的":为了描述一个完全自由的粒子,量子力学提出"对于一个自由粒子,在空间中任意一点找到该粒子的几率是一样的"(参见 2.1.1 节)。确实对于自由粒子来说,它可以处在空间的任

薛定对在程么一半被定误对不为的人。

意一点上,而且处在各点的几率应该一样。对应于自由粒子的薛定谔方程,它的波函数就是平面波,而平面波的平方是个常数。所以很自然地,按照玻恩的几率解释,平面波(波函数)的平方可以用来描述找到自由粒子的几率(对应"在空间任意一点找到该粒子的几率是一样的")。顺便提一下,对一个自由粒子运动的描述,如果你有比量子力学的上述图像更加合理的哲学(及其数学描述),那么你就有可能建立起比量子力学更加合理的科学理论,而那将会是人类科学的又一次巨大进步。

一个非常重要却往往被很多书籍忽略的问题是:在薛定谔方程中,一个物理系统的哈密顿量算符 n 应该采取什么形式呢? 通常地,我们可以把经典物理学里的相互作用势的形式照搬过来(没有经典力学对应的物理量除外),但这需要实验的检验才能确定下来。对于电磁相互作用,经典的类比已经被证明是很有效的。对于本质上很不同的引力相互作用,通过中子的引力干涉实验,也证明了经典的引力势同样适用于量子力学。

薛定谔方程提出之后,量子力学得到了迅速发展,主要的发展有三个方面:①将量子力学的方程应用到各种的实际问题上去,由此开创了众多新的应用领域,例如,半导体物理、激光物理、超导物理、原子核物理、现代理论天体物理、量子化学以及量子计算等、这些非常重要的新学科已经成为当代文明社会的基础学科,它们都是以量子力学为理论基础的。②将量子力学与爱因斯坦的相对论相结合,建立了相对论量子力学和量子场论,并在此基础上诞生了全新的粒子物理学和现代宇宙学。到如今,粒子物理学和现代宇宙学都已经取得了极其辉煌的成就。但是至今,量子力学与广义相对论之间还不相容,建立大统一的理论是人们的理想。③继续越来越深入地探讨量子力学自身的本质问题和理论基础。费恩曼曾经说过,世界上没有人真正理解量子力学。量子力学的非定域性(如量子纠缠)确实可能还无人能真正地理解。

看来,并非只是我们这些凡夫俗子们不能理解量子力学,即便是量子力学的创立者们也还不能完全理解量子力学的本质。量子力学在以上三个方面的发展都取得了辉煌的成果。

值得一提的是, 薛定谔方程是无法进行数学证明的, 它就是一种猜测或者说是基本假设。至于猜测得是否正确, 只有等待实验的验证。到目前为止, 极大量的实验均证明了薛定谔方程的正确性, 同时也证明了波函数的假设及其几率解释的正确性。

最后,我们还可以采用一种较普遍的表述方式:运动方程的 具体形式取决于物理系统的情况,但是总可以写出

 $\psi(t) = U(t,t_0)\psi(t_1)$

很显然,算符 $U(t, t_0)$ 可称为演化算符,它把 t_0 时的态函数 $\psi(t_0)$ 演变成时刻 t 时的态函数 $\psi(t)$ 。很容易验证,对应于薛定谔方程 (见本节前面部分)的演化算符应该是

 $U(t,t_0) = e^{-t^{(t)}t - t_0 + t_0}$

4.5 波函数的几率解释

南定谔建立了关于波函数 ψ 的动力学方程,即薛定谔方程。因为薛定谔方程形式上回经典物理学的波动方程很相像,所以把 ψ 称为波函数,这一名称一直被沿用。最初,薛定谔自己也没有 搞清楚这个波函数 ψ 的确切意义,一直到玻恩 (图 4.5)提出几率解释才算有了正确的解释。1926年夏,玻恩在使用薛定谔方程处理散射问题时为了解释散射粒了的角分布而最早提出了"波函数的几率解释"。玻恩在一篇题为《散射过程的量子力学》的论文中指出:"对于散射问题,仅有薛定谔的(量子力学》的论文中指出:"对于散射问题,仅有薛定谔的(量子力学》的论文中指出:"对于散射问题,仅有薛定谔的(量子力学)形式表明能够胜任。基于这一点,我愿把它看成是对量了规律最深刻的描述。"玻恩在这篇论文的清样中加了一个短短的注释:"散射后粒子在空间某一方向出现的几率,正比于波函数的平方。"

薛定谔方程是 无法进行数学证明 的,它就是一种猜 测或基本假设。至 于猜测得是否正确, 只有等待实验的 验证。 这就是波函数几率解释的最初版本。



图 4.5 玻恩

玻恩认为,在薛定谔方程中波函数所描述的(或者德布罗意所指出的物质波),并不像经典波那样对应着什么实在的物理量,而仅仅是一种描绘粒子在空间的几率分布的几率波而已。也就是说,玻恩正确地指出了,波函数 w 的平方代表了粒子在某个"地点"出现的概率。这一解释后来成为量子力学中最深刻的一个表达,它避免了薛定谔的物质波解释所带来的许多难以说清楚的困难。现在认为,电子不会像波那样扩展开来,只是电子出现的概率像一个波,而这个波由薛定谔方程确定。玻恩的几率解释很快得到了大家的认同,而这最根本的原因当然是因为它能非常合理地解释已有的各种实验事实。

量子力学中最 重要的基本概念就 是被函数的几率解 移力,这是越来越多 的物理学大家共同 认为的东西。

有人说, 玻恩开创了仅凭一个短短的注释就获得诺贝尔物理 学奖(1954年)的先例。这种说法当然是有所"夸张"的, 玻 恩在量子力学的发展过程中一直都非常活跃, 他对海森伯的量子 力学矩阵形式的完善并最终取得成功作出了重要贡献。他也是哥 本哈根学派中第一个接受薛定谔量子力学的人。设想有一个名不 见经传的人, 在那个年代在他的论文的注释中提出波函数的几率

解释,恐怕要得到物理学界的普遍认同也不是那么容易的。波函 数的几率解释是玻恩提出的,但有一本书认为[14]:爱因斯坦实 际上比玻恩知道得更早; 而另一本书却说 [3]: 爱因斯坦和薛定谔 对玻恩的解释有所保留。或许,面对有些相互矛盾的文献,我们 只应该看到,最早出现几率解释的历史文献应该归于玻恩。

在经典物理学中,存在所谓的拉普拉斯决定性:即宇宙是完 全被决定的。拉普拉斯认为,存在一组科学定律,只要我们完全 知道宇宙在某一时刻的状态,我们便能依照这些定律预言宇宙将 会发生的任何一个事件。例如,如果我们知道某一时刻太阳和行 星的位置和速度,我们就可以使用牛顿运动定律求出任意其他时 刻太阳和行星的运动状态。可见, 在经典力学中, 这种宿命论是 显而易见的。哪怕在经典统计物理学中,虽然有运用统计决定性 来计算系统的宏观性质,但系统中每个微粒或者每个个别过程也 都被认为遵从拉普拉斯的因果性,而宏观性质正是对这些个别过 程统计平均的结果。但是,在微观世界里,我们便无法预言一个 微粒的运动(如果想预言的话,那也只能是统计学意义上的预言)。 现在,按照玻恩的波函数业的统计解释,在量子力学中是不存在 拉普拉斯决定性的, 一开始占支配地位的就是统计决定性(这是 很重要的)。玻恩说过:"在量子力学里满足波动方程的波完全 不代表物质粒子的运动,它们仅仅决定物质的可能状态。"玻恩 还说道:"粒子运动遵循几率定律,而几率本身按照因果律传播。" 玻恩的这句话很好地概括了量子力学的统计本性。将玻恩的叙述 与薛定谔方程联合起来看、就能够很好地帮助我们理解量了力学 不同于经典力学的本性。

玻恩提出的几率不是简单而直接地对应于波函数 w, 而是对 应于 ψ 的模的平方(即模方),也就是说,波函数 ψ 并不直接对 应着几率, 它只是"几率幅"(或几率波幅), 它的模方才是几率。 这里给出的名词"几率幅"经常仅在各种量子力学的科普书中出

经典物理中, 存在所谓的拉普拉 斯决定性: 即宇宙 是完全被决定的。 波函数的几率解释 打破了这一决定性, 在微观世界里。我 们无法预言一个微 粒的运动。

有人说,一切 都是波函数惹的 祸! 波函数是一个 弥漫于整个空间 的函数, 它很好 用,可以解释实验, 但它到底是什么 东西?

现。与电磁场不同,量子力学中的ψ本身没有直接的物理实在性,它是对应于几率的平方根这样一个非物理量,这才是真正的惊人之处。应该知道,ψ不是一种物理波动(不是实在的物理量),但它能够给出各种实在物理量的取值和变化的知识(参见 4.3 节"量子力学的基本假设")。所以,波函数是体系的基本量,也就是说,一口ψ被求出,那么所有的物理量的平均值都可以由相应的力学量的算符和波函数的积分求出。总之,按照玻恩的几率解释,如果我们想要判断一个微粒将会出现在哪里,只能用各种不同结果可能出现的概率的方式来表述(图 4.6),而薛定谔方程使我们有能力作出各种概率性的预言。

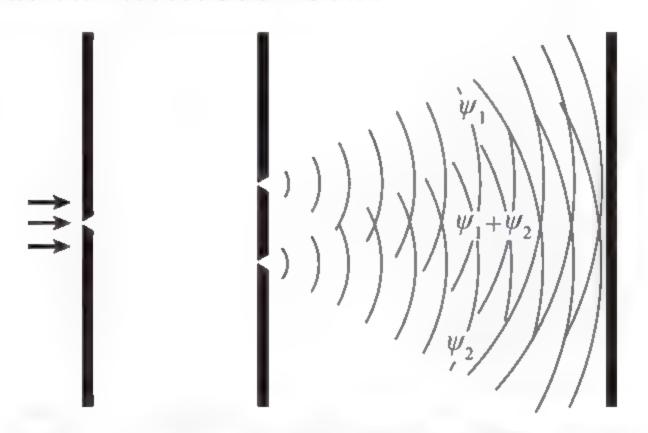


图 4.6 几率波的干涉,几率波决定粒子到哪里去

在物理学中,一般来说,一个观点正确与否是可以有明确的"判据"的。如果由某个观点作为出发点,所推导出的各种物理现象的数值结果与实验结果完全相符(在实验误差范围内一致),那么这样的观点就认为是正确的。对于量子力学发展历史中的很多争论,情况也是一样的。例如,关于波函数的几率解释,在玻恩提出这个解释之后,从量子力学方程式获得的结果就与经验事实实现了可靠的一一对应关系。派斯(Pais)说道,玻恩的这一页献导致了量子革命的终结。或者说,几率解释从根本上完成了量子力学的概念体系,即量子力学从此得到了它自己非常独特的基本概念。因此,量子力学完全摆脱了经典物理学的观念,走上

了成熟的发展道路。现在, 许多量子力学大咖都认为, 波函数的 几率解释代表了量子力学的精华。

最后,由于波函数的儿率解释,使得波函数本身存在两个重要的特点(对专业人上而言是重要的):①波函数有一个常数因子的不定性。也即, $\psi(r)$ 与 $C\psi(r)$ (C为常数)所描述的相对儿率分布是一样的:

$$\frac{\left|C\psi(r_1)\right|^2}{\left|C\psi(r_2)\right|^2} = \frac{\left|\psi(r_1)\right|^2}{\left|\psi(r_2)\right|^2}$$

②波函数还有一个相角的不定性。这是因为即便波函数是归一的,仍然有一个模为1的因子的不定性,即 $e^{i\alpha}(\alpha)$ 为相角)乘上 $\psi(r)$ — $e^{i\alpha}\psi(r)$,与 $\psi(r)$ 描述了同一个几率波。

讲一点玻恩的轶事,这不得不谈到"迟到的诺贝尔奖"。

玻恩对量子力学的基础性贡献(即矩阵力学的发展)以及对 波函数的统计性解释,理应获得诺贝尔奖,然而诺贝尔奖委员会 一直把玻恩的工作忽视了。诺贝尔奖给玻恩心理上所造成的创伤 他一直都埋在心里,即使在他的自传中也很少提及。他只是曾经 对自己的长子说:"(这件事)曾深深地刺伤了我。"当海森伯 因获得诺贝尔奖而回复玻恩的贺信时说:"这一工作是哥廷根合 作的成果,是你我和约尔当共同完成的,然而却只有我一个人拿 到了奖。这件事已经成了现实,它使我感到很愧疚。"1933年, 当함定谔获悉自己获得诺贝尔奖时,也曾写信给玻恩说:"当时 我真的感到有些发懵了,因为我觉得领这个奖的应当是你。"

1953年,玻恩从爱丁堡大学退休回到德国,在哥廷根附近定居下来。次年年底,玻恩终于获得了诺贝尔物理学奖,此时他已经72岁了。应该说,这真是一个迟到的诺贝尔奖,它本应该在大约二十年前就颁出了。玻恩是量了理论的创建人之一,为什么会被瑞典皇家科学院所遗漏,这不得不谈到诺贝尔奖的评审程序。诺贝尔奖的提名过程分三轮进行。第一轮提名由各诺

玻恩对量子力 学有基础性的贡献 (即矩阵力学的发 展),但是诺贝尔 奖却姗姗来迟。 贝尔奖委员会向世界各地的有关科学家征询候选人名单,会有 2000~3000 名知名的科学家收到提名候选人的邀请;第二轮由各 委员会对第一轮候选人名单进行遴选和评审;第三轮由瑞典皇家 科学院召开院上大会进行投票。这其中,诺贝尔奖的各委员会成 员的作用尤其重要。玻恩最初一直不能获奖就是因为物理科学委 员会的成员奥辛个人对量子力学的看法导致的。

玻恩对量子力学矩阵力学形式的贡献离不开约尔当(1964年,约尔当甚至声称,"论量子力学"的论文几乎就是他一个人的贡献。不过,这时玻恩已经生病了)。约尔当在量子史话中确实一般着墨不多,但其实他对量子力学的建立和完善有着重要的贡献。约尔当1903年出生在德国的汉诺威,他是一个害羞和内向的人,说话有点口吃,所以总是结结巴巴的,很少授课或发表演讲。约尔当是物理学史上两篇重要论文《论量子力学》【和】的作者之一,可以说也是量子力学的主要创立者。除了对量子力学的矩阵力学的重要贡献外,他在量子场论、电子自旋以及量子电动力学中也作出了巨大的贡献。约尔当后期对自己的成就被低估感到恼火,他的名声远远不及玻恩和海森伯。有一件严重的事情是,他在第二次世界大战期间成为纳粹的同情者,这显然不利于他的名声。

4.6 测不准关系

测不准关系,也称为不确定关系,还称为测不准原理或不确定原理。测不准关系在量了力学中的地位一直存在很大的争议,有各种莫衷一是的讲法。测不准关系是 1927 年由海森伯提出的,从提出之日起,已经过去了九十年。关于这一关系究竟是量子力学理论中具有独立逻辑地位的原理,还是可以由量了力学的基本假设出发得到的推论,一直没有统一的说法。不过,现在很多教

科书都表述为测不准关系,所以我们在这里也采用这一名字。

很多人不认可测不准关系可以称为一个原理(即不可推导 或证明的东西),很大原因可能是因为历史上测不准关系是可 以被推导出来的。1927年,肯纳德(Kennard)在一篇综述文章 中,第一次利用量子力学的数学框架,证明了海森伯的测不准关 系式,而且在导出测不准关系的不等式时没有依赖任何具体的模 型; 1928年,外尔(Weyl)在《群论和量子力学》一书中,首 次把测不准关系写进书里。而且由于泡利的建议、外尔使用施瓦 茨不等式也推导出了测不准关系式; 1929年, 罗伯逊(Robertson) 成功地把外尔的方法用到任意两个不对易的力学量A和B上, 得到了一般情况下两个力学量间的测不准关系。现在大多数的量 子力学教科书实质上都是基于罗伯逊的推导(有所改写而已): 1930年, 薛定谔还改进了罗伯逊的结果, 使之具有更加严格的 形式。1934年,波普尔(Popper)指出: 既然从量子力学的基本 原理可以导出测不准关系,这一关系就应当作为一个推论,而不 应该作为量子理论的逻辑体系中有独立地位的原理(对测不准关 系的严格推导没有超越态函数的几率解释)。

在1927年提出测不准关系的论文里,海森伯指出:"如果谁想要阐明'一个物体的位置'(例如一个电子的位置)这个短语的意义,那么他就要描述一个能够测量'电子位置'的实验,否则这个短语就根本没有意义。"在这里,我们通过"约束"的概念提供一个容易理解的图像来说明对"电子位置"的测量,以及什么是测不准关系:当一个电子完全自由时,由于它可以处在空间中的任意位置,而且处在任意位置的几率是一样的,所以其位置的不确定度为无穷大。但是此时电子的动量具有完全确定的值,其不确定度为零。现在假设对这个自由电子施加一点点约束,这样电子就不完全自由了,处在空间中各处的几率也变得不一样了(例如,出现在有约束的地方的几率会大一些),这就导致其

如果一个物理 规律是不可推导或 被数可以称之为原理。 常可的,理。 而在关系 出来。

位置不确定度变小了一些,同时动量就出现了一些不确定性。当 所加的约束非常非常强的时候,电子就可能被限制在一个非常小 的区域内,这时位置的不确定度就变得很小,但是这时电子动量 的不确定度就会变得很大(玻尔认为,这实际上是由于粒子具有 波动性的缘故)。测不准关系的意思就是说,电子位置的不确定 度和动量的不确定度的乘积必须大于一个常数,即普朗克常数的 1/2 倍数:

$$\Delta x \cdot \Delta p \ge \frac{\hbar}{2}$$

如果是这样的话,位置的不确定度和动量的不确定度就不能同时为零(特殊情况是:如果一个趋于零,另一个则会趋于无穷大,以便让其乘积满足上面的测不准关系)。容易看到,测不准关系"规定"了一个原则:即不能同时精确地测量一个粒子的位置和动量(或速度)。测不准关系是量子力学特有的,它没有经典物理的对应物。

海森伯指出,量子客体(微观粒子)具有成对的属性,对物体的一个属性的了解越是准确,对其另一个属性(共轭量)的测定就会越不准确。也就是说,我们永远无法同时精确地测量一对共轭的物理量。例如,我们无法同时既测出一个粒子的准确位置,又测出这个粒子的准确动量。对一个量测量得越准确,对其共轭量的测量将会越不准确。前面看到,如果想把粒子约束到空间的一个点上,就势必会导致粒子的动量有无穷大的不确定性。那么,什么是"共轭量"呢?在量子力学中,从数学上讲,就是满足

$$[\hat{A}, \hat{B}] = \hat{A}\hat{B} - \hat{B}\hat{A} = i\hbar$$

关系的一对 元和 6 算符,它们就是共轭量。除了已经讨论到的位置和动量是共轭量,能量和时间、角动量和位相也分别是共轭量。 实际上,罗伯逊正是根据这个关系式,加上施瓦茨不等式,导出了测不准关系式的。字面上,"共轭"的本意是:两头牛背上的

事物都是彼此制约,互相限制的,至相限制的,不准关系反映了自然界的这个本质。 互相限制的共轭量有位置和动量,能量和时间等。 架子称为轭,轭使两头牛同步行走。共轭即为按一定的规律相配的一对(在物理中一般描述的是以某轴为对称的两个物体)。可见,共轭是说两个对象之间具有某种对应关系,通过对其中一个对象的性质的了解,可以根据这种对应性来了解另一个对象的性质。量子力学中共轭量所具有的重要性质就是满足测不准关系。

测不准关系可以有最一般的表述,就是对任意两个不对易的力学量A和B,可以有如下一般意义下的测不准关系式(A和B必须是共轭量):

$\Delta A \cdot \Delta B \ge \frac{1}{2} [[A, B]]$

对测不准关系物理意义上的解释,并不简单。测不准关系中的所谓"不确定度"到底是指对单个微观过程进行测量的可能误差呢?还是指在相同条件下进行多次测量的统计偏差呢?这一直存在不同的意见。认为是"单次测量的不确定度"的解释称为测不准关系的非统计解释 海森伯就把单次测量中的不确定量说成是测量值的精确度或精度,而通常又把精确度当作实验误差来理解。从20世纪50年代开始,经过马杰诺等人的努力,越来越多的人开始认为应该在多次测量的统计意义上解释测不准关系 因此,这也称为测不准关系的统计解释。这时,"不确定度"指的是多次测量的统计散布。现在看来,测不准关系的统计解释这一结论可以从经受过无数次实验检验的量了力学基本原理推导出来,因此在逻辑上是可靠的。实验上没有观察到与这一结论相矛盾的情况。

测不准关系是一个不等式,它有下限而没有上限。直接利用测不准关系来求物理量的精确值有一定的困难。但是测不准关系常常可以用来定性地估计一个物理系统的基本特征。例如:在中了被发现之前,有人认为原了核是由质了和电了构成的,这种看法当然是不对的。可以利用测不准关系来判断一下电了能不能待

在原子核中: 我们知道原子核的半径小于 10^{-12} cm, 如果电子处在原子核中, 那么它的位置不确定度为 $\Delta x \leq 10^{-12}$ cm。使用测不准关系,很容易求出电子动量的不确定度,继而求出电子的能量大约应该在 20 MeV (兆电子伏特),但是实际上从原子核里面出来的电子的能量只有约 1 MeV,这与理论估计值相差几十倍。可以判断,电子并不在原子核当中。后来,中子被发现后,人们发现电子是在核衰变中产生的。

最后,关于测不准关系,牛津大学的莫里斯给我们提供了一个非常形象又很有意思的描述: 让我们想象一下,我们正准备给一个高速从我们身边飞过的物体拍照。现在来考虑两种情况。第一种情况是,我们非常神速地按下快门,从而将物体的形态在底片上定格下来。由于快门按得很快,可以想象我们应该能够非常清楚地在照片上看到物体的形象。但是,这种情况下我们将无法从照片上看出物体是如何在空中运动的,我们甚至只能猜测,物体像是静止在空中一样。另一种情况是,我们不紧不慢地以较慢的速度按下快门,那么这样拍出的照片中,我们将无法非常清楚地分辨出物体的具体形态,但是模糊的物体的像却可以展示出物体的运动情况。总而言之,如果我们想看清楚高速飞行的物体,那就将无法看清楚物体的运动情况; 反之,如果我们想知道物体的运动情况,那就将难以看清物体的形态。

4.7 爱因斯坦与玻尔的争论

量了力学建立以后,对于量了力学的物理解释和哲学意义,一直存在着严重的分歧和激烈的讨论。许多著名的理论物理学家、实验物理学家,甚至数学家和哲学家等都卷入了这场争论。争论是非常深刻和广泛的,这在科学史上是很罕见的。这其中,爱因斯坦和玻尔在量了理论上的争论(图 4.7)非常有名,这不仅仅

是因为爱因斯坦和玻尔都是20世纪最具代表性的物理学家,还 因为他们关于量子力学的本质问题的争论具有根本意义上的重要 性。所以,我们花,节不长的篇幅来简单介绍,下这场争论。我 们不想也不可能将这场争论的细节叙述得非常清楚, 如果各位有 兴趣, 有大量关于这场争论的论文和书籍可供参考。

在爱因斯坦和玻尔的争论中,玻尔可以"被判获胜",这是 因为爱因斯坦最终也没有能够指出量了理论中哪里有决定性的失 误。不管怎样, 爱因斯坦终生也没有消除他对量子理论的不信任 感。爱因斯坦承认,量子理论的确在某种程度上正确地表现出了 自然现象, 但是他认为, 量子理论是不完整的, 它还不能算是最 终的理论。这与以玻尔为首的哥本哈根学派所认为的"量子力学 是完备的理论"相左。

爱因斯坦始终 也没有能够指出量 子论中哪里有决 定性的失误、因而 这场争论玻尔可以 "被判获胜"。但是, 爱因斯坦终生也没 有消除他对量子理 论的不信任感



爱因斯坦:"我相信上帝不扔骰子的"; 玻尔:"不要告诉上帝该去做什么"

虽然爱因斯坦和玻尔的争论非常著名,可惜的是,并没有原 始的官方资料保存下来,对当时情景的回顾只能依靠一些当事人 的回忆和信件, 当然也有玻尔本人在 1949 年为庆祝爱因斯坦 70 岁生日所写的文章等。海森伯在1967年回忆到:(开会期间)我 们一般在旅馆用早餐的时候见面,这时爱因斯坦就会描绘一个思 想实验,用来说明哥本哈根学派解释中的矛盾。然后爱因斯坦、 玻尔和我便会走向会场,我就可以聆听这两个哲学态度迥异的人

一直到爱因斯 坦去世,玻尔也没 有能够说服爱因 斯坦相信量子力学 的解释是正确和完 备的 的讨论。会议中间,尤其是会间休息的时候,我们这些年轻人——大多数时候是我和泡利——就会试着分析爱因斯坦的实验。吃午饭的时候,又在玻尔和哥本哈根学派的人之间讨论。一般来说,玻尔在傍晚的时候就心里有数了。他会在晚餐的时候分析给爱因斯坦听,爱因斯坦对这些分析提不出反驳,但是在他心里是不服气的。

本节我们只讨论爱因斯坦和玻尔在三个方面比较著名的争论, 主要涉及"量子力学的解释""测不准关系"和"量子力学的完 备性"三个方面。

1926年9月,薛定谔应玻尔之邀,访问了哥本哈根并介绍了他的波动力学。薛定谔提出应该放弃量了跃迁的概念,而代之以三维空间的波来描述微观客体的行为。薛定谔的这一想法一提出来,立即遭到玻尔的强烈反对。这一争论也被看作是爱因斯坦和玻尔争论的序幕。

在介绍爱因斯坦和玻尔有量子力学的解释方面的争论之前, 我们有必要简单总结一下玻尔学派和爱因斯坦的基本观点。

以玻尔为代表的哥本哈根学派的主要观点包括以下几点。 ①波函数的几率解释。说明在微观领域,经典力学的决定性和因果律都遭到了破坏,量了力学的几率性是本质的。②测不准关系。 电子坐标和动量、能量和时间等正则共轭物理量不能同时被准确确定,要遵从测不准关系。海森伯认为,这种不确定性正是量了力学中出现统计关系的根本原因。③玻尔的互补原理:(波和粒子)无论是哪一种图像都不能向我们提供微观客体的完整描述,只有把这两种图像结合起来、相互补充,才能提供微观客体的完整描述。 ④量子跃迁是量子力学的基本概念。另一方面,爱因斯坦、萨定谔等人的观点主要是:①坚持"完全的因果性"的信念;②质疑"量子力学仅可建立在可观察量的基础上",提出了"是理论决定我们能够观察到的东西"的观点。

4.7.1 爱因斯坦和玻尔在量子力学的解释方面的争论

1927年10月,在比利时首都布鲁塞尔召开了第五次索尔维会议。会议主题是"电子和光子" 玻恩和海森伯在作关于矩阵力学的报告时指出:"我们主张量子力学是一种完备的理论,它的基本物理假说和数学假说是不能进一步被修改的。"这番话无疑是向不同意见提出了挑战。接着玻尔也再次阐述了他的"互补原理"。由于爱因斯坦一直对量子力学的统计解释感到不满,他曾在1926年12月给玻恩与信时说:"上帝不是在掷骰子"。在会议上,当玻恩问到爱因斯坦的意见时,爱因斯坦表示赞同量子力学的系综几率解释,但不赞成把量子力学看成是单个过程的完备理论的观点。爱因斯坦的发言掀起了波浪,也从此引发了他和玻尔之间就量子力学解释问题的公开争论。

爱因斯坦和薛定谔等人都不赞成把物理学建立有不确定的统计解释和测不准关系之上。爱因斯坦尤其对量了力学中的几率解释很不满意。我们来看看爱因斯坦对这两个极重要的实验的看法,以及玻尔是如何反应的。

(1)一个电子通过一个小孔(或一个小缝)的衍射实验: 爱因斯坦首先指出了当时的两种观点,第一种认为电子是一团电子云(薛定谔的说法),第二种认为电子并不扩散到空中,但是业是它的几率波。爱因斯坦承认第二种观点比第一种更加完备,因为它整个地包含了第一种的观点。但是爱因斯坦还是反对第二种观点。因为这里面的随机性会使同一个过程产生许多不同的结果,这样感应屏上的许多区域都要同时对电子的观测作出反应。这种情况的背后隐含着一种超距作用,这是违背相对论的。显然,爱因斯坦对此是不能容忍的。玻尔在经过认真思考之后指出,不能避免在测量时仪器对电子有不可控制的相互作用,即电子与小孔边沿的相互作用。 爱因斯坦对波 函数的几率解释不 满,也对测不准关 系很不满意。 (2)类似托马斯·杨的双缝干涉实验(图 3.16):在实验中控制电子枪计它一个一个很慢地发射电子,感应屏上就会出现一个一个的亮点,从而可以测量电子们的位置。爱因斯坦说,如果分别关闭两条缝中的一条,就可以判断电子是通过了哪一条缝,从而测出电子的准确路径。由于干涉条纹可以用来计算电子波的波长,从而可以精确地得出电子的动量,这样就否定了测不准关系(因为位置和动量被同时精确确定了)。玻尔在经过认真思考后说,如果关闭两条狭缝中的任何一条,实验状态就完全改变了,双缝开启时出现的干涉现象就不会出现,实验将回到单缝状态。也就是说,电子的行为依赖于壁上有没有存在另外一条狭缝。

爱因斯坦并没有因为自己的质疑被玻尔化解而改变自己的看法,他曾经说过一句充分表达他内心信念的名言:"你相信掷骰子,我却相信客观存在的世界中的完备定律和秩序。"

顺便来看一下历史上著名的第五届索尔维会议,是很有意思的(这次会议从1927年10月24日开到29日,为期6天)。请大家看一下会议所留下的这张照片(图4.8),这是物理学史上至今最伟大的照片,它显然就是"物理学家全则星的梦之队"。这张照片使后人感到十分的惊奇,历史是如何能够在这么短的时

这张照片使后 人感到十分的惊奇, 他是物理学史上至 今最伟大的照片 这么多的物理学大 师同时都在里面



图 4.8 第五届索尔维会议参加者

间(6天)、这么小的会议规模(20~30人)以及这么小的一个地方同时聚集了这么多的物理学权威。当然世界上没有尽善尽美的东西,有一点遗憾的是索末菲和约尔当没有在照片中。

4.7.2 在测不准关系上的争论

爱因斯坦认识到,量子理论方兴未艾,已经枝繁叶茂。与玻 尔在细节上争执,已经没有什么意义。再说,玻尔的背后还有海 森伯、泡利等一帮弟子,他们都已经成长为独当一面的"宗师"。 所以,爱因斯坦必须在量子理论的精髓和要害部位提出质疑,这 个要害就是测不准关系。爱因斯坦除了对量子力学的几率解释不 满之外, 对测不准关系也很不满意。他认为这是由于量子力学主 要的描述方式不完备造成的, 所以只能得出不确定的结果。在 1930年10月的第六届索尔维会议上、爱因斯坦提出了一个后来 被称为"爱因斯坦光子箱"的理想实验、光子箱如图 4.9 所示。 情况是这样的: 想象有一个不透明的箱子, 内有一些光子。将箱 了悬挂在一个固定的底座上。箱壁上开一个小孔, 并设有用订时 装置控制的快门。箱子下面挂一个重物 G,整个箱子的重量可以 由装在箱子外面的指针测定。现在,如果从快门打开到闭合的很 短时间 Δt 里,只让一个光子飞出, Δt 可通过计时装置精确地测 定。由于飞出一个光子而引起的整个箱子的质量改变 Am 也可精 确测定,则由质能关系式 $E=mc^2$ 即可计算由能量的变化 ΔE ,这 样 Δt 和 ΔE 就可以同时被精确地测定了。这样,测不准关系不 再成立。

听了爱因斯坦"光子箱"的发言,据说当时玻尔"面色苍白, 呆若木鸡"(多数书籍都这样引述)。爱因斯坦的这一招当然于 净漂亮,直中要害,玻尔一时也想不出什么反击的方法。面对这 一严重挑战,玻尔经过一个不眠之夜的思考,终于找到了爱因斯

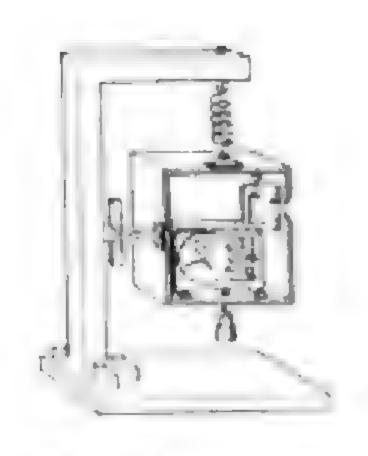


图 4.9 光子箱理想实验

坦的疏漏之处,第二天玻尔就做了一个漂亮的回答。玻尔指出,如果一个光子跑了,箱子的重量就轻了 Δm 。重量是用弹簧秤来测量的,那么当光子跑了的时候箱子必将沿重力方向发生运动。这时,由于箱子在重力场中发生了位置变化,箱子内的钟的快慢也将因广义相对论的红移效应而发生改变 Δt ,从而使时间的测量产生一个不确定量。玻尔由此得出结论:用这种仪器作为精确测定光子能量的工具,将不能控制光子逸出的时间。玻尔由此漂亮地导出了 $\Delta t \cdot \Delta E > h$ 的测不准关系式。就这样,爱因斯坦精心设计的"光子箱"理想实验,不但没有难倒玻尔,反而成了测不准关系的一个绝好例证。这也正是我们讨论爱因斯坦和玻尔争论的重要意义之所在。爱因斯坦也承认玻尔的结论无可指责。

4.7.3 关于量子力学完备性的争论

争论还在继续。爱因斯坦精通物理,老谋深算,屡出奇招, 心要扳倒以儿率论为基础的量了力学,因为这种建立在不确定 性之上的自然科学理论令爱因斯坦十分反感。爱因斯坦本人就是 量子理论的开山鼻祖,他对量了理论了如指掌,比任何人都清楚 这其中的虚实深浅。爱因斯坦还认为量了力学的逻辑和假设是诡 异的、充斥着一般人难以理解的东西。

在这里,我们来看看爱因斯坦为了扳倒量了理论而展开的最后一次重要的"攻击",也就是著名的"EPR(Einstein-Podolsky-Rosen)悖论"。第六届索尔维会议之后,爱因斯坦承认了海森伯的测不准关系和量了力学理论在逻辑上的自治性,但是仍然坚持认为量子力学是不完备的。1935年5月爱因斯坦和美国物理学家波多尔斯基、罗森合作发表了题为《能认为量子力学对物理实在的描述是完备的吗?》的论文,对量子力学完备性提出了有力的反驳,即"EPR悖论"。爱因斯坦等人认为:量子力学的波函数只能描述多粒子组成的体系(系综)的性质,而不能准确地描述单个体系(如粒子)的某些性质;但是一个完备的理论应当要能描述物理实在(包括单个体系)的每个要素的性质,所以不能认为量子力学理论描述是完备的。我们将在6.1~6.3节中非常认真地讨论"EPR悖论",所以不在这里作详细的讨论。

玻尔对 EPR 悖论的应答: 玻尔认为,不可能以毫不含糊的方式来确定 EPR 所指的那些物理量,因为物理量本身就同测量条件和方法紧密联系着,确定物理量的这些条件使 EPR 所做的关于"实在"的定义在本质上含糊不清。玻尔认为,任何量子力学测量结果的报道给我们的不是关于客体的状态,而是关于这个客体浸没在其中的整个实验场合。这个整体性特点,就保证了量了力学描述的完备性。玻尔的这些应答对我们一般的读者来说显然有点"含糊"和不明确,笔者也无意在这里作更多的解释。在第6章,我们将会看到,由于贝尔不等式的提出,"EPR 悖论"将可以面临定量的检验。这种能够量化的做法或现象是物理学家们非常乐于看到的。

EPR悖论其实并不是什么悖论,它仅仅表明了在"经典实在观"看来,量了理论是不完备的。但是在玻尔的那种"量了实在观"中,量了理论是非常完备和逻辑自洽的。一直到爱因斯坦去世,玻尔

也没有能够说服爱因斯坦量子力学的解释是正确和完备的,两位 科学巨人都为他们的信念奋斗了一生。当代物理学家惠勒说:"我 不知道哪里还会再出现两位更伟大的人物,在更高的合作水平上, 针对一个更深刻的论题,进行一场为时更长的对话。" 第 5 章

更多的量子力学基础

5.1 波函数坍缩

写这一节,笔者是犹豫的,生怕"扰乱"了各位的思想。但是,由于"波函数坍缩"是量子力学哥本哈根学派止统解释的"必备",所以这一节还是保留了下来。不过,这一节是完全可以跳过去的,只要你乐意。

有一个问题是,在量子力学中一旦找到一个粒子,那么它的 波函数就"坍缩"了。所谓"坍缩"指的是观察结果的唯一化过程(即由于测量而明确得到某力学量本征值中的一个)。坍缩就是缩小的意思,就是指一个原本有很多种可能的空间变成了一个只有更少可能的空间。也可以这样说,由于对系统的测量使得粒子由原来的态坍缩到对应力学量的某个本征态上。现在的问题是:这个坍缩的速度是无穷大,还是有一个过程?是什么引起了波函数坍缩?这些问题是既高深又有趣的。狄拉克认为,波函数坍缩是自然作出的选择,而海森伯却认为这是观察者选择的结果。玻尔似乎更同意狄拉克的观点。而爱因斯坦关心的是,波函数坍缩过程与相对论之间是不相容的。在1927年这次极富历史意义的第五届索尔维会议上,爱因斯坦第一次对量子力学公开发表意见。除了这些大物理学家之外,多数的物理学家认为,波函数坍缩的过程只是一种瞬时的选择过程,不需要作进一步的描述和说明。

什么引起了波 一么引起了波 一个的"问题"的 一个的"问题"的 一个的"问题"的 一个的"问题"的 一个的"可是"的 一个的"可是"的 一个的"可是"的 一个的"可是"的 一个的"可是"的

20世纪60年代之后,大家逐渐相信,波函数坍缩的过程应该是动态的(是需要时间的),而且这个过程应当是可描述的。牛津大学的彭罗斯就一直相信,波函数坍缩是一种客观的物理过程,坍缩不是瞬时的而是一个动态的过程。彭罗斯猜测,波函数的坍缩与引力有关。1986年,他基于广义相对论理论给出了一种有力的论证,说明引力介入了波函数的坍缩。彭罗斯相信,人们看待量子力学的方式可能不得不经历一次革命。同样是1986年,意大利的三位科学家也提出了一种动态的坍缩模型,称为GRW

章

(Ghlrardi-Rimini-Weber)理论。还好,彭罗斯和GRW理论都提供了进行实验检验的可能性(量子光学的范畴)。之后,还有其他的甚至更满意的理论被提出,我们不再讨论。

意识也能导致波函数的坍缩! 这在1929年就由达尔文提出 了(此达尔文是"进化论之父"达尔文的孙子)。此后,这一猜 想又为一些著名的人物所研究,包括:冯•诺依曼、伦敦、鲍厄 以及维格纳等。在诺依曼著名的《量子力学的数学基础》一书中, 清晰地提出了波函数的两类演化过程: 第一类过程是瞬时的、不 连续的坍缩过程;第二类过程是波函数的连续演化过程,它遵循 南定谔方程。同时, 诺依曼也讨论了导致波函数坍缩的可能原因。 最后他猜测, 是意识最终完成了坍缩波函数的任务。因为诺依曼 认为,量子理论是普遍有效的,它不仅适用于微观粒子,也适用 于测量仪器。于是,微观粒子的波函数由测量仪器来坍缩,测量 仪器的波函数同样需要"别人"来坍缩,而这只有意识才能最终 划缩波函数而产生确定的结果(因为观察者所意识到的测量结果 总是确定的)。为什么会在物理中遇到"意识"这样可怕的东西, 关键可能在于我们无法准确地定义一个"观测者",而罪魁祸首 是波函数要坍缩。在艾弗雷特三世的"多世界理论"中,他认为 量子力学正统解释中的波函数划缩是不必要的概念。多世界理论 中,波函数不发生坍缩。该理论否定了一个单独的经典世界的存 在, 而认为"实在"是一种包含有很多世界的实在, 它的演化是 严格决定论的。

如果波函数的坍缩速度是无穷大的(瞬时的),则量子力学中就还有一个无穷大存在。有句话说:"One infinity can explain everything"(一个无穷大可以解释一切)。笔者也认为,任何一个理论,只要里面还有无穷大的实在量,那么这样的理论就有可能还不完整。最后,波函数坍缩的概念尽管很有意思,却是一个非常深奥的问题。笔者无法清楚地向你说明波函数是如何坍缩的,

算了吧,意识 是一个太复杂是一个 问题。什么们连这 识?似乎我们连这 个名词都还不能说 清楚。

叠加性是量子 力学中"令人困惑的" 重要方面之一,薛 定谔方程本身迫使 我们承认量子态必 须处在叠加态中。 也不敢建议你对"波函数坍缩"的物理本质作深入的思考。对量 子力学的初学者来说,不应该在此停留。笔者建议,"认可它" 就可以了。

5.2 态叠加原理

态叠加原理是量子力学中一个非常重要的基本原理,它在量子力学的各个方面都会被广泛地使用到(如果你不是来读小说的话,务必掌握它)。它与4.3 节中的量子力学公设(2)一起,构成了量子力学理论和数学框架的一个重要方面。对于希望通过本节获取量子力学计算能力和技巧的同学来说,态叠加原理和量子力学的公设(2)是必须理解和牢记于心的。

量子力学中态叠加原理可以表述为:对于一般的情况,如果 ψ_1 和 ψ_2 是体系的两个可能状态(即两个本征态),那么,它们的线性叠加

$\Psi = c_1 \psi_1 + c_2 \psi_2$

也是这个体系的一个可能状态。由于萨定谔方程是线性的,这一点很容易通过薛定谔方程得到验证。

态叠加原理预示着,如果 ψ_1 和 ψ_2 描述了粒子的两个可能状态,那么当粒子处在它们的线性叠加态 Ψ 时,粒子是既处于态 ψ_1 ,又处在态 ψ_2 的。更进一步地讲,如果本征态 ψ_1 对应的本征值为 A_1 (该状态下的测量值),本征态 ψ_2 对应的本征值为 A_2 ,那么测量线性叠加态 Ψ 得到的值既有可能是 A_1 ,也有可能是 A_2 ,相应的概率之比为 $|c_1|^2$ $|c_2|^2$,因为测量线性叠加态 Ψ 得到 A_1 的几率为 $|c_1|^2$ (假设波函数已经归一化,这总是可以做到的),得到 A_2 的几率为 $|c_1|^2$ 。可见(很重要地),量子力学中这种态的叠加,会导致在叠加态下观测结果的不确定性!态叠加原理就是与测量密切联系在一起的一个基本原理。

对于更加一般的情况,态 ¥ 可能表示为许多态的线性叠加,即

$$\Psi = c_1 \psi_1 + c_2 \psi_3 + \cdots + c_n \psi_n + \cdots$$

注意,在量子力学中这些系数 $\{c_1, c_2, \cdots, c_n, \cdots\}$ 都是复数! 为什么会是复数,这可以追溯到薛定谔方程中使用的复数因子。 同样地,当粒子处在线性叠加态 Ψ 时,粒子是既部分地处于态 Ψ_1 ,又部分地处在态 Ψ_2 ,……,又部分地处在态 Ψ_n ……只有对系统进行测量之后,才知道得到的值是 A_1 ,还是 A_2 ,……还是 A_n 。

总之,体系的波函数 Ψ 应该是体系所有本征态 (ψ_1 , ψ_2 , …, ψ_n , …) 的线性组合。有一个非常清晰的例子就是氢原子中的电子波函数 (这是少数几个可以完全有解析解的例子,请见 7.4 节):

$$\varphi(r,\theta,\varphi) = \sum_{n=1}^r \sum_{i=0}^{n} \sum_{n=-r}^{n} \alpha_{n+m} R_{n,i}(r) Y_{i,n}(\theta,\varphi)$$

这个波函数的表达式中含有这么多的求和号就是为了把体系所有

的本征态都线性组合起来。值得指出的是,在这个例子里,求和 号对应于体系的本征值是分立值的时候。如果本征值是连续的, 那么求和可以进化为积分,本 的 6.1 节中就有一个使用积分号 的例子,是爱因斯坦等人提出 EPR 佯谬时用到的。

量了力学中态的叠加指的是波函数的叠加,这与经典物理中 若干波的叠加是完全不同的。经典波的叠加是某种物理实在的叠 加,而对于波函数的叠加,波函数本身并不直接对应着物理实在, 而只有它的平方才对应着一种儿率。这样的话,我们就有下面这 个重要的式子:

$$|\Psi|^{2} = (c_{1}\psi_{1} + c_{2}\psi_{2})^{2}$$

$$= |c_{1}\psi_{1}|^{2} + |c_{2}\psi_{2}|^{2} + c_{1}c_{2}\psi_{1}\psi_{2} + c_{1}c_{2}\psi_{1}\psi_{3}$$

$$= |c_{1}\psi_{1}|^{2} + |c_{2}\psi_{2}|^{2} + T \oplus \mathbb{R}$$

可以说,量子力学的复杂性就因为有上面式子中的干涉项。或者,我们也可以"高兴"地说:量子现象的丰富多彩就包含在上面那些交叉项(也即干涉项)不为零里面了!如果没有这一干涉项,这个世界将变得非常"简单",不过,将会出现一个完全不同于我们现在世界的一个"简单而又奇怪的"世界。理解态叠加原理以及很多量子力学现象的复杂性都是因为有了上式中的最后一项。

5.3 薛定谔的猫

1935年,也就是爱因斯坦等人提出"EPR悖论"的同一年, 薛定谔提出了后来称为"薛定谔的猫"的理想实验(图 5.1)。 因为这实在是太著名了,我们在此简单讨论一下。历史上,薛定 谔本人一开始并不认同他自己提出的波函数被赋予几率解释,所 以他提出这个理想实验,目的在于说明这里将出现的"死活参半" 的猫的状态是不会有人相信的,希望以此驳倒波函数的几率解释。 但是历史上,物理学界并没有因为"薛定谔的猫"的责难而动摇 对量子力学波函数几率解释的信念。



图 5.1 "薛定谔的猫"

"萨定谔的猫"的理想实验大意如下:在一个密不透光的箱子里关着一只倒霉的活猫,箱子里有一根极细的绳子吊着一个锤子,锤子下方有一个玻璃瓶,瓶内密封着毒药。细绳受到一个光子的打击就会断掉,然后锤子落下玻璃瓶必然会被打碎,毒药溢出,猫必死无疑。现在假定,光子由某种机制射入箱了(或由箱子中的辐射源发出),光子打中细绳的几率是 1/2(完全随机的)。现在来看看量子力学的正统解释是如何描述这样的一个系统的(我们会采用一种清晰简洁的叙述方式)。

在光子发射之前,锤子不会落下,所以毒药不会溢出,猫必定是活的,其状态可以用 $\Psi_{\rm H}$ 描述。当射进一个光子后,还没有把箱子打开时,描述猫的状态的波函数应该是怎么样的呢?由于光子打中细绳的几率是 1/2,这时候,猫有两种可能的状态,即猫是死的(用 $\Psi_{\rm H}$ 描述,这时光子击中绳子),或猫还活着(用 $\Psi_{\rm H}$ 描述,这时光子没有击中绳子)。或者说,猫有两个本征态 $\Psi_{\rm H}$ 和 $\Psi_{\rm H}$ 。由此,根据 4.3 节的量子力学公设(2),在箱子打开之前,体系的波函数应该是: $\Psi = \frac{1}{\sqrt{2}}\Psi_{\rm H} + \frac{1}{\sqrt{2}}\Psi_{\rm H}$,即猫的状态是既非死的也非活的,而是"死活参半"的状态,这称为"叠加态"。

薛定谔的猫 在大众中很受关 注 这只猫就像加 菲猫和汤姆猫那样 出名 当箱子打开之后,猫的状态则必定是确定的,要么是活的 \mathbf{P}_{ff} ,要么是死的 \mathbf{P}_{ff} 。可见,这里有一个非常诡异的又死又活或非死非活的猫出现,这是非常难以直观理解的(也是我们下面要认真讨论的)。实际上,哥本哈根学派解释告诉我们,上面描述的系统有三个定态,即:①光子发射之前猫处于定态 \mathbf{P}_{ff} ; ②光子发射之后但还没有打开箱子时, $\mathbf{P} = \frac{1}{\sqrt{2}}\mathbf{P}_{\mathrm{eff}}$; ③箱子被打开之后的定态 \mathbf{P}_{ff} 或者 \mathbf{P}_{ff} 。除了这三个定态之外,还有两次跃迁:①在发射光子之后,猫的状态从 \mathbf{P}_{ff} 跃迁到 $\mathbf{P} = \frac{1}{\sqrt{2}}\mathbf{P}_{\mathrm{eff}}$,这时既可能从叠加态跃迁到 \mathbf{P}_{ff} ,也可能跃迁到 \mathbf{P}_{ff} ,成时既可能从叠加态跃迁到 \mathbf{P}_{ff} ,也可能跃迁到 \mathbf{P}_{ff} ,两个跃迁的儿率都是 1/2(注意,这里的定态跃迁是没有时空过程可言的)。这就是量子力学正统解释派对"薛定谔的猫"的解释。值得指出的是,这里有一个完全的随机性 1/2,正是这个完全的随机性才使得猫处在"活的"和"死的"的"叠加态"中。这个完全的随机性才使得猫处在"活的"和"死的"的"叠加态"中。这个完全的随机性

上面所述的猫处于"既死又活"的状态是很"奇怪"的。但是,按照量子力学的哥本哈根学派的解释,量子力学只回答观测结果是什么的问题。量子力学只从观测的结果看几率问题。所以,量子力学不回答这个诡异的,又死又活的猫态的出现的问题,量子力学只回答观测的结果(死或活的问题)。在海森伯创建量子力学的第一篇论文中已经对此有明确的表述。海森伯指出,原则上,只有可观测量才可以进入物理学,不可观测量在物理学中是没有意义的、这在前面我们也讨论过了。量子力学听起来就是那么"霸道",凡是测量不出来的物理量它就可以不予"承认"。像电子在原子中的位置、运动轨迹、运动速度、加速度等这些在经典物理学当中耳熟能详的概念,在量子力学中就一概被抛弃,因为它们都是不可观测量。所以,"测量"二字在量子力学当中以及在理解量子力学的时候有非常特殊的重要性。量子力学的霸道有它

章

的道理,既然不能测量出某个物理量,那么这个物理量就可能不 是必需的(而是多余的)。综上所述,玻尔的定态跃迁假设,海 森伯的可观测量的思想以及玻恩的波函数的几率解释,三者结合 起来,使得现行的量子力学有了完整而坚实的物理基础。

现在来看"薛定谔的猫"的另一种说法。至此,一定会有人提出,在发射光子之后和打开箱子之前,猫处于"死活参半"的状态(死活是同时存在的)实在是太难以理解了,也与我们的日常经验严重地违背。著名科学家维格纳(1963年诺贝尔物理学奖获得者,图 5.2)想了一个新的办法,他说:我让一个朋友戴着防毒面具也和猫一起待在那个箱子里,我躲在门外。这样对我来说,这只猫是死是活我不知道,对我来说猫应该是既死又活着的。事后我问在箱子里那个戴着防毒面具的朋友,猫是死的还是活的?朋友肯定会回答,猫要么是死的要么是活的,不会说猫是半死不活的。由此可见,这个戴着防毒面具的朋友,他实际上对猫的状态进行了观察,所以死活的叠加态就不存在了。即使维格纳本人在门外,箱子里的波函数还是因为他朋友的观测而被触动从而坍缩了,这样也就只有活猫或死猫这两个纯态的可能(也就排除了"死活参半"的状态)。维格纳据此认为,人的意识可以

作用于外部世界,所以意识可以使体系的波函数坍缩(坍缩到某个纯态上)就不足为奇了。中国科学院朱清时院上在作科普演讲时也介绍过这样的观点。但是,什么是意识?意识如何作用于外部世界?这些问题都还不太清楚。

意识与量子力学的关系似乎到 现在还纠缠不清。之所以碰到了"意 识"这样可怕的概念(在物理科学

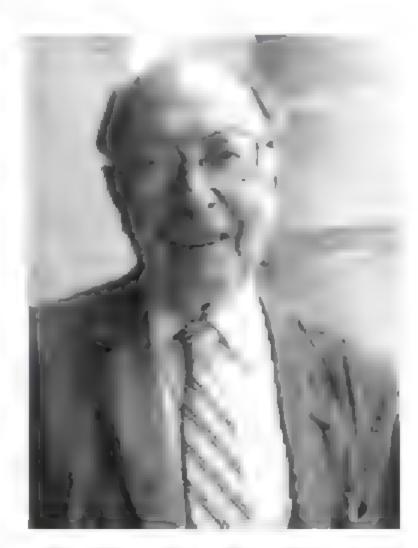


图 5.2 维格纳

请看看 5.1 节。 维格纳论证了意识 可以作用于外部世 界,使波函数塌缩。 中,这样的概念是非常可怕的,因为它不好进行定量的数学描述), 关键可能在于我们无法准确地定义什么是观测者。一个人和一个 探测器之间有什么区别,大家没有明确地搞清楚,这样自然而然 就会被"意识"这样的概念乘虚而入。除了意识带来的困境之外, 对量子理论作出全新解释的还有所谓的"多世界解释"等。虽然 这些都是严肃的以及逻辑上合理的对量子力学本质意义上的重新 思考,但是,在"1小时科普量子力学"的情况下,我们不建议 读者去深入思考这些非正统的量子力学的解释(在前面的叙述中, 我们多次指出,量子力学的正统解释是哥本哈根学派)。如果真 的对"多世界解释"和"意识"这样"高深和可能有趣的"问题 感兴趣,有非常专门的文献可供参考。

实际上,如果使用我们宏观意义上的真正的猫来做实验,那根本就不会有"既死又活"的叠加态。因为像真正的猫这样的物体,它的德布罗意波长是极短极短的。也就是说,猫根本就不会有波粒二象性,它可以被看成是一个完全的经典粒子,所以不会有量子效应。实验上的"猫态"并不是宏观意义上的猫的量子态,而是有明显波动性的微观粒子(复合粒子)的状态。我们经常说到的"当我们没有看月亮时,月亮是不是就不在那儿?"我们可以使用一样的道理来说明:月亮是一个宏观物体,它基本上就没有波动性,所以不会有量子效应。你看不看月亮,它都在那里。就像一个对于人类来说尚未被发现的星系,它是真实存在的,与你什么时候发现它没有关系。

总而言之,与我们将要看到的"EPR 悖论"(一个极为重要的悖论)不同, 萨定谔的猫的悖论还没有解决到使大家都满意的程度。

章

5.4 泡利不相容原理

1925 年,泡利提出"泡利原理",即所谓的泡利不相容原理。这个原理原来指的是在原子中不能容纳运动状态完全相同的两个或更多个电子。事实上,泡利不相容原理不仅对原子中的电子有效,它对所有的费米子(其自旋为半整数的粒子)都是有效的。也就是说,泡利不相容原理可以表述为:全同费米子体系中不可能有两个或两个以上的粒子同时处于相同的单粒子态。泡利不相容原理是我们认识许多自然现象的基础,例如,埃伦费斯特于1931年就指出,由于泡利不相容原理,在原子内部的被束缚电子不会全部掉入最低能量的原子轨道上,它们必须按照顺序占满能量越来越高的原子轨道。因此,原子会拥有一定的体积,物质也会有那么大块。

泡利是在汉堡宣布他发现了不相容原理的。如今,泡利不相容原理被公认为是原子物理学的基石之一。1925 年泡利发现这个原理时,他才 25 岁。年纪轻轻就作出了如此重大的发现,泡利自己却开玩笑地说他的发现是一个"骗局"。当然不相容原理不是一个骗局,它具有很深远的意义,它解释了元素周期表的周期规律。事实上,泡利原本就是为了说明化学元素周期律而提出泡利不相容原理的。人们知道原了中电了的状态由主量了数 n、角量子数 1、磁量子数 m,以及自旋磁量子数 m,所描述,因此泡利不相容原理早期的表述是:原子内不可能有两个或两个以上的电子具有完全相同的 4 个量子数 (n、l、m,和 m。)。后来,人们发现泡利不相容原理也适用于其他的费米了,如质了、中了等。但是玻色了不服从泡利不相容原理(玻色了即自旋为整数的粒子),示意图请见图 5.3。

泡利发现不相容原理时才25岁。 强时才25岁。 强烈不相容的不知不知不知,其不知,其不知,有时,其不知,有的,其不知,有的,其不知,有的。

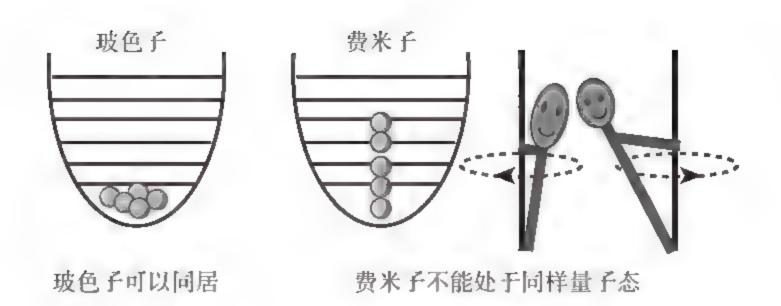


图 5.3 泡利不相容原理示意图

1940年,泡利由理论推导出粒子的自旋与统计性质之间的关系,从而证实了不相容原理是相对论性量子力学的必然结果。 1967年,戴森与雷纳给出了严格证明,他们计算了吸引力(电子与核子)与排斥力(电子与电子、核子与核子)之间的平衡,推导出了重要结果:假若不相容原理不成立,则普通物质就会坍缩,变为只占有非常微小体积的东西。

泡利是因为不相容原理以及中微子假设的提出而获得 1945 年诺贝尔物理学奖的。因此,我们在这里简单叙述一下中微子的 故事。1925 年,英国物理学家埃利斯和伍斯特精确地测量了β 衰变实验中辐射的能量,证明了β辐射谱是连续的,而且还证明 并没有出现使能量损失的任何机制。所谓的β衰变,是指一个原 了核释放一个β粒子(电子或者正电子)的过程。该衰变分为β' 衰变(释放正电子)和β'衰变(释放电子)。这里面当然还有中 微子参与,正是我们要讨论的。随着β衰变,新核在元素周期表 中的位置会向后移一位。实验表明,α射线和γ射线的能谱都是 分立的,而只有β辐射谱是连续的,这成了一个谜。最初,玻尔 甚至认为β衰变中对于每个电子的发射过程能量并不守恒,β衰 变的能量守恒只有"统计的意义"、泡利坚决不同意这个看法。 在1929年的一次会议上,泡利就公开反对玻尔的主张。1930年, 泡利明确提出:"在β衰变过程中,伴随着每一个电子有一个轮 的中性粒子一起被发射出来"。泡利认为,考虑这个中性粒子的

章

能量就可以保证每个单一过程中体系的能量守恒。这个中性粒子 被泡利称为"中子", 其实就是"中微子"。后来, 在世界放射 协会的大会上,泡利以公开信的形式(因为没有参加)更加明确 地说明了中微子的性质: 电中性、自旋为1/2、遵从不相容原理、 传播速度小 5 光速、质量非常非常小、泡利写这封公开信的时候, 正是他与妻子离婚后的一个星期,他用对中微子的思考来解脱他 的痛苦。中微子的实验验证则姗姗来迟,从预言到实验发现经过 了二十多年。1953年的下半年。当中微子终于被实验验证的消 息传来时,泡利说道:"一切好事总是找寻那些善于耐心等待的 人""好事终会降临给那些知道如何耐心等待的人"。

泡利在量子力学的发展中起到了举足轻重的作用, 而且他的 个性极其鲜明。所以,我们在这里稍稍多费些笔墨来叙述一下泡 利的生平。

泡利(图 5.4), 1900 年 4 月 25 日出生于维也纳, 但是他的 礼籍实际上是布拉格,因为泡利的礼先是布拉格著名的犹太大家 族。他的祖父和父亲都出生在布拉格,祖父是一位很有名的犹太 文学作家。由于当时社会上出现了一阵阵的反犹太思潮,泡利一 家决定举家迁往维也纳, 并将犹太大姓帕斯卡尔斯(Pascheles) 改为泡利。据说,一直到泡利 16 岁的时候他才确认自己是一名 犹太人的后裔, 而且本不姓泡利 泡利是迎着 20 世纪的到来而 来到这个世界的。泡利出生的这一年年底, 普朗克提出了划时代 的量子概念。

泡利的父亲沃尔夫是一位医学化学家,他与著名的哲学家马 赫家族的两代人都很熟悉, 因此马赫成了小泡利的教父。马赫的 思想曾经影响了20世纪的一些著名科学家,例如,爱因斯坦就 承认, 马赫对于空间和时间的探索性思考曾经刺激了他在相对论 方面的研究工作(虽然爱因斯坦最终对马赫的实证主义的观点持 批评态度)。对于像泡利这样聪明绝顶的孩子、马赫给了他很多

泡利还预言了 中微子的存在。他 得诺贝尔奖的理由 包括了不相容原理 和预言了中微子的 存在

泡利是一个神 童, 著名的哲学家 马赫是小泡利的 教父。

的激励,并帮助发展了他的智力。泡利的母亲是基督徒和犹太人的后裔, 维也纳歌剧院的著名歌唱家, 有着深厚的学养。泡利从小受到了良好的家庭教育, 他和妹妹就成长在科学、文学和艺术兼备的家庭氛围中。

泡利早熟,应该说是一个神童。他从童年时代起就受到科学的熏陶,从中学起就自修物理学。他喜欢阅读科学和哲学书籍。中学时,因为课内学业对他来说太过于轻松,泡利就把爱因斯坦的相对论放在桌底下偷偷阅读。中学毕业前,他就完成了一篇广义相对论方面的论文,而且质量非常高。18岁那年,泡利中学毕业,经过再三考虑,泡利决定离开故乡去慕尼黑投奔素末菲。他带着父亲的推荐信来到慕尼黑大学拜访著名的物理学家索末菲(泡利的父亲和索末菲是好友)。索末菲是一流的物理学家,他培养出了好几位世界级的科学家。泡利要求不上大学而直接读索末菲的研究生,索末菲对这位少年奇才早有耳间,所以当时并没有拒绝。不久,索末菲便认识到泡利的突出天赋,于是泡利就成为慕尼黑大学最年轻的研究生(多么有弹性的制度!)。

泡利来到慕尼黑的第二年,就接连发表了两三篇论文。读博期间,泡利替索末菲为德国《数学科学百科全书》撰写了相对论部分。后来,泡利以此为基础完成了一部长达237页的广义相对论书稿,并于1921年间世。此书得到了爱因斯坦的高度评价:"这部书稿竟然出自一个年仅21岁的青年之手。"这本书的出版至今已近百年,期间曾多次再版。泡利的博士论文讨论的是氢分子系统的结合能,他为此做了一系列复杂的计算。他的博士论文不仅有严密的物理逻辑,高质量的数学推导还有对结果的精密分析。泡利凭此论文可以顺利地拿到博士学位。不过,因为德国的学校有规定,他不得不"坐等"六个学期,才能拿到博士学位。

完成博上期间的学习后,1921年10月,泡利离开慕尼黑来到哥廷根,担任玻恩的研究助理。泡利的到来让玻恩非常兴奋。

玻恩曾经试探着向索末菲要过泡利,但是索末菲不放,原因是泡利必须在慕尼黑完成博士学位。当了玻恩 6 个月的助手之后,泡利决定接受玻尔的邀请前往哥本哈根。1922 年秋,泡利来到哥本哈根。后来的事实证明,这一年的哥本哈根之行,为泡利的事业开辟了新的天地。泡利除了协助玻尔之外,也开始了自己的研究,特别值得一提的是,他试图去解释"反常塞曼效应",而使自己陷入了泥潭。1923 年,泡利结束了一年的哥本哈根访问,被汉堡大学晋升为"无薪大学讲师"(这并非没有收入,只是薪金来自学生的学费)。此时,他才 23 岁。这一时期,泡利还在努力寻找"反常塞曼效应"的谜底。1925 年,泡利提出著名的不相容原理(更多细节可参考前面的段落,不再给予细述)。

1937-1938年, 第二次世界大战蔓延。1938年11月9、10 日两天, 德国纳粹开始对德国境内的犹太居民实行大清洗, 这就 是著名的"黑衫行动"。德国的物理杂志甚至也被纳粹控制、只 收录纯雅利安作者的文章。所以,泡利回德国是不可能了。此时, 泡利正在瑞士的苏黎世,此处紧邻德国,也开始了一阵阵的反犹 宣传。泡利和太太申请加入瑞上国籍的申请遭到拒绝,这更加使 泡利意识到危险正在逐步地逼近。当时,泡利正好接到美国普林 斯顿高级研究所的邀请, 所以他决定离开苏黎世前往美国。由于 战争的缘故,泡利夫妇前往美国的旅途也是一波三折(在此不予 细述)。在美国,泡利则受到广泛的欢迎,很多著名的大学邀请 他去讲学,他也举办了多场讲座。但是,因为泡利只是访问教授 的身份, 所以没有固定的职位和收入。1940年之后, 泡利只能 依靠洛克菲勒基金会的补助生活,每年只有5000美元。尽管泡 利在美国取得了不少研究成果,但是研究经费的问题一直困扰着 他。1943年,洛克菲勒基金会的补助更是减少到了每年3000美元。 到了1945年、普林斯顿高级研究所想给他一个工资丰厚的全职 教授职位,却附加了一个约定,即泡利必须成为美国公民才能获

得这个职位。对此,泡利说道:"难道祖国也像女人一样,一个人不能拥有两个吗?多一个、少一个又有什么影响呢?是不是我不能有这个奢望呢?我真的是不懂了。"(泡利作为对量子力学有非常重要贡献的人物,人们好像不该在钱的问题上这样对待泡利。)很快,到了1945年的11月,一个振奋人心的消息从斯德哥尔摩传来,泡利获得1945年度的诺贝尔物理学奖。年底,在泡利获奖的庆祝会上,高级研究所的主任宣布,泡利被指定为该研究所的新成员,而且希望用不了几个星期的时间,泡利和夫人就可以成为美国公民。

泡利在学问上无疑是博学而严谨的,只是生活上语言尖锐、"为人刻薄",但是这并不影响他在同时代物理学家心中的地位。 20 世纪初叶是一个人才辈出、群雄并起的年代,是物理学史上 最辉煌的年代。即便如此,泡利仍然可以被视为这一时代空中最 耀眼的巨星之一。

由于泡利的个性极其鲜明,所以留下了很多有趣的"故事",有些是值得思考的轶事、应该说,泡利为人非常坦率,常把礼节和礼貌抛到一边,为此他往往被人视为咄咄逼人。在这里,我们试图给出一些关于泡利的故事。

(1)在学术界,泡利以尖锐的目光、严苛的批评、奇特的视角,以及准确的判断而著称。所以,埃伦费斯特给他起了一个绰号叫"上帝的鞭子",意为泡利差不多对所有人都提出过批评。虽然泡利常常批评别人的工作"连错误都谈不上"(not even wrong),但是他仍然得到了普遍的尊敬,玻尔就称他"有颗公正的物理良心"。泡利确实对几乎所有人都有过批评,但是这当中也有一个人是例外的,那就是索未菲(图 5.4)。泡利在索末菲面前总是毕恭毕敬,斯文谨慎。可以说,泡利一辈子唯独没有批评过的人就是他的恩师索末菲。

泡利发现了不相容原理。生活中的泡利,也是与他人"不相容的"。 不过,相容可理解为的理解的人。 一种人性人性。 一种人性人性。 一种人性人性。 一种人性,我们可以解明了。

第5



图 5.4 索末菲(左)和泡利(右)在一起

- (2)海森伯提出矩阵力学的初期,玻恩曾经有意与泡利合作来研究这个矩阵问题。但是泡利对此持强烈的怀疑态度,他竟然以他特有的尖刻语气对玻恩说:"我就知道你喜欢那种冗长和复杂的形式主义,但你那一文不值的数学只会损害海森伯的物理思想。"玻恩是泡利的导师,而泡利的性格就是这样的,玻恩是充分理解的。有趣的是,泡利在证明新理论的结果与氢原子的光谱符合得很好时,竟然就动用了极其"冗长和复杂"的数学。
- (3)泡利发现了著名的"不相容原理"。有人说,生活中的泡利也是与他人"不相容的"。坊间甚至还流传着一个所谓的"泡利效应"(这可不是什么正规的物理效应),那就是:"只要泡利一进实验室,实验室的仪器设备一定非出毛病不可。"有两则关于"泡利效应"的笑话不妨在这里简单叙述一下。第一则笑话是,因为有泡利效应,大名鼎鼎的实验物理学家施特恩一看到泡利要来,就会关上实验室的大门。即便有问题要讨论,他们也是隔着实验室的门进行。另一则笑话是,欧洲某著名的实验物理学家正在做实验,突然实验数据毫无理由地出现异常(如剧烈抖动),对此查不出任何原因。后来才发现,原来是那天泡利坐火

车从镇上经过。

(4)从学生时代起就成为泡利好友的海森伯说,他和泡利一起散步时所学到的物理知识,比从索末菲讲座中学到的还要多。海森伯虽然取得了无与伦比的成就,但是他声称,论文不拿给泡利看他从来不会拿去发表一些不论是年轻还是资深的物理学家,也往往这样做。这是因为泡利总是能够敏锐地指出论文中的错误思想。在泡利的学生中也流传着这样一种说法,那就是他们可以问任何问题,而不必担心问题太愚蠢,因为任何问题对泡利来说都是愚蠢的。当然,泡利毕竟是人而不是神。泡利也有数次对本有相当可取之处的想法提出了批评,在一定程度上阻碍了相关研究的进展。例如,他拒绝接受克罗尼格提出的电子自旋的概念,导致克罗尼格痛失自旋的优先发现权甚至丢掉了诺贝尔奖,这无疑是件遗憾的事。

最后,从网络上摘抄几句(这不是笔者的杜撰),用来说明 泡利是如何"为人刻薄"的:

> 从不批评 = 极为敬重 偶尔批评 = 比较敬重 偶尔表扬 = 有点敬重 狠狠批评 = 正常朋友

5.5 量子隧道效应

量子隧道效应是量子力学中的一个"特殊"效应,它在经典力学中并没有相应的对应效应。考虑如图 5.5 所示的一个方形势垒,按照经典力学的观点,如果粒子的能量小于势垒的高度(指所对应的能量),那么粒子将不能进入势垒,将全部被反弹回去。反之,如果粒子的能量高于势垒,则粒子将完全穿过势垒。经典力学的这个结论来自经典的物质观:即粒子就是粒子,不具波动性。但

是,从量子力学的观点来看,粒子是有波动性的,所以有可能会 有部分波(几率波)可以穿过势垒,有部分波则被反射回去。根 据波函数的儿率解释,我们就会得到结论:粒子会有一部分几率 穿过势垒, 也有一定几率被反射回去。这种粒子能够穿过比它动 能更高的势垒的现象,就称为量子隧道效应(简称隧道效应或隧 穿效应)。

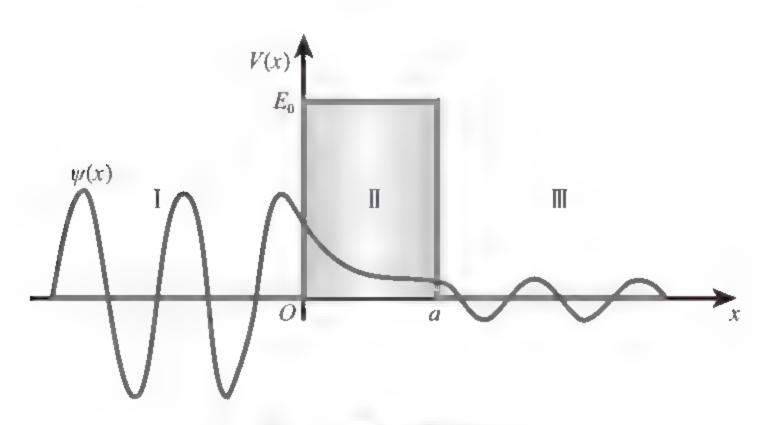


图 5.5 量子隧道效应

现在,量子隧道效应已经是理解许多自然现象的基础。隧道 效应相比其他一些量了效应来说是比较容易理解的。从测不准关 系我们已知,时间和能量是一对共轭量。所以在很短的时间中(即 时间很确定),能量可以很不确定,这就存在粒子能量大于势垒 高度的情况,从而使一个粒子看起来像是从"隧道"中穿过了势垒。

1957年, 江崎玲於奈在改良高频品体管的时候发现, 增加 pn 结两端的电压时电流反而减小(与欧姆定律的预言相反)。 江 崎把这种反常的负阻现象解释为隧道效应。江崎由此发明了隧道 二极管(即江崎二极管),可以用作低噪声的放大器、振荡器或 高速开关器件,频率可达毫米波段。江崎因此于1973年获得了 诺贝尔物理学奖。

在两层金属之间夹一层很薄的绝缘层,就可以构成一个电子 的隧道结。电子穿过绝缘层, 便是隧道效应。隧道效应有很多应

即使势垒的高 度大于粒子的能量。 微观粒子也能够以 一定的概率穿越势 道效应"。在经典 力学里, 这是不可 能发生的。

選穿效应不仅 解释了很多物理现象,也确实有许多 重要的应用:包括 隧道二极管和扫描 隧道显微镜等。

用,而且大多是很重要的应用。获得 1986 年诺贝尔物理学奖的 扫描隧道显微镜(STM)就是基于隧道效应的,STM 现在已经 是电子和原子结构分析必不可少的工具。

隧道效应是粒子的波动性引起的,只有在非常特定的情况 下,这种效应才会显著。量子力学的推导表明,粒子的透射系数 与势垒的宽度、势垒的高度、粒子能量与势垒高度的差, 以及粒 子的质量都有非常敏感的依赖关系。所以在宏观实验中,很不容 易观测到粒子隧穿势垒的现象。让我们来看以下几种特征情况 下的透射率: 设电子的动能为1 eV, 势垒高度为2 eV, 势垒宽度 为 2 埃, 那么透射系数约为 0.51; 如果我们把势垒宽度增加到 5 埃,则透射系数会减到约0.024(可以看到透射的可能性迅速 减小);如果我们把电子换成质子,由于质子的质量大约是电子 质量的 1840 倍,如果势垒宽度仍为 2 埃,这时质子的透射系数 约为2.6×10⁻³⁸。可见、质子的隧穿儿率差不多是零。笔者曾经 听到来自学生的一种说法,认为一个人只要坚持不懈地撞墙,总 归会有一次可从墙中隧穿过去。这是一种没有数量级概念的说法。 对于人和墙这样的宏观物体来说,量了隧穿的几率从数量级上说 就是零。如果你坚持认为,极小的几率也是一种几率的话,那么 我们可以这样来看:从宇宙诞生之时起人就开始不断地撞墙,一 直撞到现在宇宙的年龄已经是 140 亿年了, 那么还是极不可能隧 穿的(几率仍然是极小的)。人的德布罗意波长与墙的厚度比起来, 实在是太太太微不足道了, 所以每一次撞墙, 一个人能够隧穿过 墙的几率都是无穷小的。

5.6 1小时可以大致科普量子力学吗?

假设从翻开这本书并以读小说的速度读到这里, 差不多半小时过去了。现在来看看我们能否大致实现"1小时科普量子力学"

的目标?

为了简洁起见, 假如非得用三句话来概括普通量子力学最主 要的内容, 那大致会是(如果有不同意见, 可以重喷):

- (1) 描述一个系统的基本量是波函数 ψ ;
- (2) 波函数 w 满足薛定谔方程(或狄拉克方程): $i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial x}=\hat{H}\psi$.
- (3) 任一力学量对应一个算符,它的平均值是

如果我们能在30分钟内大致科普清楚这三句话,那么笔者 就可以争辩道:我们已大致科普了量子力学最主要的内容了。当 然,这三句话可以延伸出来的问题是非常多的,内容也是非常深 刻的。所以,希望各位可以在1小时之外,继续认真阅读本书的 其他部分。

关于第一句话,即"波函数是体系的基本量"。实际上,在 4.4节的"薛定谔方程", 4.5节的"波函数的几率解释"以及书 中的多处地方,我们都讨论到了波函数的根本重要性(希望读者 去复习一下这些内容)。在这里,我们再来说明一下什么是"基 本量"? 所谓波函数是基本量,即意味着对于一个量了系统来说, ·旦其波函数确定了,那么体系的所有性质就都确定了,或者说 所有的物理量都可以从这个基本量导出(假设数学足够好)。至 于为什么波函数是体系的基本量,则是由薛定谔方程的提出和玻 恩对波函数的几率解释决定的。

关于第二句话,可以使用非常简洁的一个句子来说明:它就 是量子力学的第四个基本假设(参见4.3 节)。没有人可以严格 推导出薛定谔方程,虽然薛定谔提出该方程时类比了经典的哈密 顿一雅可比理论,但是薛定谔方程显然不是从经典理论推导出来的。 波函数 ψ 满足薛定谔方程就是薛定谔提出的波动力学的中心点,

1小时很可能 对阅读本书会显得 不够、但是希望"1 小时科普量子力学" 的说法能够给你信 心, 也希望你能抓 住量子力学中最精 华的部分。

是个基本假设。

在第三句话中,第一个问题是为什么一个力学量要用一个算符来对应?这个问题的简单回答是:这就是量子力学的第一个基本假设。显然使用算符是量子力学数学框架的一个重要特点,它与量子力学中两个非常重要的概念"测量"和"本征值问题"关系密切。第三句话中的第二个问题是力学量的平均值为什么要写成这样的形式?其实这个形式就是量子力学的第三个基本假设。由于量子力学中测量结果在真正意义上的随机性,也导致了力学量只有平均值的结果,这也最终决定了平均值求解的上述形式。数学上讲,只要先求出描述体系的波函数 ψ,再进行上式的积分就可以了。所以,运用量子力学的数学框架并不是复杂的东西。

实际上,笔者在这一节里主要是科普量子力学的数学框架。量子力学的内容要比刚刚给出的内容多得多,所以说,阅读本书的时间从1小时至1个月都是合适的。

是非常困难的。③求力学量平均值会遇到复杂的积分。④计算结

量子力学大致可以分为两个方面:一方面是一整套怎样进行

计算的数学方法(即数学框架);另一方面是如何把计算结果同经验事实对应起来,并理解其中的物理。即便你不能理解量子力学,相信掌握这个数学框架应该是容易的。实际工作中,使用量子力学解决问题的难点主要在于:①体系的哈密顿量如何写出。例如,解释传统超导的BCS(Bardeen-Cooper-Schrieffer)哈密顿量可以说是一个得了诺贝尔奖的哈密顿量,它蕴含着丰富的物理内容。②薛定谔方程如何求解?或者说,哈密顿量如何对角化,这经常

果与实验事实的对应。

"1小时科普 量子"。"1小时科 一步"。"当然是"。 一步的一步,一步的基础。 一步的基础。 一步的基础。 一步的基础。 一步的基础。 一步的基础。 一步的一步的。 第6章

非定域性和量子纠缠

所谓物理规律的定域性,指的是不能超越时空来瞬间地作用和传播,也就是说,不能有超距作用的因果关系。在某段时间里,所有的因果关系都必须维持在一个特定的区域内。任何信息都不能以超过光速这个上限来传送(这是相对论的要求)。但是,在本章我们将会看到量子力学是非定域的理论,这一点已经被"违背贝尔不等式"的许多实验结果所证实。量子纠缠指的就是两个或多个量子系统之间的非定域非经典的关联。量子隐形传态不仅在物理学领域具有重要意义,在量子通信领域也起着关键作用。

6.1 EPR 悖论

EPR 悖论(Einstein-Podolsky-Rosen paradox)是爱因斯坦和 他在普林斯顿高等研究院的同事波多尔斯基和罗森一起为论证量 子力学的不完备性而提出的,现有通常称为EPR 悖论(或佯谬)。 由于这个悖论有着非常重要的物理意义,我们在此作相对认真的 讨论。遇到数学上的困难,跳过就可以了。1935年,爱因斯坦 (Einstein)、波多尔斯基(Podolsky)和罗森(Rosen)(在现在 的文献中均被简称为 EPR)发表了一篇题为《能认为量子力学对 物理实在的描述是完备的吗?》的论文。这是一篇具有特殊意义 的重要论文,在量子力学的发展史上有重要地位。笔者认为,它 是写量子力学书籍时无法跳过的内容, 在此我们将尽量通俗的介 绍 对这篇文章以及由此导出的许多发展的理解将很大地影响我 们对量子力学的一个非常重要的方面,即非定域性的理解。这一 悖论涉及如何理解"微观物理实在"的问题, 在物理学界和哲学 界都引起了一些争论。但是, 笔者更多地认为, 这方面的争论已 经不那么重要了。相反, EPR 悖论中的"幽灵"却越来越可爱了, 它开始深刻地影响着我们生活的宏观世界, 让我们越来越感到量 了理论的巨大潜力和实用性。我们将会看到,有一些将会深刻影

响人类社会的领域,例如量子通信、量子计算和量子密码等,就 源 F EPR 悖论中所引申出来的"量子纠缠"(图 6.1)这个概念。 量子纠缠及其应用将有不可限量的前途和"钱途"。

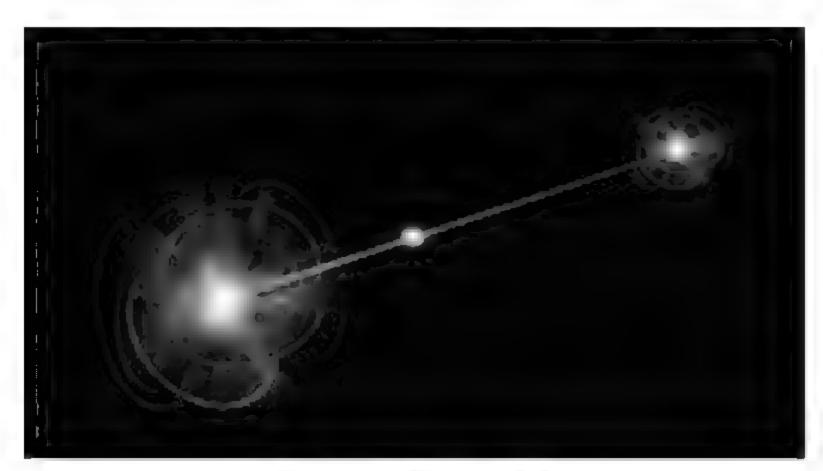


图 6.1 量子纠缠示意图

1935 年爱因斯 坦等人 (EPR) 的这 篇重要论文, 不经 意间打开了通往神 秘的量子纠缠世界 的大门

对 EPR 论述的理解需要比较深奥的物理知识, 所以, 如果 理解本节有困难,请跳到下一节中去阅读博姆(David Bohm,曾 译为玻姆)对"量子纠缠"的论述,那是相当容易理解的。EPR 论述的过程大致是这样:有一个一维的系统由粒子1和粒子2组 成。对于单个粒子而言, 坐标 x_1 (或 x_2)和其动量 p_1 (或 p_2)之 间是不对易的。但是可以证明,两个粒子的坐标之差 x1-x2 与两 粒子的动量之和 p_1+p_2 之间却是对易的、既然是对易的,那么总 可以找到这两个算符的共同本征函数(这是算符对易所带来的 "好处")。假设波函数 Ψ(下面会给出具体的明确形式)是算 符 x_1-x_2 的本征值为 x_0 (相对距离)的本征函数,同时也是算符 $p_1 + p_2$ 的本征值为零的本征函数。现在,假设我们对粒子 1 的坐 标进行测量,得到的结果为它的某一本征值x。因为粒子 2 与粒 f1 共处在 f2 态中,而且我们已知 x_1 - x_2 的本征值取确定值 x_0 , 所以我们便知道,在刚刚完成对粒子1的上述测量时,粒子2的 Ψ 标 x_2 必定取确定的值 $x-x_0$ 。由此可见,虽然在测量之前, x_1 和 x_1 都没有确定的取值,如今通过对 x_1 的测量,我们就能确定

地 (几率为 1) 预言 x_2 的取值为 $x-x_0$ 。现在,关键的一点是,这里 x_0 的值可以是很大的(我们没有对它进行过任何限制),它甚至可以大到天文数字。按照狭义相对论的理论,信号的传输速度不能大于光速。所以 EPR 推测,只要距离 x_0 足够大,我们就可以认为对粒子 1 的测量不会对粒子 2 的行为产生任何干扰(注意:EPR 的这一点推测是不正确的。预先告知各位这一点或许对继续阅读下面的内容有所帮助)。

现在来看动量。因为 Ψ 也是动量之和 $p_1 + p_2$ 的本征值为零的本征函数,所以我们也可以通过测量粒子1的动量(假设测量值为p),确定地预言出粒子2的动量的取值应该为-p。基于一样的道理,EPR 也可以推测,测量粒子1的动量不会影响到粒子2。

上面的讨论完全可以反过来进行,即可以通过测量粒子 2 的 位置或动量确定地预言出粒子 1 的位置或动量。综上所述,如果 EPR 的推测是正确的话(但是这次爱因斯坦他们似乎真的错了),那么粒子的位置和动量就可以同时具有确定值。而这是与量子力学的原则相矛盾的,即违背了海森伯的测不准关系、上面由 EPR 所给出的这个"矛盾"的局面就称为"EPR 悖论"。之所以称为"悖论",是因为这个所谓的"矛盾"在实际中其实并非矛盾。

按照爱因斯坦的意思,上述这些分析迫使我们不得不放弃以下两个论断中的一个:①波函数 ¥ 所作的对物理体系的描述是完备的;②空间上分割开的客体的实在状态是彼此独立的。爱因斯坦他们坚信第二个论断是正确的,即分割开的两个子系统具有独立的物理实在性(这称为"定域实在论"),所以他们认为不得不放弃第一个论断。也就是说,得到了量了力学的描述是不完备的结论,并且他们认为,完备的量了力学理论还有待于将来被发现。

从目前的很多实验来看,事情恰恰与爱因斯坦他们的论断相

EPR 所给出的 所谓"矛盾"的局 面("EPR 悖论") 在实际中其实并非 矛盾,这正是"悖论" 二字的来历。

反。即波函数 W 所作的对物理体系的描述是完备的,而且即便在空间上相隔非常遥远的客体是可以彼此关联的,这就是所谓的量子力学的"非定域性"。EPR 等人的推论是基于一个看似非常合理的假设:定域性假设(就是说,一个地方发生的现象不可能即刻影响到另一个地方的现象)。但是,目前的实验却证明了,一个地方发生的现象可以即刻"影响"(关联)到遥远的另一个粒子(即非定域性)。也就是说,哪怕粒子1与粒子2相距非常远,对粒子1的测量也可能即刻影响到粒子2身上,这就是所谓的"量子纠缠"的概念,是量子力学非定域性的体现。

EPR 的论文很快就得到了巨大的反响。在反对声中, 玻尔的 反驳具有最大的影响力。玻尔明确指出了在爱因斯坦的论证中, 认为"对粒子1的测量不会干扰到粒子2"的看法是站不住脚的。 目前,从很多实验的证据来看,爱因斯坦确实是不对的,而玻尔 的反驳是正确的。玻尔认为, 粒子1和粉子2虽然在空间上分隔 开来(而且可能相隔很远),那么它们既然共同处于一个系统中。 就必须当作一个整体来考虑,不可以看成是互相独立的两个部分。 这就是两个粒子之间的"纠缠"(两个粒子能不能纠缠起来是由 体系波函数的形式决定的, EPR 与出的波函数形式确实是两个粒。 了的纠缠态,见下面的讨论)。在玻尔看来,在两个粒子被观测 之前,存在的只是由波函数描述的相互关联的整体粒子。既然是 协调的、相互关联的整体,那就用不着什么信息的传递,更不会 有超光速的信息传递。所以,玻尔看到的是微观世界的"实在", 而爱因斯坦论述的却是经典世界的"实在" 应该说,在爱因斯 坦与玻尔争论的时代,量了力学非定域性的实验证明还没有出现, 所以他们之间的争论很大程度上可以说是纯观念上的争论,尽管 这种争论后来证明玻尔是正确的。但是, 玻尔的回答并没有使爱 因斯坦信服, 爱因斯坦坚信两个在空间上远离的物体的真实状态 是彼此独立的(此后这一直被称为"定域性要求") 爱因斯坦

明确反对两个粒子间的量子力学关联,他称之为"鬼魅般的超距作用"。我们可能对爱因斯坦的诸多成就充满崇拜,但是这次我们只好相信爱因斯坦他们真的是错了。因为现在确实有不少实验已经开始明确地证明了量子力学的非定域性,或者说许多实验都证明了玻尔对 EPR 的反驳是正确的。

最后,来看一下 EPR 所写出的波函数,这对专业学习量子力学的读者来说是有益的。EPR 波函数如下:

$$\Psi(x_1, x_2) = \int_{-\infty}^{+\infty} e^{\frac{2\pi i}{4}(x_1 - x_2 + x_1)p} dp$$

这个波函数看起来很"复杂",其实是非常简单明了的。为了照顾到没有量子力学基础的读者,我们来稍稍解释一下这个波函数。①为什么有个积分存在?这是因为根据 4.3 节中量子力学公设(2)的要求:测量一个力学量的结果,一定是这个力学量所对应算符的本征值中的一个。所以,体系的波函数必须是体系所有本征函数的线性组合(或积分)。EPR 波函数的这个积分写法就意味着,当测量粒子 1 和 2 的动量时,粒子的动量本征值是连续的,可以从 $-\infty$ 到 $+\infty$ 内任意取值。为了把动量的所有本征函数都放到波函数中"求和",就只好写成积分的形式了 ②被积函数为何写成指数形式?这是因为动量的本征函数就是这样的,例如,一个自由粒子的动量本征函数是 $u_1(x) = e^{in_1 x}$,其原因是动量算符有这样的形式: $in_1 = in_2 x$ 。将该本征函数代入动量的本征方程,很容易得到验证。③指数函数中的 x_0 描述了两个粒子间的相对距离,在这里 x_0 表示两个粒子之间的相对距离 $x_2 = x_1$ 直保持常数 x_0 。

6.2 量子纠缠

量子力学中的所谓非定域性,是指对一个子系统的测量结果 无法独立于对其他子系统的测量参数。量子纠缠就是非定域性的

6 章

生动体现。形象地说,就是粒子之间被纠缠在一起了(哪怕它们 相隔非常遥远),对其中一个粒子的干扰,相隔遥远的与之纠缠 的粒子也将即刻作出反应。这就是非常奇妙的量子力学的非定域 现象,是爱因斯坦所反对的"超距作用"。笔者同意这样的观点: 将这里的"超距作用"这个名词改为遥远粒子间的"关联"这样 的名词似乎更加合适一些。所以本书中,我们将尽量使用"关联" 这个词。到现在为止,我们还不能深刻地理解这种量子纠缠的本 质,或者说,人们还不懂为什么量子力学会有这么特别的非定域 性。但是,这并不影响我们有效地利用这种奇特的效应来为我们 服务,比如,用于量子通信和量子计算等。

鉴于量子纠缠概念的重要性,我们再来更多一点地讨论这个 概念。让我们引用中国科技大学朱清时院上在做科普讲座时给出 的一个例子, 用来说明什么是"纠缠"(并非量子纠缠)的概念: 假设我们在北京买了一双手套,然后随意地把其中的一只寄到香 港,另一只賓到华盛顿。那么寄到华盛顿的那只干套是左手的还 谁都不知道。但是如果在香港的人收到手套后打开 ·看,是左手的那只,那么在华盛顿的那个人不用打开包裹也知 道他收到的一定是右手的那只。因为手套是左右配套的,这是个 规则(当然,在香港的人必须打个电话或发个微信给在华盛顿的 人,告知他收到的手套的情况)。虽然寄的时候是随意的(眼睛 没有观察), 但是只要其中的一个人观测了他收到的手套, 另一 个人不用观测就知道他的手套的情况了,这就是某种"纠缠"(但 还不是量子纠缠!!)。这个纠缠手套的例子与微观的量子纠缠 还是很不同的! 在量了纠缠下, 当你观测某一个粒子之前(打开 包裹之前),这个粒子的状态真的是不确定的!在你随机观测粉 子 1 的状态时, 会使这个粒子(原本处于叠加态)"跃迁"到某 个确定的态(本征态之一)。那么,另一个与之纠缠的粒子2的 状态也会同时地(瞬时地)作出相应的变化!这才是"量了纠缠"。

量子纠缠真是 太奇妙了。为什么 会有如此奇妙的现 象?严格地说。我 们并不知道为什么。 不要紧, 我们先把 量子纠缠利用起来。 先让这种奇妙的行 为服务于我们。

这个手套的例 子不是量子的纠缠! 值得再次提醒。 在上述手套的所谓"纠缠"例子中,某一只手套的状态并不会突然地影响到另一只手套,它们的状态从一开始就确定了(这是经典的情况)!所以,拿手套做例子并不是很合适,只是拿来帮助我们理解而已。

在 EPR 讨论的纠缠例子中, EPR 写出的波函数形式意味着 两个粒子要有相反的动量,同时又始终保持着一定的相对距离, 这是一种不好想象的、带有"臆想"性质的追随运动,尽管这个 波函数从数学上讲是可能的。难怪有许多人认为爱因斯坦等人与 玻尔等人的争论只是一种观念上的、不会有什么明确结果的"空 谈"。到了1952年、事情有了转机、博姆在EPR问题上取得了 突破。他修改了爱因斯坦的"实验装置",终于使"EPR 佯谬" 中的问题变得简洁、清晰和容易理解了。博姆把 EPR 理想实验 里的两个粒子的坐标和动量换成了自旋(两个粒子有相反的自旋 分量),使得争论的各方都对粒子1和粒子2的自旋分量之间的 关联性质没有了异议。实际上, 在博姆的实验中, 两个粒子也可 以是处于相距其远的位置,因而也可以认为两个粒子有时间和空 间上都是分离的。按照爱因斯坦的假设,对一个粒子的自旋的测 量应该不会直接影响到另外一个粉子的自旋,这一点与爱因斯坦。 在原来的 EPR 实验中的假设是一样的。"遗憾"的是(或者说, 神奇的是),爱因斯坦的假设是不对的,请参考下面博姆的论述。

博姆说得更清楚了!他给出的例子比EPR的纠缠例子更清楚。

借由博姆的自旋表述,量了纠缠的概念就变得非常清晰和易于理解了:假设有一个系统由两个自旋都是 h · 2 的粒子构成,而且假设系统处在总自旋为零的状态(即单态,两个粒子的自旋相反的状态)。现在来讨论总自旋为零的 A 和 B 两个粒子处在纠缠态下的情况。根据量了力学的正统解释,粒子的自旋在被测量之前是没有确定值的(即处在自旋不确定的叠加态上面)。由于 A 和 B 粒子是纠缠的,在测量粒子 A 时必定会对粒子 B 产生瞬时的关联。如果粒子 A 的自旋被发现处于"向上"的状态,那么

粒子B的自旋一定会被发现处于"向下"的状态(自旋的测量可以在任意方向上进行,而且在任意方向上的测量结果都必须如上述结果所示。随机性必须体现出来,否则将没有量了效应),这就是量了纠缠一爱因斯坦当时认为,粒子A和B之间不应该有瞬时的相互作用,A和B从"分离"的那一刻开始,它们的自旋值就应该都是确定的一爱因斯坦的这种可分离性,也就是定域性原理。爱因斯坦认为,A与B之间的瞬时关取要求有超距作用存在或者有超光速的通信,但这是不允许的。按照玻尔的观点,粒子A和粒子B共同处于一个系统中,必须当作一个整体来考虑。在两个粒子被观测之前,存在的只是由波函数描述的相互关联的整体粒子。既然是相互关联的整体,就用不着什么信息的传递,更不会有超光速的信息传递或相互作用。所以,实际上并没有违背相对论的事情发生。

物理名词在字面上总是尽力地描述它所要对应的物理内容。所谓的"纠缠态",显然意味着有某种东西要纠缠起来。假如两个人完全不认识(又没有相互作用),那他们就"纠缠"不起来,所以说两个人要能够"纠缠"起来,就一定要有某些深刻的东西或"经历"是共有的。举一个可能不是很恰当的例子:对于一对同卵双胞胎而言,他们通常都长得很像,而且可能还有其他性格上很像的地方。可以想象,这样两个人的密切关联是从娘胎甲就开始"纠缠"起来的。虽然这个例了不是很好,但是希望可以说明,某种东西要纠缠起来,在源头上就必须要紧紧地联系起来(有共同起源的粒子之间通常就会有所谓的量了纠缠存在)。人类至今仍不明白纠缠背后的神秘机制。例如,纠缠的主体是什么?是什么东西在纠缠?纠缠是如何形成的?如何理解纠缠中的"超距作用"?它与相对论是否相矛盾?如何将它们结合起来?问题还很多,所以我们不敢在这里更多地妄加猜测。图 6.2 给出了一个纠缠的例子,即原了的级联辐射可以产生纠缠光子对。如图 6.2 所

示,用紫外线激发一个钙原子中的电子,电子便会跃迁到高能态上。由于物理上的要求,高能态的电子必须回到低能态(基态)上,这时如果电子作级联的两次跃迁,那么所产生的两个光子便是纠缠光子对。

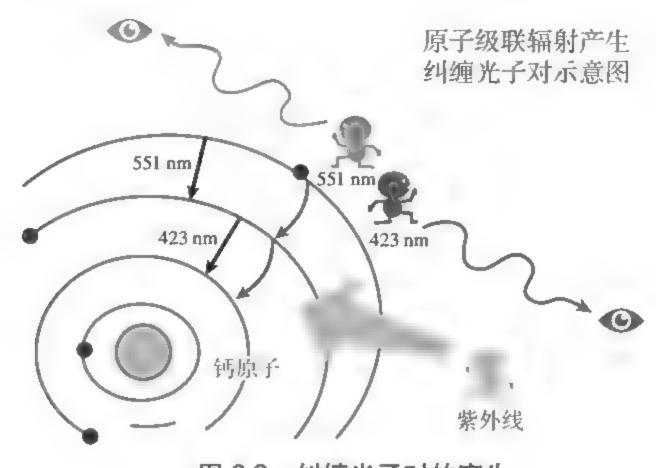


图 6.2 纠缠光子对的产生

实验已经证明了量子力学的非定域性(证明了量子纠缠的存在),但是这个非定域性背后深刻的物理内容至今也没有完全搞明白。这也许正如费恩曼所说:"我相信世界上没有一个人真正懂得量子力学……"在同一个物理过程中生成的两个相关联的粒子,其中一个粒子发生的任何状况,另一个粒子将会同时发生相应地改变。这种现象看起来似乎违背了"不允许有超距相互作用存在"的原则。有人认为,这种关联并不意味着相互作用,我们也愿意采用这样的说法。量了纠缠是量子力学提供的一种特有的资源,一种非常神奇的力量。随着量了科学的不断发展,量了纠缠已经成为许多量了科技中不可缺少的概念基础。不论是在量子通信、量了隐形传态、量子密码还是量子计算机等领域,量了纠缠都担当着重任。总之、量了纠缠确实是一种独特而神奇的物理资源,应该好好地利用它为我们服务。

数学上,如果体系的波函数不可以写成两个子系统(在这里 假设是两个粒子)量子态的直积形式,即

$\psi(x_1,x_2) \neq \phi(x_1)\phi(x_2)$

那么无论两个粒子相距多远,对一个粒子的测量不能独立于另一个粒子的参数,这就是纠缠态。至此,我们还只是直接叙述了什么是"量子纠缠"。关于量子纠缠是否存在的理论和实验证明还有待下一节的深入讨论,即著名的贝尔不等式和阿斯派克特的实验等。

6.3 博姆的隐变量理论, 贝尔不等式

量子力学的正统解释应该归于哥本哈根学派,其最主要的内容包括波函数的几率解释、测不准关系和玻尔的互补原理等。量子力学的正统解释意味着由波函数所描述的系统一般不具有确定的性质,只有我们对这种性质进行测量之后才能得到一个确定值。这似乎意味着有我们测量之前并不存在真实的、确定的世界。但是,量子力学的正统解释就是这么"独断专行",这使得很多对经典理论的"确定性"充满留恋的物理学家们不能容忍这种状况,他们一直希望量子理论能够回归于"确定性"的道路。爱因斯坦是量子理论的创始人之一,他其实并不总是留恋那些经典物理学的概念,但是他应该是最著名的希望量子力学有确定性解释的人物了。

1952年,博姆(Bohm,曾译为玻姆)(图 6.3)出场了,他真的给出了一个隐变量理论。这一理论再一次使人们看到了量了世界回归具有确定性的经典世界的希望。所谓隐变量(hidden variables),就是"隐藏的"变量,也就是还没有被发现的变量。在正统的量子力学中,任意时刻粒子的位置和动量是不能同时具有确定值的(参见 4.6 节)。但是,如果能够给波函数增加额外的隐变量(一个或更多),那么就可以使系统的性质具有确定性。或者说,就有可能使粒子的位置和动量同时有确定值。于是,博

姆的隐变量理论重新唤起了人们对真实的实在世界的向往。



图 6.3 博姆

戴维•博姆 1917年12月20日出生于美国宾夕法尼亚州的 巴尔镇, 其家庭是来自奥匈帝国的犹太家族。从少年起博姆就对 科学有强烈的兴趣。他先后就读于宾夕法尼亚大学和著名的加利 福尼亚大学伯克利分校, 攻读物理学博士学位。他一度师从罗伯 特·奥本海默,直到奥本海默离开伯克利去领导"曼哈顿计划"。 他与后来非常著名的物理学家温伯格同宿舍, 所以两位物理上杰 由的人物能够经常地讨论量子力学的基本问题。可以想象,这种 讨论能够在两个聪明人之间激发出很多深刻的物理思想。1946年, 博姆到普林斯顿大学当助教。为了理解量子力学的精确本质,他 决定写一本关于量子力学的书籍,这就是那本著名的《量子理论》 一书的来源(这本书最终花了5年时间才完成)。这里面有一个 好玩的逻辑, 那就是: 博姆为了理解量子力学而决定去写一本关 于量了力学的书。这种做法很可能值得我们借鉴吧,也许笔者写 作本书也有一点点类似的"逻辑"。博姆这本著名的《量子理论》 后来成为最好的量子力学教科书之一。爱因斯坦甚至热情地给博 姆打电话,并希望和博姆讨论一下他的书。所以,博姆进入了位

博姆为了深刻 理解量子力学,决 定去写一本关于 量子力学的书。这 种做法很值得我们 借鉴。

6章

于普林斯顿高等研究院的爱因斯坦办公室。爱因斯坦表示他不仅 喜欢博姆的书,而且和博姆一样,他也对量子理论(主要就是儿 率解释)不满意。爱因斯坦的鼓励给了博姆很大的信心,他希望 继续寻找通往量子实在的道路。

现在来大致叙述一下博姆的隐变量理论以及存在的问题。博 姆认为, 在量子世界中, 粒子仍然是沿着一条精确的连续的轨迹 运动的, 只是这条轨迹不仅由通常的力决定, 而且还受到一种更 加微妙的量子势的影响。在这个隐变量理论中, 粒子与波函数同 时存在,量子势就由波函数产生。而且正是由于量子势的存在才 导致了微观粒子不同于宏观物体的奇异的运动。波函数本身被看 作是一种数学位形空间中的物理场,它满足薛定谔方程,但是从 不坍缩。粒子则由波函数引导作连续的运动,可以同时具备确定 的位置和速度(在此意义上,博姆的隐变量理论似乎比"原来的" 的量子力学更加完备)。我们已经知道, 传统的量子力学可以完 全预测微观系统的测量结果, 博姆理论显然也必须做到这一点。 博姆认为, 量子系统的性质不只属于系统本身, 它的演化既取决 于量子系统也取决于测量仪器。所以,关于隐变量的测量结果(一) 种统计分布)将随实验装置的不同而不同,这就使得博姆的理论 也可以实现对微观系统性质的正确预测。博姆理论确实是一个很 好的实在范例, 让人们看到了量子背后的"微观实在"是可能存 在的, 也更加坚定了坚持实在性观念的人们的信心。

但是,博姆理论所提供的两种物理实在(即运动轨迹和Y场)都是不可测知的,所引入的隐变量(粒子的位置和速度)原则上也是不可测知的。对位置和速度的测量总是产生与量子力学一致的结果,而且总满足测不准关系。博姆理论也没有给波函数及其演化规律——萨定谔方程——提供进一步的物理解释。也就是说,博姆并没有给隐藏在波函数背后的"微观实在"给出清晰的物理图像。所以说,博姆的理论还只是一种理论"虚幻"更多的关

起初,博姆提出的隐变量和产量的人们是一个关键的人们,但是他的人们是一个人们的一个人们的一个人。

于博姆隐变量理论的讨论超出了本书的范围。

博姆提出隐变量理论的初始并没有得到人们的热情欢迎,甚至量子力学的正统解释派还对博姆的"异端邪说"进行了严厉的反击,因为它违背了所谓的"正统解释"。然而,重要的是,这个理论深深吸引了同样对量子力学的本质着迷的物理学家约翰·贝尔(图 6.4)。贝尔也在认真地探寻隐变量是否真的存在,正是这个探寻最终给出了被称为"科学的最深远的发现"——贝尔不等式的发现。

关键的人物终于出场了,他就是刚刚提到的贝尔。贝尔 1928年7月28日出生于北爱尔兰一个贫寒的家庭。为了能够 让贝尔接受良好的高等教育,他的父母必须辛苦劳作、省吃俭 用。早在小学阶段,贝尔就立志学习自然科学,对读书更是痴迷,同学们甚至戏称他为"教授"。贝尔是欧洲高能物理研究中心(CERN)的一名物理学家,他的主要工作应该是加速器的设计和粒子物理学的研究,关心量子力学的本质问题只是他的业余爱好。而正是这个业余的爱好最终导致了贝尔不等式的发现,也使他的名字永留物理学甚至是科学的史册。



图 6.4 贝尔

我们来看看贝尔最初所面临的困境。爱因斯坦和玻尔对量子 力学及其含义进行过激烈的争论,但没有结论。一方面,爱因斯 坦等人在1935年的 EPR 论证中提出量子力学是不完备的,从而 似乎应当存在隐变量以便完备地描述量子体系的状态; 但是, 另 ·方面, 玻尔 ·派拒绝隐变量的存在。特别是, 数学大师冯·诺 依曼早在1932年就从数学的角度出发,证明了"隐变量不可能 存在"。凭着冯·诺依曼的权威,这大概会扼杀很多人去寻找隐 变量的想法。但是面对这种境况,"业余"的贝尔没有顾及冯•诺 依曼的权威, 他仔细地研究了冯。诺依曼的证明过程。结果, 贝 尔居然真的发现了这位数学大师在证明过程中的一个漏洞、他甚 至还给出了冯•诺依曼对"隐变量不可能存在"的证则的一个反例。

冯·诺依曼(图 6.5), 1903 年 12 月出生于匈牙利布达佩斯 的一个富裕家庭, 父亲是一个成功的银行家。诺依曼从小聪明过 人,但却言语不多。他非常喜欢读书和玩数字游戏。在诺依曼刚 上小学的时候,就能顺口回答三位数乘三位数的算术题。据说他 父亲给出一道八位数的除法题,他也能正确地回答。他父亲非常 震惊, 于是决定对他进行特殊的教育, 为他请了一位家庭教师。 此后,11岁的诺依曼被送入大学预科中学,12岁时便开始旁听。 布达佩斯大学的高等数学。

权威的冯。诺 依曼也会在他的证 明中存在漏洞、而 有顾及冯。诺依曼 的权威, 居然真的 发现了这位数学大 师的一个漏洞。



图 6.5 冯·诺依曼

冯·诺依曼的 漏洞其实很快就由 对是发现了,但 是诺依曼的赫尔曼的赫二氏 连掩盖了赫尔曼的 正确意见。 冯·诺依曼是现代电子计算机理论的创始人之一,他对计算机科学、经济学(如博弈论)等领域的数学理论有着非常重要的贡献、被誉为"计算机数学之父"。诺依曼在量子力学的数学理论上也有很重要的研究成果,主要是引入希尔伯特空间,从而给出了量子力学的另一个数学体系。在那个年代,能够用希尔伯特空间探讨量子力学问题的人少之又少。我们在这里提到的,是诺依曼的一个"著名的"错误。诺依曼在一个原子系统中,对一个平均值使用了交换法则。在那里,他只是下意识地认为,这个法则也可以用到量子系统的每一个分量的运算中,这样就出现了错误(量子力学中,乘法交换律并不总是成立的)。诺依曼的错误很快就由赫尔曼(Herman Goldstine、曾译为赫曼)指出了,但是由于诺依曼的名声实在是太响了,所以赫尔曼的意见并没有引起人们的注意。一直过了二十多年,这个错误才由贝尔惊奇地重新发现。

贝尔最初更倾向于爱因斯坦的观点。他认为,引入决定论隐变量可能是非常自然的办法。现在,贝尔前进的道路上的障碍仿佛都已经被清除了,接下来他应该做的就是去寻找隐变量了。由于本职工作的缘故,贝尔无法花太多的时间在量了问题上面。直到 1963 年,贝尔到位于斯坦福的直线加速器中心(SLAC)作为期一年的访问休假,这才使他有时间重新回到对隐变量的探索上。贝尔认为,非定域性与相对论明显相抵触,是应该避免的。于是,贝尔试图找到一个类似于博姆理论的隐变量模型,这其中必须没有非定域性。然而,贝尔没有找到隐变量理论,却意外地发现了一个意味深远的不等式。这就是以贝尔命名的贝尔不等式。贝尔论证贝尔不等式的这篇论文——《论 EPR 佯谬》,只有 5 页,论述过程十分简单和清晰,这篇文章后来被认为是 20 世纪物理学领域最著名的论文之一。有趣的是,贝尔光辉的论文所发表的杂志《物理》只发行了一年就倒闭了。如今要找到贝尔的这篇论文,

最好还是去翻阅贝尔的著作《量子力学中可言语和不可言语的》。

贝尔发现,任何与量子力学具有相同预测的理论将不可避免地具有非定域性特征。或者说,量子力学禁止定域隐变量的存在,这个结论被称为贝尔定理。贝尔定理和贝尔不等式被誉为"科学的最深远的发现"之一,它为隐变量理论提供了实验验证的方法,也使人们第一次有可能通过实验来直接验证"量子非定域性"的存在。贝尔毕竟是一个理论物理学家,他还没有想过要将自己的理论成果——贝尔不等式——用实验的方法加以验证。但是,这个世界上还是会有杰出的科学家会对这个实验验证感兴趣的。这里面,法国年轻的科学家阿斯派克特的实验最具代表性。所以,我们将简单介绍一下阿斯派克特的实验。

阿斯派克特 1947 年出生在一个浪漫的国度——法国、这也 使得他的血液里充满了时尚的元素,注定了他会去做一个"浪漫" 而深刻的科学实验,从而为实验验证量子力学的基础理论作出重 要员献。阿斯派克特的外表也和一般的老套的科学家有很大的不 同(图 6.6),同样地,那也是很"浪漫"的。阿斯派克特热爱 物理学和天文学,除了喜欢读书,还喜欢夜空观星,并立志成为 ·名科学家。在攻读博士学位之前,24岁的他自愿到非洲的喀。 麦隆做了三年的社会工作。在勤勤恳恳地帮助别人改善生活之余, 他认真研读了一本当时最全最深刻的量了理论教材, 从而开始关 注量了力学中种种深奥的难题,特别是爱因斯坦等人在1935年 提出的EPR悖论。阿斯派克特也可能是很偶然地读到了贝尔的 那篇重要论文,这对他的影响非常大,也决定了此后他会去做 的工作。从非洲回国后,阿斯派克特来到巴黎大学攻读博士学 位、开始全身心地投入验证量了力学理论的工作、特别是使用贝 尔不等式和 EPR 悖论来验证量子力学的非定域性。从事这样的 课题,阿斯派克特确实是非常有勇气的。对科学创新来说,勇气 和创造力、想象力一样都太重要了。为了弄明白爱因斯坦对量子

年轻的阿斯派 克特执意要来验 量子。从事这样的 实验,阿斯派克特 强实是非常有 气的。 力学的挑战,他找到了爱因斯坦在二十世纪二三十年代的所有论文,反复研究了玻尔和爱因斯坦的几次争论。他发现,玻尔和爱因斯坦在量子纠缠态上的争论似乎都是在各自的圈子内打转,因而谁也说服不了谁,这更加激起了阿斯派克特想弄清量子纠缠的问题。



图 6.6 阿斯派克特

阿斯派克特很清楚,检验贝尔不等式的第一个实验是 1972 年由克劳瑟等人在加州大学伯克利分校完成的,但实验存在一些 漏洞而被人诟病,使其结果不那么具有说服力。因此,阿斯派克 特这次设计了三个系列性实验。第一个实验的基本构思和前面克 劳瑟等人的一样。不过,阿斯派克特深知纠缠光源对他实验的重 要性,所以他采用了激光器作为激励光源的方法(克劳瑟十年前 的实验中没有使用激光,这说起来可能是他的最大遗憾)。阿斯 派克特用激光来激发钙原子,引起级联辐射,产生一对往相反方 向"圆偏振"的纠缠光子。圆偏振光有两个不同的旋转方向,这 就可以类比于电子的自旋。阿斯派克特的这个实验结果,得到了 量子力学对贝尔不等式的偏离(贝尔证明了,违背贝尔不等式将 意味着量子力学是正确的,或者说量了力学有非定域性),达到 了9倍的误差范围,相对于克劳瑟的5倍误差范围,有了很大的 改进。

阿斯派克特的第二个实验,是利用双通道的方法来提高光子的利用率,减少前人实验中的所谓"探测漏洞"。这个实验也大获成功,最后以40倍误差范围的偏离,违背了贝尔不等式,再一次强有力地证明了量子力学的正确性!

阿斯派克特的最大贡献是在第三个实验中,他采取了延迟决定偏光镜方向的方法。因为要验证量子纠缠的存在(即一个光子的偏振会即刻影响到它的孪生光子的偏振方向),就不能允许两个光子之间有任何的沟通。采取延迟决定偏光镜方向的方法,就是为了保证这一点。或者说,他在克劳瑟等人实验的基础上,再多加了一道闸门,完全排除了纠缠光子间交换信号的可能性。阿斯派克特发明出了一种基于声光效应的设备,使得检偏镜在每10 纳秒的时间(实验中,两个检偏镜的距离按光速计算也需要走40 纳秒)内旋转一次,最后使实验得以成功完成。

阿斯派克特的三个实验大获成功,曾被作为量子力学非定域性的最后判决。但是,阿斯派克特的实验还是有漏洞的。实验上的漏洞主要有两类,即局域性漏洞和探测漏洞。局域性漏洞指的是关于纠缠粒了的异地测量之间存在关联性,例如,测量时间的间隔超过了以光速传播的信号在两地之间的传播时间;探测漏洞指的是探测器的粒子检测效率不高(总有一定比例的粒子检测不到)。更多的内容请参考郭光灿院上的《爱因斯坦的幽灵——量子纠缠》[13]。这里面有一个有趣的故事:美国物理学家墨明曾经在 Physics Today 上发表文章讨论阿斯派克特的实验,并请读者一起来找实验的漏洞。有一位普通的读者来信指出,符合计数器不就明显地在两端之间建立起关联了吗(图 6.7)?是啊,为什么这么多的量子力学专家都没有注意到这个最明显的漏洞呢(而要靠一个普通的读者来指出)?这不就意味着阿斯派克特的实验还有局域性漏洞吗?后来,到了 1998 年,塞林格及其同事

在奥地利因斯布鲁克大学完成了实验,更为彻底地排除了定域性漏洞。2003年,阿波罗第一次不用双光子,而采用高能粒子进行实验,所得到的结果为S 2.725(非定域性要求S>2,或者 $S=2\sqrt{2}=2.8284>2$),从而完全证实了量子力学的非定域性。

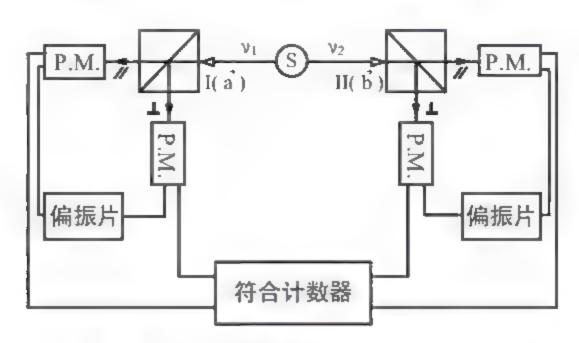


图 6.7 阿斯派克特实验图示

即便量子纠缠得到完全确认,也被并不对论的 一种一种,也不可以,他们不可以,他们是不是一个人。

贝尔不等式被 对是所有的发现 为是伟大是和人人 是有的发现 为 是有不 是有 不 是 有 不 没 有 所 遗憾的。

最后,即便量子力学的非定域性得到完全确认,也并不等于相对论被推翻。相反,相对论和量子理论至今仍然是我们所能依赖的最可靠的理论基石。至于量子纠缠的背后是不是真的隐藏着超光速,人们还不能确定。只是表面上看起来似乎有这样一种类似的效应,但是由于我们并不能利用这个效应来实际地传送信息,因此,这和爱因斯坦的狭义相对论也没有矛盾。

克劳瑟、阿斯派克特以及塞林格三位实验物理学家,曾被提名 2011 年的诺贝尔物理学奖。虽然最后此奖项的殊荣落到了三位从事宇宙膨胀理论研究的物理学家头上,不过,克劳瑟等三位已被授予了 2010 年的沃尔夫物理奖。贝尔不等式被誉为是所有的科学当中最伟大的发现之一,但是却因为没有获得诺贝尔奖而没有那么广为人知。这当然不是因为贝尔的发现不够授予诺贝尔奖,只是贝尔在 1990 年(那一年诺贝尔委员会已提名贝尔)不幸因突发脑溢血而英年早逝了。

6.4 量子密码

我们已经越来越离不开手机了,通信已成为现代人类生活中不可分离的一个部分,但是并非所有的信息交流都是可以公开的。有些时候,信息交流的双方希望所交流的内容能够得到保密,这就使"保密术"得以产生和发展。相应地,防止信息被窃听的"密码"也就自然而然地出现了。有文献记载,最早使用密码的是斯巴达人,他们发明了很多精巧又简单的信息编码和解码工具。中国也是世界上最早使用密码的国家之一,最难破解的"密电码"就是中国人发明的。现在,人们对密码已不再陌生,我们可以举出许多目常生活中使用密码的例子,例如,保密通信设备中使用"密码",个人在银行取款时使用"密码",在计算机和手机登录和屏幕保护中使用"密码",开启保险箱使用"密码"以及各种游戏中也经常使用"密码"等。不过,像个人在银行取款时使用的"密码"以及在计算机登录中输入的"密码"等,将"密码"二字改为"口令"会更加准确一些。

这里,我们介绍一个简单的例子,来看看经典的密码术是如何工作的 假设 A 方在战争的后方(如可令部),而 B 方在战争的前线。现在, A 方需要发送一个字 "retreat"(撤退)给 B 方。为了不计敌方读懂电报的内容, A 方对 retreat 这个字使用下面的密码本(图 6.8)进行编码(实际上就是简单地让 26 个字母反过来排序,然后再进行一一地对应)。

图 6.8 密码本示意图

现在的日常生活中到处都在使用密码:银行存取款、计算机和手机登录、开启保险箱、屏游戏中

像图 6.8 中的 6.8 中的

很显然,"retreat" 经编码后就变成了"ivgivzg"。当 B 方 收到"ivgivzg"的单字后,使用与 A 方一样的密码本进行解码,很容易就得出正确的信息: retreat,于是就知道该撤退了。这是一个非常简单的例子,这种密码被称为代换密码,即固定不变地使用一个符号代替另一个符号,当然,这种密码的保密性很低,很容易被破解。但是这个简单的例子告诉我们一些重要的基本概念,例如,需要共享安全的密钥(或密码本、为了安全起见,A 和 B 双方使用的相同的密码还需要派专门的信使传递),要进行信息的加密和解密(或称解码)等。

经典的密码系统可以分为对称密码系统和非对称密码系统。

对称密码系统又称为私钥密码系统, 其工作原理是通信双方共享 一个只有他们自己知道的私钥,发送的一方将需要发送的内容用 这个密钥进行加密,接受方也使用这个密钥将收到的内容解密。 对称密码系统有很多问题、重要的一条是、如何对密钥进行分发 才能避免恶意的第三方进行监听。所以, 合理的分配密钥的方法 是依靠收发双方的直接会面或者派专门的信使传递。这样就很不 方便, 而且还可能引发新的安全漏洞; 非对称密码系统又称为公 钥密码系统, 其工作原理是接收方先选择一组只有他自己知道的 专用密钥, 根据专用的密钥计算出相应的公开密钥, 并将公开密 钥公布给准备向他传递信息的所有对象(公钥不怕被窃听)。发 送方使用该公开密钥将信息加密后传送给接收方。只拥有公开密 钥很难从密文中反推出原始信息,只有同时拥有公开密钥和专 用密钥,才能将密文还原成原文。这种密码系统的安全性依赖 于某种计算的复杂性。目前,最有影响力和最常用的传统密码 术是 RSA (Rivest-Shamir-Adleman), 是一种公钥加密算法。它 是 1977 年由李维斯特、萨莫尔和阿德曼(图 6.9) 一起提出的, 1987年7月首次在美国公布。RSA 就是他们三人的姓氏开头字 母。RSA 算法基于一个十分简单的数论事实:将两个大的质数

相乘十分容易,但是想要对其乘积进行因式分解却极其困难,因此可以将乘积公开作为加密密钥。这就是现在常用的密码术。值得一提的是,虽然说只要密钥的长度足够长,用 RSA 加密的信息实际上是非常难以被解破的,但是,如果量子计算机研制成功并得以使用,那么传统的密码术在量子计算机面前就可能成为"玩具"。



图 6.9 RSA 三人: 李维斯特(左)、萨莫尔(中)和阿德曼(右)

量子密码,也称为量子密钥分发,是用量子力学知识开发出的一种不能被破译的密码系统,即如果不了解发送者和接收者的信息,该系统是完全安全的。它能够使通信的双方产生并分享一个随机的、安全的密钥,用来加密和解密信息。量子密码系统是从20世纪下半叶逐渐建立起来的。为什么说量子密码是不可破解的呢?这是因为它以量子效应作为安全模式的关键。谈到这里,需要涉及量子力学中的海森伯"测不准关系"和"单量子不可复制定理"。"单量子不可复制定理"是测不准关系的一个推论,它是指在不知道量子状态的情况下复制单个量了是不可能的。这是因为想要复制就得进行测量,而一旦进行测量,则必然会改变量了的状态。实际上,窃听者想要截获某个信息的行为对于被窃听的信息来说就是一种外来的测量,一旦有测量,那么原来的系统就会被破坏,这样窃听者获得的信息实际上就是毫无用处的。

同时,一旦原有的量子态被改变,接收者就可以很容易判断出传输的信息已经被动了手脚。所以,凭着量子态的"一触即变",便可以研制出不可破解的密码系统。应该明确指出,密码系统只用于产生和分发密钥,并不负责传输任何实质的信息。

来简单看一下量子密码是如何工作的: 以基于单光子技术的 量子密码通信为例。设想发送方 Alice 向接收方 Bob(取这样的 人名已经是一种惯例)逐个随机地发出互不正交的两种量子状态。 窃听者 Eve 想要获取信息,就必须截取并测量这些量子态。显 然 Eve 有 50% 的概率猜中 Alice 发射了哪种单光子, 这时 Eve 能 正确地测出码值。但是 Eve 猜错的概率也是 50%, 在此情况下 Eve 仍然有 50% 的概率能够得到正确的码值。合起来看, Eve 测 得正确码值的概率为 75%。为了掩饰他的窃听、测量后 Eve 需要 伪装成Alice向Bob发送单光子,这些单光子中将有25%是错误的。 这么高的误码率将被通信双方的 Alice 和 Bob 发现、所以他们 就可以选择含弃本次通信,从而保证通信的安全保密。BB84 协 议是国际上首个量子密钥分发协议,它是1984年由贝内特和 布拉萨尔(Brassard)开发出来的,其工作过程如图 6.10 所示 (这里仅给出 BB84 量子密码方案,最近有其他的方案)。2001 年,科学家从理论上证明了完美的 BB84 协议具有无条件的安全 性(如果有100个码元, 那么窃听者 Eve 不被发现的概率只有

发送的密钥								
比特	0	1	0	0	1	1	0	1
发送者选择								
的测量方式	+	+	×	×	+	+	×	×
发送的光子								
偏振	1	\rightarrow	7	7	\rightarrow	\rightarrow	7	×
接收者选择	×	+	×	+	×	+	+	×
的测量方式								
接收到的光	↗或↘	>	1	1或→	ノ或ゝ	>	↑或→	`~
子偏振								
最终生成的		1	0			1		1
量子密钥								

图 6.10 BB84 量子通信过程

(1-25%)¹⁰⁰ 3.2 × 10⁻¹³, 这个概率是非常非常小的。更何况在实际通信中,码元的数量远远大于100个)。但是,理论上的完美并非现实条件下的"完美"。例如,完美实现BB84需要完美的单光子光源,但目前人类要作出完美的单光子光源还非常困难(还会发出多个光子),因此还是会存在安全漏洞。

目前,量子密钥也还存在"稳定性"的问题。因为实际中, 要想让一对纠缠的粒子在比较长的距离中保持稳定是件非常不容 易的事情。各种因素都可能破坏它们的稳定性,从而导致传输的 信息变成乱码。为了解决长距离上纠缠粒子保持稳定的问题,我 国科学家进行了不懈的努力,研究结果处在国际的前列。量子密 钥分发的距离也一直在不断地被刷新。到 2017 年 8 月,我国利 用"墨子"号量子卫星已经成功实现了从卫星到地面的量子密钥 分发。这是该项研究的世界最远纪录。

6.5 量子隐形传态

所谓的"量子隐形传态",往往也被称为量子远距离传输或量子隐形传输等。这是一种全新的信息传递方式,它是在量子纠

缠效应的帮助下,传递量子态所携带的量子信息。所谓隐形传送 指的是脱离实物的一种"完全"的信息传送。因为容易引起误解, 让我们预先认真地指出,量子隐形传态无法将任何实物作瞬间的 转移,只能"转移"量子态的信息。由于应用了量子纠缠效应, 它有可能让一个量子态在一个地方神秘地消失,而又瞬间地在另 一个地方出现。这里的"瞬间"指物理上的瞬间,它不需要耗费 时间。

首先介绍一下量子隐形传态的基本原理。

我们假设信息的传递方和接收方分别称为 Alice 和 Bob, Eve 是可能的窃听者。现在、Alice 的手上有一个连她自己都不了解 其量子态的微观粒子 A, 她的目的是要将这个未知的量子态传递 给远方的 Bob, 但是粒子 A 本身并不需要被传递出去。做到了这 一点,就是进行了所谓的量子隐形传态(图 6.11)。那么,要达 到这个目的、Alice和Bob就必须拥有一对具备量子纠缠的"EPR" 粉子对,可以假设这一对纠缠粒子分别为 E1 和 E2。根据量子力 学原理, 无论是对 E1 和 E2 中的哪一个粒子进行测量, 另一个 相关联的粒子一定会立即作出相应的变化,无论它们相隔多远。 这样, El 和 E2 纠缠粒了就在 Alice 和 Bob 之间搭建了一条所谓 的量子通道。当 Alice 将纠缠粒了 E1 和她手里原有的粒子 A 进 行某种特定的随机测量之后(测量,即意味着某种相互作用), E1 的状态将会发生变化。同时, Bob 掌握的纠缠粒子对中的 E2 粒子就会瞬间坍缩到相应的量子态上。根据纠缠的意义, E2 坍 缩到哪一种状态完全取决于E1,即取决于上述 Alice 的随机测量 行为。此后,还要通过经典的信息传递通道,将 Alice 所做测量 的相关信息传递给 Bob。Bob 获得这些信息之后,就可以对手里 的纠缠粒了 E2 (状态已经改变)作一种相应的特殊变换,便可 以使粒子 E2 处在与粒子 A 原先的量了态完全相同的态上(尽管 这个量子态仍是未知的)。这个传输过程完成之后,A 坍缩隐形了,

A 所有的信息都传输到了 E2 上,因而称为"隐形传输"。所以,整个过程被称为"量子隐形传态"。在这整个过程中, Alice 和 Bob 都不知道他们所传递的量子信息到底是什么。

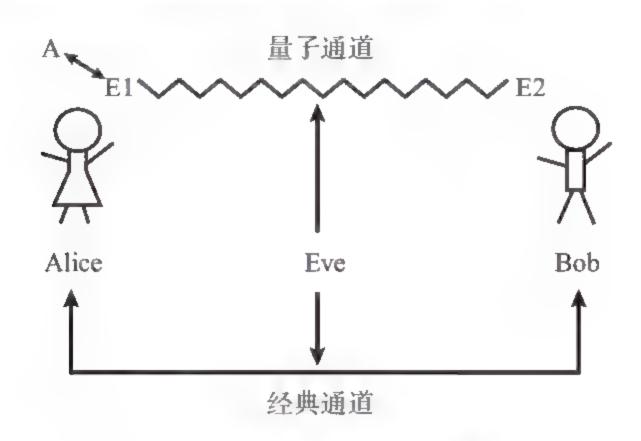


图 6.11 量子隐形传态示意图

可以看到,在量子隐形传态中涉及了经典的信息传输方式,那么整个信息传递系统的安全性会不会产生问题呢?由于经典的通道只是要告诉接收方传递方已经进行了怎样的特定变换,除此之外,并不包含有关A粒子量子态的任何信息 所以,即便有人截获了经典通道的信息,那也是没有任何用处的。

量子隐形传态是量子通信的基本过程,也是量子通信中最简单的一种。为了实现全球的量子通信网络,量子隐形传态的可行性是前提。2017年8月,中国科学院宣布,我国"墨子"号量子里的三大既定科学目标已全部提前实现。其中,我国研究人员首次实现了从地面到卫星的量子隐形传态,大幅度提高了可靠的量子隐形传态的距离,这为我国在未来继续引领世界量子通信技术的发展奠定了坚实的科学和技术基础。

还可以看到,量了隐形传态并不能完全脱离经典的行为,它还需要借助经典的信息传递通道再结合 EPR 量了通道来传递量了信息。当然,这已经是一种比以往的纯经典信息传递方法更加先进的信息传递方式了。经典通道的存在,还意味着信息被传递

量子隐形传态 是量子總现象中 是量子信息 觉是是一个 电型 是是是一个 是是是一个 是是是是一个 是是是是一种 是是是一种

的速度上限是光速这一限制并没有被打破! 所以,人类的时空穿梭、超时空转移等极具科幻色彩的事情还完全是一个美好的愿望而已。

远距离复制物体却是可能的 因为根据量了理论,构成所有物体的同一种微观粒子都是等同的,例如,你身体里的电子和这本书中的电子是完全相同的(参见 4.3 节的量子力学公设(5))。移动一个物体需要移动组成物体的所有粒子,但是要复制一个物体,我们只要在空间的另一处利用相同的微观粒子更建所有的组成粒子的量子态就可以了 这样,就可能利用量子隐形传态的方式在远距离制造出原物体的一个拷贝。但是应该指出,根据海森伯的测不准关系,即便通过上述方式复制出的物体也一定不会是原物体完美的精确复制品。因为测不准关系不允许我们精确地测量原物体的所有信息,既然无法获得所有精确的信息,那么精确复制也是不可能的了。

6.6 量子通信

量子通信是一种利用量子纠缠效应进行信息传递的新型通信 形式,是近二三十年来发展起来的新兴交叉学科。这个学科已经 逐步从理论走向实验,再走向大规模的实用化。量子通信具有高 效率和安全的信息传输能力,已经开始受到人们的很大关注,也 是量子力学和信息科学领域的研究热点。

保密通信在"程序"上需要经过密钥的分发、信息的编码、信息的传送,以及信息的解码等步骤。在量了通信中,量了密钥分发是用量了力学的知识开发出的一种不能被破译的密码系统(凭着量子态的"一触即变"的性质),即如果不了解发送者和接收者的信息,它是一种不可破解的密码系统(见 6.4 节)。关于信息的传送,量子隐形传态是量子保密通信中采用的基本过程

(至少目前还是)。1993年, 美国科学家贝内特提出了量子通信 的概念,之后,6位来自不同国家的科学家,基于量子纠缠理论, 提出了利用经典和量子相结合的方法实现量子隐形传态的方案。 量子隐形传态从此成为量子通信中的核心部分,我们已经在上一 节中进行了详细的讨论(请复习6.5节),这里就不再做更多的 叙述。

量子通信主要涉及量子密码通信、量子隐形传态和量子密集 编码等、我们已经解释了量子密码通信和量子隐形传态,还需要 解释一下量子密集编码:这是一种在量子纠缠的基础上兼顾安全 通信和高效通信的通信量子协议,它可以实现通过发送单个量子 比特进行通信而获得两个经典比特的信息量。如果说量子隐形传 态是利用经典通信方式辅助的方法来传送未知的量子信息,那么 量子密集编码就可以看成是利用量子传输通道来传送经典比特对 应的信息。

1997年, 在奥地利留学的中国青年学者潘建伟(图 6.12) 和荷兰学者波密斯特等人合作,首次实现了未知量子态的远程传 输。这是国际上第一次在实验上成功地将一个量子态从里地的光 了传送到乙地的光了上。当然,实验中传输的只是表达量了信息。 的状态,作为信息载体的光子本身并没有被传输。



图 6.12 潘建伟

实现量子通信 需要两个通道:量 子通道和经典通道。 因而, 通信的速度 被经典通道所限制。 故通信的速度仍然 不能超过光速。

2017年8月, 中国科学院宣布, "墨子"号量子严量子工 星的三大既定科学 目标全部提前实现 量子(通信)应用 方面的。

2016年8月16日我国成功地在酒泉卫星发射中心发射了一 颗"墨子"号量子科学卫星(图 6.13)。墨子可能是第一个发现 光沿直线传播的中国人,而"墨子号"卫星则可能改变我们这个 世界的信息传播方式。这颗卫星是未来覆盖全球的量子通信网络 的先驱。在量子纠缠和量子隐形传态领域, "墨子号"量子卫星 同样肩负着重要的科学目标,即在空间尺度上通过实验来检验量 子力学本身的完备性。一年后的2017年8月,中国科学院宣布,"墨 子"号量子卫星的三大既定科学目标已全部提前实现。第一个成 "墨子号"量子卫星将量子纠缠分发的世界纪录提高了一个 数量级。通过向地面发射光子,每对处于纠缠态的光子中的一个 发向青海德令哈站,另一个发向云南丽江站,两个地面站之间的 距离达 1203 千米, 这是世界上首次实现上千千米量级的量子纠 缠。此星地双向量子纠缠分发和量子力学非定域性检验的研究成 果发表在2017年6月的美国《科学》杂志上。此外,第二个和 第三个重要成果分别是,"墨子号" 卫星首次成功实现了从卫星 到地面的量子密钥分发和从地面到 12星的量子隐形传态,此两项 成果于2017年8月同时在线发表在《自然》杂志上。2016年底, "墨子号"量子卫星和人类首次探测到引力波等重大科学成果共 同入选英国《自然》杂志点评的年度国际重大科学事件。作为新



图 6.13 量子科学卫星

6章

一代的先进通信技术,量子通信具备高效性和绝对安全性,已成为近几年来国际科研竞争中的焦点领域之一。量子通信不仅在军事、国防等领域具有重要的作用,而且会极大地促进国民经济的发展。

对新鲜事物的认识和理解无疑是一步一步向前的。最初,对于量子通信方面的科研项目的评审意见,据说基本上是:"量子信息研究这个东西很不靠谱,要使用起来很难"。这个状态到2000年之后才有所好转,这时候国际上在量子信息科学上的研究得到了比较快的发展。

科学上总是允许严肃的质疑的。当前对量了通信的质疑主要有:①直接质疑量子理论的,即直接质疑上面我们认真讨论过的量子力学的非定域性。回答这个质疑的唯一方法就是通过检验量子纠缠的那些实验。已经有不少实验验证了量子纠缠确实存在,尽管我们到现在还不清楚为什么会有量子纠缠发生,背后的东西是什么。②质疑量了通信的另一个问题是干扰问题。实际上,说量了通信卫星的抗干扰能力弱并不确切,其实与经典通信是一样的。这种抗干扰能力跟无线通信、光纤通信是一样的。量了通信可以保证通信的过程是绝对安全的(当然,信息传递的两个终端自己不要由问题)。③第三个质疑不尽合理,主要是问国外做得如何了?我们可以与之相比吗?对于这一点,我们应该有自信。世界上第一颗量了通信卫星的发射,让我国在这个领域走在了世界的前列。

2017年9月,中国量子保密通信"京沪干线"项目(图 6.14) 获得评审专家组认可。评语称:"完成了预期的技术验证和应用 示范任务,同意通过技术验收。"这意味着,世界首条量了保密 通信骨干线路已具备开通条件。2016年底,"京沪干线"就已经 全线贯通,搭建了连接北京、济南、合肥、上海的全长两千多千 米的量子保密通信骨干线路,进行了大尺度量子保密通信技术试

验验证。"京沪干线"将推动量子通信在金融、政务、国防、电子信息等领域的大规模应用,建立完整的量子通信产业链和下一代国家主权信息安全生态系统,最终构建基于量子通信安全保障的量子互联网。中国在量子技术的实用化和产业化方面继续走在了世界前列。

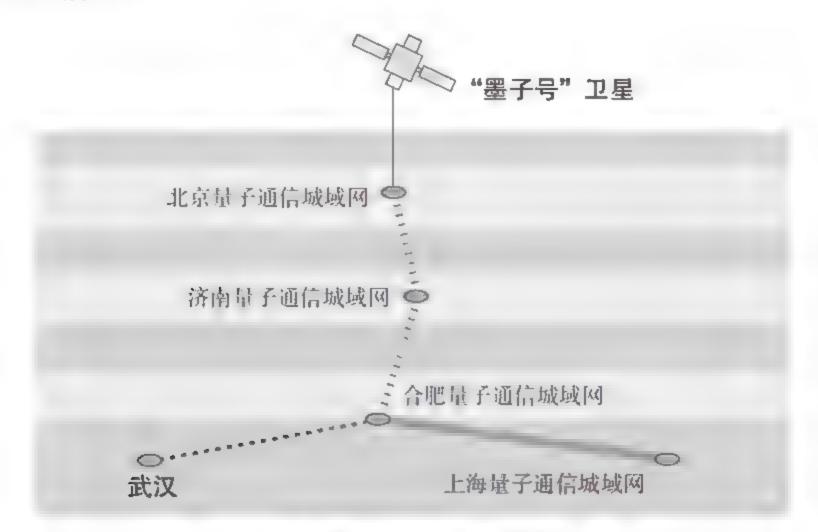


图 6.14 量子保密通信"京沪干线"项目

6.7 量子计算

计算机把我们带入了信息时代,给我们的工作和生活带来了巨大变化。当今的(传统的)计算机芯片的集成度以大约每十八个月提高一倍的速度快速增长(即摩尔定律),这样,计算机芯片的集成度在不久的将来就会达到原了分子量级(10⁻¹⁰ m),这时热量和量子效应甚至会完全破坏芯片的功能。所以,构想能够超越传统计算机的新模型是一个非常重要的方向。美国阿冈国家实验室的保罗•贝尼奥夫(Paul Benioff)第一个提出,利用量子物理的二态系统模拟数位0与1,可以设计出更有效能的计算工具。1982年,费恩曼对量子计算机作了概念上的引申,使得有更多的物理学家注意到量子力学与计算科学之间可能的关联。1985年英国牛津大学的多伊奇进一步阐述了量子计算机的概念,并且证明

了量子计算机比经典计算机具有更强大的功能。1994年,贝尔实 验室的数学家肖尔发表了突破性的 1 作 ——快速整数因数分解方 法 (如今已被称为肖尔算法, Shor's Algorithm)。因为该算法可能 破解目前普遍采用的RSA密码系统,于是引起了极大的震撼。所以, 从 1994 年之后关于量子计算和量子通信的论文便迅速增加, 也 开始吸引来大量的研究经费。1995年,美国的格鲁弗又证明了在 搜索问题上量子计算机也比经典计算机优越。目前,在美国、欧洲、 日本以及中国已经有了相当多这方面的研究。肖尔本人于1998 年在柏林举行的国际数学大会上, 与怀尔斯(Andrew Wiles. 曾 译为威尔斯)(费马最后定理的证明者)一同获奖。

量子计算是一种遵循量子力学规律、调控量子信息单元而进 行计算的新型计算模式。传统计算机的理论模型是采用所谓的图 灵机模式。 通用的量子计算机, 其理论模型是用量子力学规律重 新诠释通用的图灵机。从计算效率上看,由于量子力学叠加性和 非定域性的存在,目前某些已知的量子算法在处理速度上要大大 快于传统的计算机。

简单地说,量子计算机与传统的通用计算机一样,也是由存 储器和逻辑门网络组成的,但是量子计算机的存储和逻辑门与经 典计算机是不同的,下面作简单的比较。

普通的计算机中,2位的存储器在某一时间仅能存储4个二 进制数(即00、01、10、11)中的一个;而量子计算机中的2 量子位存储器则可同时存储这四个数,因为每一个量子比特可 表示两个值(如自旋的上或下、圆偏振的左旋或右旋)。如果有 更多的量子比特的话,量子计算机的计算能力可以呈指数式提 高(这是很重要的)。也就是说,量了计算机与传统计算机的一 个主要区别是,传统计算机使用1和0存储信息(并开展运算), 而量子计算机中使用的量子比特所能包含的信息则要多得多。

在常规的计算机中,信息单元(称为比特,bit)用二进制的

量子计算机虽 然还只能解决传统 计算机所能解决的 问题, 但从计算效 率上看,目前已知 的量子算法处理问 题时的速度要明显 快于传统计算机。

量子计算是一 种遵循量子力学规 律、调控量子信息 单元进行计算的新 型计算模式。通用 的量子计算机,其 理论模型是用量子 力学规律重新诠释 通用的图灵机。

一个位来表示,它不是处于0态就是处于1态。在二进制的量子 计算机中,量子信息单元称为量子比特(qubit,也称为量子位), 它除了可处于0态或1态外,还可以处于0态和1态的任意线性 叠加态(0 态和 1 态以·定的概率同时存在, 请参考 4.3 节的量 子力学公设(2))。实际中,任何两态的量子系统都可以用来实 现量子比特,例如,氢原子中电子的基态和第一激发态、质子 自旋在任意方向的 + 1/2 分量和 -1/2 分量,以及圆偏振光的左旋 和右旋等。根据量子力学、对 n 个量子比特而言、它可以承载 2 的n次方个状态的叠加状态,而且量子计算机将保证每种可能的 状态都以并行的方式演化(这来自量子力学的原理)。这意味着。 如果有 500 个量子比特的话,则量子计算的每一步会对 2500 种可 能性同时作出操作。2500是一个非常"可怕"的数,它比地球上 已知的原子数还要多。这是真正的并行处理,而当今的经典计算 机中的并行处理器仍然是一次只做一件事情。原理上, 要有量子 计算机中实现高效率的量子并行运算,就要用到量子相干性。所 谓的相干性,也称为"态之间的关联性",是我们多次提到的量 **子非定域性,如粒子间的量子纠缠。量子计算机中,由于量子比** 特串列的量子相干性(纠缠)会使它们作为一个整体来动作,因 此,只要对一个量子比特进行处理,其影响就会立即(瞬时地) 传送到串列中其余的量了比特。这一特点,正是量子计算机能够 进行高速运算的关键。也就是说,正是由于量子纠缠态之间神奇 的关联效应, 才使得量了计算机可以实现量子并行算法, 从而在 许多问题上可以比经典计算机大大减少操作次数。

量了计算将有可能使量了计算机的计算能力大大超过今天 传统的计算机。但是现在仍然存在着很多障碍, 主要问题是实验 上对微观量了态的操纵确实太困难了。已经提出的操控方案主要 有利用冷阱束缚离子、电子或核自旋共振、量子点操纵、超导量 子干涉,以及原子和光腔的相互作用等。最近,金刚石中的氮原

6章

子——空位色心(NV center)受到了特别的重视。要建造一台大型的量子计算机,就必须能够计它在量子层面上运行,可是一旦我们试图建立一个大到满足需求的计算机时,它的量子效应就不可避免地开始消失,体系便开始遵循宏观世界的规律。目前,世界上的主要国家都在以极大的热情开展量子计算机的研究工作。量子计算机使计算的概念焕然一新,更重要的是,量子计算可以在科学研究中发挥巨大的作用。无论是生物化学反应过程的模拟,还是气候变化等大数据的处理,都是量子计算机发挥作用的地方,而这正是经典计算机的短处。而且,量子计算机的作用远不止解决一些经典计算机无法解决的问题。

中国科学技术大学潘建伟院士团队宣布了他们在光子和超导体系量子计算机研究方面取得的重要进展。对于光子体系,他们在实现十光子纠缠操作的基础上,构建了用于玻色取样的多光子可编程量子计算机原型机,首次演示了超越早期经典计算机(ENIAC、TRADIC)的量子计算能力。潘建伟院士自己指出,目前研制的还是量子模拟机!而且超越的是早期经典计算机ENIAC,而不是当今我们用的功能成熟的通用型计算机。量子计算机的时代还没有到来,只是走出了具有论证意义的一小步,不过,这一小步却是极为关键的一步。

量子计算机的 时代还没有真正到 来,我们现在所 近出的每一小步都 是极为珍贵和关 键的。

第7章

高等一点点的量子力学

7.1 自旋是什么

"什么是自旋?"这是学生们很喜欢问的问题。然而另一面, 学生们却很少问:"质量是什么? 电荷是什么?"其实,自旋与质 量、电荷等物理量一样,是微观粒子的一个基本属性。也就是说, 电子(或其他微观粒子)的自旋角动量及其相应的磁矩是电子本 身的内禀属性, 所以通常也称为内禀角动量和内禀磁矩。自旋角 动量是粒子与生俱来的一种角动量,并且其量值一定是量子化的, 无法被改变(但自旋角动量的指向可以透过操作来改变)。相对 于大家熟悉的静止质量和电荷, 自旋是微观粒子的一个新的自由 度。已经有大量的实验证明,自旋及其相应的内禀磁矩是标志各 种基本粒子的非常重要的物理量,每个粒子都具有特有的自旋。 自旋是量子力学当中特有的,它并没有经典物理学的对应物。在 量子力学中,其含义也只有在相对论量子力学中才能搞清楚。自一 旋为0的粒子从各个方向看都一样,就像一个点。自旋为1的粒 子在旋转 360° 后看起来一样, 自旋为 2 的粒子在旋转 180° 后看 起来一样, 自旋为 1/2 的粉 子则必须旋转 2 圈看起来才会一样。 自旋为半整数的粒子组成宇宙中的"物质",而自旋为0、1、2 的粒子产生物质粒子间的力。已经发现的粒子中, 自旋为整数的, 最大自旋为 4; 自旋为半奇数的,最大自旋为 3/2。自旋为 1/2 的 粒子包括电子、正电子、质子、中子、中微子和夸克等, 光子的 自旋为1, 理论假设的引力了自旋为2, 希格斯玻色了在基本粒 子中比较特殊,它的自旋为0。原子和分子的自旋是原子或分子。 中未成对电子的自旋之和、未成对电子的自旋导致原子和分子具 有顺磁性。

量了力学经常有悖于我们的日常生活经验,在前面的讨论中, 我们已经多次遇到这种情况了。自旋,也是一个不好想象的东西。 例如,一个粒子必须旋转2圈才会和它自己露出同一面孔(那么

旋转1圈所露出的面孔就与自己不一样了?!)这是根本无法想象的事情,这里面的意义只能通过数学去把握。

以上叙述的是关于自旋的基本知识。现在,来看看引入自旋 所基于的主要实验事实。

(1) 碱金属光谱线的精细结构

当使用较高分辨率的光谱仪观察钠的光谱时,发现许多光谱线都有双线结构,即谱线有精细结构。所谓精细结构,指的是发现原来的一条谱线实际上包含了两条或几条波长非常接近的谱线。钠的黄色谱线常被称为 D 双线,两条谱线的波长分别为 5890 埃和 5896 埃。为了解释碱金属谱线的双线结构,就必须引入自旋,并考虑进自旋角动量和轨道角动量的耦合。

(2) 反常塞曼效应

在强磁场中,原子光谱线发生分裂的现象(一般分裂为三条),称为正常塞曼效应。对于正常塞曼效应,不需要引入自旋及其磁矩的概念,就可以加以解释 但是,在弱磁场情况下,非单态的谱线会发生复杂的分裂,分裂的条数不一定是三条,谱线间隔也不一定是一个洛伦兹单位,这就是所谓的反常塞曼效应。为了解释反常塞曼效应,就必须引进电子的自旋。而且,除了需要考虑磁场与自旋的耦合之外,还必须考虑进自旋角动量和轨道角动量之间的耦合。

如上所述,为了解释原了光谱中的一些复杂现象,必须引入自旋的概念。乌伦贝克和占兹密特就是为了解释这些困难,于1925年基于这些实验事实而提出了自旋的假设。他们最初提出的自旋概念具有机械的性质:就像地球绕着太阳的运动那样,电了一方面绕着原子核运转,一方面还会自转。只不过电子的自旋角动量在空间中的分量可能而且只能有两个值,±1/2。自旋角动量与轨道角动量(或自旋运动与轨道运动)是非常不同的,把电子的自旋看成是机械的自转是不对的(经典的角动量示意图见

图 7.1)。当乌伦贝克和占兹密特的论文还没有发表(但是已经投稿)的时候,洛伦兹就指出,根据测不准关系估算出来的自转速度将远大于光速。所以,自旋不是自转。如果说电子要绕着它的自转轴旋转,那么这个轴是什么?由于量子力学根本就不把电子视作一个球体,那么这个自转轴是没有意义的。自旋是微观粒子的固有运动,这个运动与粒子所处的状态无关。例如,不管是被原子核束缚住的电子,还是金属中的近自由电子,或是星际虚空中完全自由的电子,自旋这个量不受任何影响。电子的自旋永远保持不变,而且永远与其自身联系在一起。

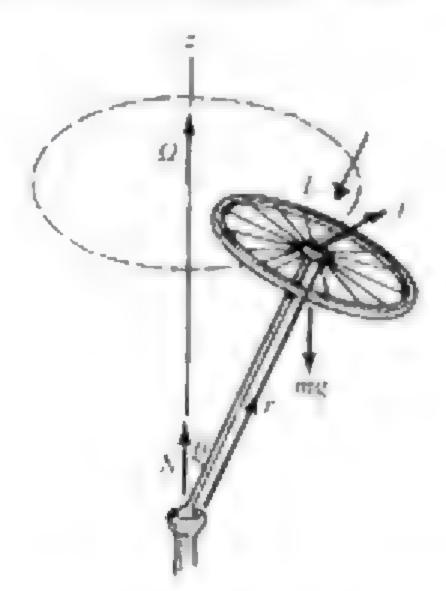


图 7.1 经典物理中的轨道角动量和自转角动量

这里面有两个插曲。

插曲(1): 荷兰莱顿大学的研究生乌伦贝克和古兹密特(图 7.2) 在研究原子光谱的时候,产生了电子有"自旋"的想法(他们并不知道克罗尼格也有过这样的思想)。两人找到导师埃伦费斯特(Paul Ehrenfest,曾译为埃仑费斯特)征求意见,埃伦费斯特不是很确定,但建议两人写一篇小论文发表。乌伦贝克和古兹密特在将论文交给埃伦费斯特之后,就去求教洛伦兹。洛伦兹计算后发现,对于这样的情况电子表面运动的速度会达到光速

的 10 倍。乌伦贝克和占兹密特两人大吃一惊,赶紧回学校想撤回那篇论文,但是已经太迟了,埃伦费斯特已经将论文寄给了《自然》杂志。据说两人当时非常的懊恼,埃伦费斯特只好安慰他们:"你们还年轻,做点蠢事也没关系。"结果论文发表后,玻尔、爱因斯坦都表示赞同,海森伯也改变了原先反对的态度。就这样,非常重要的自旋终于被发现。



图 7.2 乌伦贝克(左)、克莱默斯(中)和古兹密特(右)

插曲(2): 当1925年初泡利提出著名的"不相容原理"之后,人们已经知道,原子中的电子需要四个量子数来描述。当时,大家已经知道了三个量子数,而这第四个是什么,则众说纷纭。在乌伦贝克和古兹密特发现自旋之前,当时正在哥本哈根访问的克罗尼格也想到,可以把电子的第四个自由度看成电子绕着自己的轴旋转。他找到了泡利和海森伯,提出这一思路,结果遭到两个德国人的一致反对。因为若是这样,电子又被想象成一个实在的小球(这是量子力学中不愿意看到的),那至少它的表面旋转速度会高于光速。就这样,克罗尼格与自旋的伟大发现失之交臂。这一年的秋天,乌伦贝克和古兹密特在研究光谱的时候独立产生了自旋的思想。

在凝聚态物理、化学和材料学等许多领域中都需要大量使用 电子的自旋,我们来稍稍多看一下电子的自旋(图 7.3),它有 特殊的重要性。正如上面已经指出的,电子具有自旋角动量的特性纯粹是量子特性,它没有经典物理的对应,也不可能用经典物理学来解释。虽然说自旋角动量也是一个力学量,但是它和其他力学量有根本的差别:一般的力学量可以表示为坐标和动量的函数,但是自旋角动量却与电子的坐标和动量无关。电子的自旋量子数取半整数的值,这与轨道量子数有很大的区别,后者的量子数的取值只能为整数。电子的自旋是电子内部状态的表征,是描写电子状态的第四个变量。所以,电子的波函数应该写为

 $\mathbf{W} = \mathbf{W}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}, \mathbf{s}, t)$

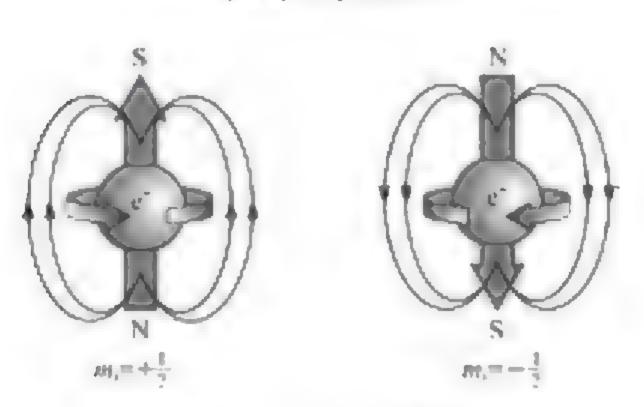


图 7.3 电子自旋示意图

由于电子的自旋只能取两个数值, ±1/2, 所以波函数可以进一步写成一个两行一列的矩阵:

$$\boldsymbol{\psi} = \begin{pmatrix} \psi_1(x, y, z, t) \\ \psi_2(x, y, z, t) \end{pmatrix}$$

Ψ₁和Ψ₂分别对应着自旋为+h/2和-h/2时的波函数。

理论上,对自旋的完整描述应该川功于狄拉克方程。1928年,杰出的英国物理学家狄拉克提出了一个关于电子运动的相对论性的量子力学方程,即狄拉克方程,这个新的方程的解有极佳的相对论不变性。狄拉克做了一件不寻常的事情:他把四个波函数引入함定谔方程,以代替原先的一个波函数。与波函数的数目相对应,方程有四个解,而前两个解就是两种可能意义下的电子自旋。

也就是说,这个新方程考虑进了有自旋角动量的电子作高速运动时的相对论效应。从这个方程可以自动导出电子的自旋量子数为1/2,还正确地给出了电子的内禀磁矩等。电子的这些性质过去都是从实验结果中总结出来的,并没有理论上的解释,而狄拉克方程却可以自动地导出这些重要的基本性质,这是很了不起的。关于狄拉克方程的更多讨论,请参阅7.3 节"相对论性量子力学"。

最后,自旋、质量和电荷都是从哪里来的?这可以从一门称为"量子场论"的物理学理论中得到说明。但是,这些内容超出了我们科普量子力学的初衷。感兴趣的读者很容易找到"量子场论"的相关书籍。

7.2 非相对论性量子力学的第三种形式

非相对论性量子力学实际上有三种形式。按照其理论创建的时间前后分为: ① 1925 年由海森伯创建的矩阵力学形式; ② 1926 年由薛定谔创建的波动力学形式; ③在 1948—1950 年

由费恩包立的路径积分形式 (关于狄拉克的一种 q 数形式, 见 4.2 节)。这三种形式都是逻辑上完备的量子力学理论,而 且已经从数学上证明了它们是 完全等价的。波动力学是目前 最为广泛采用的形式,一般的 普通量子力学教科书也都采用 这一理论体系。费恩曼(图 7.4) 的路径积分形式也是量子力学 的一种非常重要的形式,因为 它非常适合于场论。



图 7.4 费恩曼

笔者一直在做计算凝聚态物理方面的工作。但是在1990年初刚到美国时却"意外地"到了新泽西州立大学(Rutgers University)的一位德裔教授的组里。教授给我的任务是一个与路径积分相联系的课题。在我苦读费恩曼的名著《量子力学与路径积分》时,就感到了深深的震撼。原来费恩曼为了达到自己"可以告人"的目的,真的是"不择手段"地重新构建了整个量子力学,或者说他完全重构了量子力学计算的数学框架。经过一年多的时间,我在 Physical Review B 上发表了一篇与路径积分相关的论文,这应该是我唯一的一篇与路径积分有关的论文了。

让我们举一个很简单的例子来看看费恩曼是怎样"重新构造"量子力学的。来看一下最简单的关于自由落体的情况。牛顿力学认为,自由落体只能有一条确定的路径从A点垂直地落到B点;量子力学认为,轨道或轨迹的概念是不合时宜的(已经被抛弃了),所以只可以说在A点或B点出现的概率如何如何;而费恩曼的路径积分方法则认为,从A点到B点,一个粒子可以走任意可能的路径,只是每一条路径有不同的概率罢了。总的效果是要把所有可能路径的"概率"效果积分出来(费恩曼在此发明了所谓的"路径积分")。

费恩曼被誉为是继爱因斯坦之后最容智的美国物理学家。他才二十几岁时,年长的维格纳(诺贝尔物理学奖获得者)就赞扬过:"他是第二个狄拉克"。从费恩曼创建路径积分形式的量子力学体系来看,他的手法确实是革命性的(基本上是完全的创新)。著名的物理学家,费恩曼的挚友戴森曾经这样描写费恩曼:"费恩是个极具独创性的科学家。他不把任何人的话当真,这就意味着他得自己去重新发现或发明几乎全部物理学。为了重新发明量子力学,他专心致志地工作了五年。他说他不能理解教科书中所教的量子力学的正统解释,所以他必须从头开始,这实在是个壮举。"费恩曼就是一个不迷信任何权威的人,最终独立发展了

第7

矩阵力学和波动力学之后的量子力学的第三种表达形式——路径积分形式。费恩曼的一生多彩多姿,他的各种故事也传颂一时。他喜欢待在酒吧里做科学研究,当那个酒吧因妨碍风化而被取缔时,他出庭为其辩护。他对理论物理有重大贡献,他以量子电动力学上的开拓性理论获得了诺贝尔物理学奖。在物理学界费恩曼是一个传奇性的人物。

量子力学的路径积分形式是 1948—1950 年由费恩曼创立的。这个理论的核心是如何去构造量子力学中的传播子(propagator),传播子包含了量子体系的全部信息。这可以从形式上类比于萨定谔的波动力学,即波动力学的核心是去构造体系的哈密顿算符,而哈密顿量包含了量子体系的所有信息。但是,在意义上,路径积分形式是不同于波动力学的。路径积分理论直接把传播了与经典力学中的作用量联系了起来,路径积分理论与经典力学的拉格朗目形式有着密切的关系。

让我们来稍稍深入一点、按照费恩曼的假设、传播子写为 $K(r''',r'') = \int e^{i\eta r(r) h} D[r(r)] dr$

其中, $S[r(t)] = \int_{t}^{t} L(r,t,t) dt$,S是依赖于粒子轨道r(t)的泛函(注:方括号指的是泛函,圆括号代表我们通常的一般函数)。在这里,S式中积分的道路包含了对初、终点上(r(t')=r', r(t'')=r'') 连续变化的一切可能的路径。这是一个很不好理解的路径。K式中的积分也是对连续变化的一切可能的路径求积分。

如果说,路径积分形式的理论只是作为矩阵力学和波动力学的等价形式的话,那它就不会有太大的意义。应该指出,路径积分理论有一些重要的优点,简介如下。①易于从非相对论形式推广到相对论形式,因为作用量是一个相对论性不变量。所以,路径积分方法对于场量子化有着特殊的优越性。这就是为什么路径积分理论在量子场论中有非常重要的应用。②把含时问题和不含时问题纳于同一个理论框架中来处理。对于量子力学的三种形式,

路径行行它称信就来表学程格伊理合物的作品是考述上对的作的发生的生物的作的美化的生物的作的美化的生物的作的美化的发生的发生的人。

它们虽然是等价的,但是各有特点(优点)。用非常专业的话来 叙述:海森伯的矩阵力学是量子力学的一种代数形式;薛定谔的 波动力学是量子力学的一种微分方程的形式(局域性描述);费 恩曼的路径积分形式是量子体系的一种整体性的描述。

费恩曼的一生非常富有传奇色彩,我们先来看看他的生平。理查德·费恩曼,1918年5月11日出生在美国纽约市皇后区的一个犹太家庭,并在长岛南岸的法罗克维长大。费恩曼的父亲非常重视对孩子的教育,当费恩曼长大一点时,就带他去博物馆,并且给他读《不列颠百科全书》,然后用自己的语言耐心地解释。后来费恩曼愉快地回忆道:"没有压力,只有可爱的、有趣的讨论。"费恩曼很快就开始自己读《不列颠百科全书》了,并对上面的科学和数学文章尤其感兴趣,却觉得人文科学枯燥无味。他甚至认为英语的拼写太缺乏逻辑性,所以成年以后他似乎不太擅长拼写。

1935 年,费恩曼高中毕业之后进入麻省理工学院学习,最初主修数学和电力工程,后转修物理学。1939 年以优异成绩毕业于麻省理工学院,毕业论文发表在《物理评论》上,内有一个后来以他的名字命名的量子力学公式。之后,费恩曼到普林斯顿大学当惠勒的研究生,致力于研究量子力学的疑难问题;发散困难。1942 年 6 月在普林斯顿大学获得理论物理学博士学位。同年与高中相识的恋人艾琳结婚。1942 年,24 岁的费恩曼加入美国原了弹研究项目小组,秘密参与了研制原了弹项目的"曼哈顿计划"。1945 年艾琳去世。同年,"曼哈顿计划"结束,费恩曼到康奈尔大学任教。1950 年转到加州理工学院担任托尔曼物理学教授,直到去世。期间、费恩曼于1965 年因在量了电动力学方面的贡献与施温格、朝永振一郎一同获得诺贝尔物理学奖。费恩曼提出了费恩曼图、费恩曼规则和重正化的计算方法。这是研究量子电动力学和粒了物理学不可缺少的工具。费恩曼也是第一

第7

个提出纳米概念的人。他曾经是"曼哈顿计划"理论方面的小组 长,该研究小组负责研制原子弹。在加州理工学院期间,因其幽 默生动、不拘一格的讲课风格深受学生欢迎。他的一系列讲座被 收集在一起, 出版了著名的《费恩曼物理学讲义》。1986年, 费 恩曼参与调查"挑战者号"航天飞机的失事事件。

费恩曼是诺贝尔奖得主,被公认是近代最伟大的理论物理学 家之一。一方面, 费恩曼曾经和爱因斯坦、玻尔等物理学大师讨 论物理问题: 另一方面,费恩曼从小到大个性极其鲜明,他可能 是历史上唯一的被按摩院请去画裸体画,在巴西桑巴乐团担任鼓 手,偷偷打开放着原子弹机密文件的保险柜,以及在赌城跟职业 赌徒一起研究输赢概率的诺贝尔物理学奖获得者。费恩曼在《别 闹了, 费恩曼先生》一书中有这样一种说法:"伟大的数学家冯•诺 依曼教会了我一个很有趣的想法: 你不需要为身处的世界负任何 责任。由此我就形成了强烈的社会不负责任感、从此成为一个快 乐逍遥的人。大家听好了,我的不负责任感令都是由于冯•诺依 曼在我思想上撒下的种子而起的!"这应该只是费恩曼自己的一 种说辞而已。

有很多关于费恩曼的有趣的故事。我们也在这里摘录儿则, 以供大家消遣。

(1)怪异的爱好

据费恩曼女儿的回忆: 在参与"曼哈顿计划"的过程中,费 恩曼承受了巨大的心理压力。他和同事们几乎是夜以继日地工作, 经常忘记什么是时间。也许是为了松弛自己紧绷的神经,费恩曼 找来各种样式的锁具进行拆解组装,并很快掌握了各种锁具的开 锁方法。后来他瞄上了保险柜,几乎不费多长时间就掌握了不同 保密级别保险柜密码的规律、打开不同品牌的保险柜成为他研究 1作之外的拿手好戏。后来,整个洛斯阿拉莫斯实验室(美国原 子弹研究的重地) 几乎没有他打不开的门或柜。他的这种搞怪行

费恩曼的个性 理的表述风格也是 **今人着迷的**。

为计这个全世界保密级别最高的核研究基地数度如临大敌。他取出另一个研究小组的保密资料后还会留下一张字条:"这个柜子不难开呀",核基地的安保人员曾被吓出一身冷汗。

(2) 坦诚犀利

晚年费恩曼有一段精彩的经历。那就是参与1986年"挑战者号"航天飞机事故的调查。他一改过去做学问的"学术风格",带着疑点深入到设计、制造、操作航天飞机的技术人员和发射人员那里了解情况,还亲自到残骸旁仔细观察。最后,他以惊人的速度找到事故的关键原因,令整个美利坚为之震撼。在揭秘真相的那一天,参与调查的专家们各自陈述了自己的结论。他们都是从各自的专业范畴出发,冗长的数字、生僻的术语,自然是淋得非专业人员一头雾水。

轮到费恩曼发言时,他没有立即开讲,而是向会议主持者要来一杯冰水,然后把航天飞机的关键部件——燃料箱的密封橡胶圈放了进去,所有人的目光都被吸引到那个水杯上,大家屏息凝神地等待他的结论。5分钟后,他拿出橡胶圈轻轻一折,橡胶圈便断成两截。费恩曼紧盯着于里的橡胶圈说:"发射当天的低气温使橡皮环失去膨胀性,导致推进器燃料泄漏,这就是问题的关键。"后来,人们将这一幕说成是20世纪最动人的科学实验之一。

(3)一个著名的片段:一生挚爱

1942年,费恩曼与艾琳·格林鲍姆结婚。他们从高中开始相恋,约会了六年以后才正式订婚。当费恩曼去普林斯顿大学深造时,艾琳发现自己颈部有一个肿块,并且持续疲惫和低烧了几个月,最后被诊断为结核病。费恩曼得知检查结果后,认为自己应该跟她结婚以便很好地照顾她(尽管他父母反对)。于是,1942年6月29日,在去医院的路上,位治安官员主持了他们的结婚仪式。尽管这时费恩曼已经在忙于"曼哈顿计划"的研究工作,他还是尽心竭力地照顾艾琳。从他们结婚那天直到艾琳去世,她一直在

第

医院里卧床休养。费恩曼平时工作繁忙,只有到了周末才能驱车 赶到医院,与艾琳待在一起。一周当中的其他日子,这对年轻夫 妇就互相写信。为了避过安全人员的检查,他们为自己的书信设 计了一套特殊的密码。

1943 年春天, 普林斯顿大学的科学家们被转移到洛斯阿拉莫斯的实验室, 费恩曼非常不放心艾琳。曼哈顿项目主持人奥本海默在洛斯阿拉莫斯以北 60 英里的阿布奎基找了一所医院, 计艾琳住在那里, 这样费恩曼就可以安心工作了。随着第二次世界大战进入自热化, 费恩曼的工作压力越来越大, 每次看到丈夫那瘦削的脸庞, 艾琳都会心疼地问:"亲爱的, 你到底在做什么工作, 能告诉我这个秘密吗?"每次, 费恩曼总是一笑说:"对不起, 我不能。"

1945年6月16日,艾琳永远地闭上了眼睛,那时他们结婚才三年,离即将要进行的第一次核爆炸也只有一个月了、弥留之际,艾琳用微弱的声音对费恩曼说:"亲爱的,现在可以告诉我那个秘密了吗?"费恩曼咬了咬牙,说:"对不起,我不能。"

1945年7月16日清晨,一处秘密试验基地,费恩曼和同事们亲眼看到了那道强光穿透了黑暗,接下来,一片由烟雾和爆炸碎片构成的黑云冲天而起,渐渐地形成了蘑菇云……"亲爱的,现在我可以告诉你这个秘密了……",费恩曼喃喃自语道。突然间他意识到,艾琳已经不在了,泪水夺眶而出。

艾琳已经离开他很久了,费恩曼还给她写信。像以前那样,用只有他们俩才看得懂的文字。不同的是,每次写完信,费恩曼都要在信的结尾加上一句:"亲爱的,请原谅我没有寄出这封信,因为我不知道你的新地址。"当费恩曼获得诺贝尔奖而接受采访时,他说:"我要感谢我的妻子……在我心中,物理不是最重要的,爱才是!爱就像溪流,清凉、透亮……"

7.3 相对论性量子力学

薛定谔建立的波动力学是非相对论性的。为了使本书更加完整,在这里用·节的篇幅简单介绍·下相对论性的量子力学波动方程。物理系学生之外的读者可以跳过去。

我们都知道,当粒子的运动速度远比光速小的时候,相对论效应是很小的,可以忽略不计。这时,薛定谔方程是一个很好的近似。但是,非相对论性的薛定谔方程所描述的系统其粒子数是守恒的。所以它不能描述物理学中常见的粒子产生与湮灭的现象(这在高能物理领域是很常见的)。显然,我们需要建立相对论性的波动方程。

其实,在差不多与薛定谔方程提出的同时,就有所谓的克莱因-戈尔登(Klein-Gordon)方程被提出:

$$-h^2 \frac{\partial^2}{\partial r^2} \psi = (-h^2 c^2 \nabla^2 + m^2 c^4) \psi$$

在这个方程中,对时间和空间都是二阶导数的。这与薛定谔方程不同,在那里对时间是一阶导数的而对空间是二阶导数的 最初,在将克莱因-戈尔登方程看成是描述单个粒子的运动方程时遇到了困难、直到 1934 年,泡利等人给方程予新的解释,才让人意识到这是一个描述自旋为零,但质量不为零 $(m \neq 0)$ 的粒子的方程。

为了克服克莱因-戈尔登方程遇到的负几率的困难, 狄拉克 在 1928 年提出了关于电子的相对论性的波动方程, 被广泛称为 狄拉克方程。尽管把狄拉克方程看成是单个电子的运动方程最初 存在负能级的困难, 但是它还是取得了很大的成功, 引起了巨大 的关注, 并在此后相当长的一段时间内被人们视为唯一可信的相 对论性波动方程。狄拉克方程可以给出氢原了光谱的精细结构、 电子的自旋和内禀磁矩, 以及自旋-轨道耦合作用等一些重要的

性质。狄拉克方程还预言了正电子(即电子的反粒子)或反粒子的存在。1932年,正电子被加州理工大学的 C. D. 安德森的实验观察到,安德森由此获得了1936年的诺贝尔物理学奖。需要指出,单粒子理论还不能处理电子的反常磁矩、氢原子能级的兰姆移动以及粒子的产生和湮灭等一些现象。

在泡利和韦斯科普大(Victor F Weisskoft, 曾译为韦斯科夫)的努力下(1934年),人们终于认识到克莱因-戈尔登方程、狄拉克方程以及麦克斯韦方程都应该理解为场方程 这些方程分别描述了自旋为零(但静质量不为零)、自旋为产2以及自旋为产(但静质量为零)的场。这些方程也分别称为标量场、旋量场和矢量场的场方程。

7.4 量子力学看起来应该是这样的

本书到现在为止只写出非常少的一些方程和公式,主要还是 通过语言的平铺直叙来表述、所以,各位可能会认为量子力学就 是如本书到目前为止所叙述的那样。实际上,用平常的语言是不 可能完整地表述量子力学的,量子力学的语言是数学的。对于物 理系、化学系或材料系的大学生来说,其实量子力学应该是以下 这样的。

对一个氢原子:

$$\hat{H} = \frac{\hat{p}_n^2}{2M} * \frac{\hat{p}_c^2}{2m} - \frac{e^2}{|r_c - r_n|}$$

取质心坐标系:

$$\left(\frac{\dot{p}^2}{2\mu} - \frac{e^2}{r}\right) \psi(r) = E\psi(r)$$

这里,
$$\mu = r_e - r_N$$
。取球坐标系: $(m+M)$

$$\left\{-\frac{\hbar^2}{2m}\left[\frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{2}{r}\frac{\partial}{\partial r} + \frac{1}{r^2}\left(\frac{\partial^2}{\partial \theta^2} + \cot(\theta)\frac{\partial}{\partial \theta} + \frac{1}{\sin^2(\theta)}\frac{\partial^2}{\partial \phi^2}\right)\right] - \frac{e^2}{r}\right\}\psi(r,\theta,\varphi)$$

 $=E\psi(r,\theta,\phi)$

分离变数:

$$\psi(r,\theta,\varphi) = R(r)Y_{co}(\theta,\varphi)$$

得角度部分:

$$\frac{1}{\sin\theta} \frac{\partial}{\partial\theta} \left(\sin\theta \frac{\partial Y}{\partial\theta} \right) + \frac{1}{\sin^2\theta} \frac{\partial^2 Y}{\partial\phi^2} + I(I+1)Y(\theta,\phi) = 0$$

(略去大量的数学过程)得角度部分的解就是标准的球谐函数 $Y_{lm}(\theta,\varphi)$ 。

径向方程:

$$\frac{d^{2}R(r)}{dr^{2}} + \frac{2}{r}\frac{dR(r)}{dr} + \frac{2\mu}{\hbar^{2}} \left(E + \frac{e^{2}}{r} - \frac{I(I+1)\hbar^{2}}{2\mu r^{2}} \right) R(r) = 0$$

作变量变换:
$$\rho = \left(\frac{8\mu|E|}{\hbar^2}\right)^{1/2}$$
 ,则

$$\frac{d^{2}R}{d\rho^{2}} + \frac{2}{r}\frac{dR}{d\rho} + \left(\frac{\sigma}{\rho} - \frac{l(l+1)}{\rho^{2}} - \frac{1}{4}\right)R = 0, \quad \text{if } \phi = \frac{e^{2}}{h^{2}}\left(\frac{\mu}{2|E|}\right)^{1/2}$$

以上方程的求解在数学上有标准做法 略去复杂的求解过程, 最后结果为

$$E_{\pi} = -\frac{\mu e^4}{2\hbar^2} \frac{1}{n^2} \quad (n=1,2,3,\cdots)$$

$$\psi(r,\theta,\varphi) = \sum_{n=1}^{\infty} \sum_{i=0}^{\infty} \sum_{n=1}^{i} a_{n+m} R_{n,i}(r) Y_{i,+}(\theta,\varphi)$$

来简单讨论一下这个结果:从一个定态薛定谔方程 $H\psi(r)$ $E\psi(r)$ 的表观上看,这个本征值问题也就只能解出本征值E 和本征函数 $\psi(r)$ 了。可以看到,上面得到的能量的值(称为能量本征值)是一个个不连续的分立值,在原子中被称为能级

(像一级一级台阶一样)。波函数 w 的表达式中为什么有这么多求和号?这又是 4.3 节中量子力学公设 (2) 的要求! 我们已多次看到公设 (2) 的重要性了。

氢原子问题在量子力学的发展过程中曾经起到了举足轻重的作用,它是极少数可以得出严格解的量子力学问题之一 理解氢原了对理解其他原子或离子都有非常重要的作用。对于攻读量子力学课程的读者来说,氢原子的求解是应该掌握的。

以上是一个普通量子力学的问题。可能更加重要的,量子力学还需要二次量子化的处理方式。这里以哈伯德模型的哈密顿量为例。

考虑由 N 个原子组成的简单晶体:

$$H = \sum_{i} h(\mathbf{r}_{i}^{i}) + \frac{1}{2} \sum_{i \neq i} V_{\phi}$$

$$V_{ij} = \frac{e^2}{\left| \mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j \right|}$$

为了简单起见,只考虑单个未填满的孤立 s 带。这样,在布 洛赫表象中,哈密顿量的二次量子化的表达式为

$$H = \sum_{i,\sigma} E_i C_{i,\sigma}^{\sigma} C_{i,\sigma} + \frac{1}{2} \sum_{i,k=1}^{n} \sum_{i,\sigma,\sigma} \left\langle k_i, k_i \middle| F \middle| k_i', k_i' \right\rangle C_{i,\sigma}^{\sigma} C_{i,\sigma}^{\sigma} C_{i,\sigma} C_{i,\sigma} C_{i,\sigma}$$
其中,

$$\left\langle k_{1},k_{2}\left|V\left[k_{1}^{'},k_{2}^{'}\right]\right\rangle =e^{2}\iint\frac{\varphi_{k_{1}}^{*}\left(\boldsymbol{r}\right)\varphi_{k_{1}}^{*}\left(\boldsymbol{r}'\right)\varphi_{k_{1}}\left(\boldsymbol{r}\right)\varphi_{k_{1}}\left(\boldsymbol{r}'\right)}{\left|\boldsymbol{r}-\boldsymbol{r}'\right|}\mathrm{d}\boldsymbol{r}\mathrm{d}\boldsymbol{r}'$$

采用瓦尼尔表象:

$$\psi_{i}(\mathbf{r}) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{i} e^{ik\cdot R_{i}} a(\mathbf{r} - \mathbf{R}_{i})$$

以及

$$C_{i,\sigma}^* = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_i e^{ik\cdot R_i} C_{i,\sigma}^*$$

$$C_{i,\sigma} = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{i} e^{ik\cdot R} C_{i,\sigma}$$

可得出瓦尼尔表象中的二次量子化的哈密顿量:

$$H = \sum_{i,j} \sum_{\sigma} T_{i,j} C_{i,\sigma}^{\dagger} C_{j,-} + \frac{1}{2} \sum_{i,j,m,n,\sigma} \sum_{\sigma} \left\langle i,j \big| V \big| I,m \right\rangle C_{i,\sigma}^{\dagger} C_{i,\sigma}^{\dagger} C_{m,\sigma}^{\dagger} C_{i,\sigma}$$

其中,

$$T_{r_0} = e^2 \int a'(r - R_r) h(r) a(r - R_r) dr = \frac{1}{N} \sum_k e^{ik \cdot R_r \cdot R_r} E_k$$

$$\left\langle i,j\left|V\left|l,m\right\rangle\right\rangle =e^{2}\iint\frac{a^{'}(r-R_{c})a^{'}(r'-R_{c})a(r-R_{c})a(r'-R_{c})}{\left|r-r'\right|}\mathrm{d}r\mathrm{d}r'$$

上式是个多中心积分,可以化成单中心、双中心、……考虑一个 窄带,那么单中心积分是最重要的,即

$$U = \left\langle i, i \middle| V \middle| i, i \right\rangle = e^2 \int \frac{a'(r - R_i)a'(r' - R_i)a(r - R_i)a(r' - R_i)}{|r - r'|} \mathrm{d}r \mathrm{d}r'$$

假设只取这个单中心积分项,这就是哈伯德模型。那么

$$H = \sum_{i=1}^{n} \sum_{\sigma} T_{i,j} C_{i,\sigma}^{*} C_{j,\sigma} + \frac{U}{2} \sum_{i} \sum_{\sigma,\sigma'} C_{i,\sigma}^{*} C_{j,\sigma}^{*} C_{j,\sigma} C_{j,\sigma} C_{j,\sigma}$$

因为粒子数算符 $n_{i,i} = C_{i,i}^{**}C_{i,i}$, 再考虑到电子的自旋只有两个取值,而且由泡利不相容原理,不能在同一个格点 i 上产生两个自旋取向相同的电子,所以 $\sigma' = -\sigma = \overline{\sigma}$ 。最后得

$$H = \sum_{i,j} \sum_{\alpha} T_{i,j} C_{i,\alpha}^{\alpha} C_{j,\alpha} + \frac{U}{2} \sum_{i} \sum_{\alpha} n_{i,\alpha} n_{i,\alpha}$$

这就是著名的哈伯德模型的哈密顿量。它在凝聚态物理等领域中有非常重要的意义,在许多方面都有重要的应用。特别是在金属-绝缘体相变以及狭带磁性中,排斥势 U 起到关键的作用。至于如何求解哈伯德模型,已超出本书的范围。

从上面的讨论看来,如果略去推导过程中的说明(这是完全可以的),那么量了力学就只剩下一堆纯粹的数学公式了。其实,量子力学也应该是这样的,这是因为物理的语言就是数学,物理规律都必须用数学公式表达出来。用通常的语言可能永远也无法说清楚一个数学公式所蕴含的所有意思。

第7

密度泛函理论 7.5

很多时候我们遇到了问题,量子力学的原始方程可能只是在 墙壁上画了一个饼,它根本就没有办法吃。也就是说,相应的萨 定谔方程会过于复杂而根本无法求解。事实上,这个世界上目前 可以解析求解(或称严格解)的实例是非常有限的,其中最重要 的例子是氢原子。氢原子仅由一个质子和一个电子构成,是一个 :体问题,所以是可以严格求解的。但是,对于氦原了,有一个 核和两个电子,这样的三体问题目前就没有严格解。更不用说一 个简单的氢分子,含有四个粒子,也没有解析解。这样看来,对 量子力学的基本方程作近似求解是很有必要的。

让我们来看一个很著名的例子,这就是所谓的密度泛函理论 (density functional theory, DFT)。我们早已知道,直接使用薛定 一谔方程处理固体材料的问题是非常困难的(看来是不可能的), 所以必须发展出有效的近似计算方法。 在重要的近似方法中, 密 度泛函理论是可以给出很直观的说明, 易于理解 就因为对密度泛函理论的根本性贡献, 获得 1998 年的诺贝尔化 学奖。沃尔特•科恩 1923 年 3 月出生于世界名城维也纳的一个

通过薛定谔方 程能够进行严格求 解的实例是非常有 限的。所以对量子 力学的基本方程进 行近似求解是非常 必要的。



图 7.5 科恩

犹太人家庭。16岁时科恩从纳粹统治下的奥地利逃亡到了加拿大,而他的父母均在纳粹集中营被杀害。这一悲惨的遭遇一直影响着科恩的一生和他的政治态度。科恩曾经参加了第二次世界大战,战后进入加拿大的多伦多大学深造,于1945年获得学士学位,1946年获得硕士学位-1948年,他在哈佛大学获得博士学位。科恩曾在哈佛大学,卡内基-梅降大学以及加利福尼亚大学的圣地哥和巴巴拉分校任教。

固体材料是由大量原子构成的,处理这样的多粒子体系的出发点当然还是系统的薛定谔方程:

$$\hat{H}\psi\left(r,R\right)=E\psi\left(r,R\right)$$

其中,

$$\tilde{H} = -\sum_{r} \frac{h^{2}}{2m_{r}} \nabla^{2}_{rr} - \sum_{r} \frac{h^{2}}{2M_{r}} \nabla^{2}_{rr} + \frac{1}{2} \sum_{rr} \frac{e^{2}}{|r_{l} - r_{r}|} + \frac{1}{2} \sum_{rr} \frac{Z_{r}Z_{r}e^{2}}{|R_{r} - R_{r}|} - \frac{1}{2} \sum_{rr} \frac{Z_{r}Z_{r}e^{2}}{|r_{l} - R_{r}|}$$

上式中每一项的求和都是对大数的求和(每一项的含义就不予说明了,相信有量子力学和物理基础的人很容易就看出其意义),这个大数约为10²³。我们写出这个复杂的数学公式并没有实在的意义,用意就是要告诉大家,这样的系统有多么的复杂。显然,直接求解以上问题的薛定谔方程是不可能的(如果不是,可能性也是极小的,因为哈密顿算符实在是太复杂了)。在这里,我们将说明,在密度泛函理论的近似下,上面的问题是可能得到求解的(哪怕还存在一点近似)。

在 5.6 节中, 我们曾经将量子力学的主要数学框架用三句话来表述(读者可以好好地回顾一下)。在这里, 我们也可以将密度泛函理论的数学框架用三句话表述出来。现在, 计我们来看一下原始的量子力学的"三句话"与密度泛函理论的"三句话"的对比:

量子力学

密度泛函理论

- (1) ₩是体系的基本量
- (1) 密度 ρ 是体系的基本量
- (2) 基本量 Ψ满足薛定谔方程
- (2) 基本量 p 满足科恩-沈吕九方程
- (3) 力学量的平均值 $\overline{F} = [\psi^* F \psi d\tau]$ (3) $\overline{F} = F[\rho] \circ F(\rho)$

在这里,密度 ρ 是波函数的平方。从上述的对比可以看出密 度泛函理论与原始的量子力学方法之间的差别。①体系的基本量 变了。这是一个"巨大的"变化!量子力学中的基本量是波函数 Ψ,整个量子力学体系都是从这个波函数延伸开来的。但是,在 密度泛函理论中,基本量已经不再是波函数 ₹ 而是波函数的平 方ρ了。可以想见,密度泛函理论与原始的量子力学会是多么的 不同! 至于为什么系统的基本量可以变化? 这要归结到霍恩伯 格-科恩(Hohenberg-Kohn)定理上(超出了本书的内容范围)。 ②求解的基本方程变了。量子力学是求解薛定谔方程,而密度泛 的理论则求解科恩-沈吕九(Kohn-Sham)方程。为什么基本方 程也变了? 当然是因为基本量已经变了, 相应地基本量必须满足 的基本方程也会变化。科恩-沈吕九方程就是密度ρ应该满足的 方程,它由科恩和沈昌九在1965年导出、③求解基本方程后, 求力学量的平均值的办法也改变了。量子力学中,力学量的平均 值等于力学量相应的算符与波函数间的一个积分。而在密度泛函 理论中,为了得到力学量的值,人们必须"寻找到"该力学量与 密度 p 之间的函数关系。有点遗憾的是,有的物理量至今我们还 没有找到它们与密度之间的精确关系,例如交换关联能(自然地, 总能与密度之间的精确关系也是未知的)。

近年来, 计算机技术得到了飞速发展, 计算能力得以空前地 提高。基于密度泛函理论(而它又是基于量子力学的基本方程) 的计算已经越来越多地应用到表面、固体、材料的设计、合成、 模拟以及大分子等诸多方面的科学研究中。现在、密度泛函理论

改变量子力学 体系的基本量, 使 基本量不再是原来 的波函数。可以是 一件获得诺贝尔奖 的事情。

基于密度泛函 理论的计算方法已 经快速发展成为 物理学、化学、材 料学以及其他工程 领域的一个"标准 工具" 已经发展成为计算物理、计算化学、计算材料学甚至是计算生物学的一个非常重要的基本方法。总结一下,完全从量子力学的基本方程出发,你可能根本就无法下手,你遇到的数学问题的复杂程度可能远远超出目前人类的数学能力。但是,容忍一定的近似,便可能通过量子力学的基本方程发展出一套有效的求解方法、密度泛函理论便是一个很好的例子。这就是为什么这个理论方法能够获得诺贝尔奖的原因。很可惜,这类非常有效的近似理论还很少。可以说,如果能够牺牲一点求解的精度,从而换来一个复杂问题的近似解,那将是非常合算的。

正因为密度泛函理论(DFT)是基于薛定谔方程之上的一个近似理论,所以DFT 计算并不是对薛定谔方程的精确解。可以说,无论何时进行 DFT 计算,在 DFT 得到的能量与薛定谔方程真实的基态能量之间都存在差别。目前,除了与实验结果进行仔细的比较之外,还没有什么好办法来直接估算这个差别。

7.6 量子力学的随机性、叠加性和非定域性

关于量子力学的哲学以及逻辑,是一个作常大的话题,哪怕只是略为完整地讨论这个题目都已经超出了这样一本科普书的范围。但是,似乎完全不讨论量子力学的逻辑和哲学也是不合适的,这就是写作本节的原因。

学习量子力学时任何人都无法完全摆脱它的哲学问题。由于量子力学的哲学或许相当深奥,所以,如果我们不热心信奉或专注于什么特殊的哲学观点的话,多数人可以采取一种朴素的哲学观,就是一种自发唯物主义的朴素的哲学观,这种哲学观点也被称为"庸俗哲学",它既不那么精细,也不那么深刻。其实,大部分的物理学家都持有平庸而通俗的哲学观点。值得一提的是,研究量子力学中的哲学和逻辑问题既需要很深的哲学素养,也需

要很高的物理造诣。否则,仅凭一知半解就大发议论,其结果既败坏了哲学,也会糟蹋了量子力学(本书所发的议论,主要来自目前主流的说法)。

量子力学最主要的方面应该是它的随机性、非定域性和叠加性。所以,在这里我们也按照这些重要的特性来展开讨论,以帮助理解量子力学中主要的逻辑和哲学问题。

首先,我们来看量子力学中的随机性。在经典物理学中,起 支配作用的是所谓的拉普拉斯确定论,该确定论认为,宇宙就像 时钟那样运行,某一时刻宇宙的完整信息能够决定它在未来和过 去任意时刻的状态。或者说,存在一组科学定律,只要我们完全 知道宇宙在某一时刻的状态,我们便能依照这些定律预言宇宙将 会发生的任何一个事件。可见,经典物理学是宿命论的。在量子 力学中, 拉普拉斯确定论已经不再成立, 现在占支配地位的是统 计确定性。在微观世界里,我们已经无法预言一个微粒的运动(即 便说想预言的话, 那也只能说是统计学意义上的预言)。按照薛 定谔方程和玻恩对波函数 ψ 的儿率解释, 微观世界的规律存在 完全的随机性。例如,没有人能够预见一个放射性原了何时会衰 变。量子力学中有测不准关系,而测不准关系是与物质的波粒二 象性相联系的。当你观测物质时,不确定性的存在可以说是绝对 的。只要你去观察它,它就存在不确定性、当然,如果你不去观 测它,在量子力学中,说什么都是没有意义的。量子力学说明了 微观世界内在的随机性。可以这样思考一下,如果量子力学中没 有了完全的随机性,那么所有的系统就都具备了决定性,这样就 会退回到经典力学了。

经典物理学描述的系统具有决定性,而量了力学描述的体系 具有随机性,这也可以从它们的基本运动方程的角度来看。无论 是牛顿运动方程还是麦克斯韦方程组等大家熟知的方程,方程中 的各种基本变量都是实在的真实的物理量,方程的解都是物理量

随空间和时间的真实演变。但是对于量子力学的基本方程——薛定谔方程来说,方程中最基本的量是态函数 ¥,而它并非真实的物理量。可以认为,态函数本身并没有直接的物理意义,只是它的平方 |¥「才可以解释为找到粒子的儿率。有了这个波函数 ¥的儿率解释,从一开始占支配地位的便自然是统计决定性了一玻恩说过:"粒子运动遵循儿率定律,而几率本身按照因果律传播。"玻恩的意思就是说,薛定谔方程是儿率按照因果律演变的方程。

现在,我们讨论量子力学中的非定域性(也有人称"非全域性"),这或许本来不应该算是一个哲学问题,只是因为我们对这种非定域性的本质还搞不清楚而已。对于大多数人甚至是从事物理的人来说,非定域性可能用到的并不多。当然,从事这方面工作的人正在迅速增加,因为量子纠缠、量子通信、量子密钥和量子计算等在现代社会中变得越来越重要了。

那么,物体之间是如何实现相互作用的呢?物理学(包括相对论)认为,相互作用的个体之间必须交换某种媒介粒子,这样才能够传递相互作用。这是一个简洁(但需要一点点脑力)的逻辑:如果两个个体之间没有任何的物质(粒子)交流,那么凭什么一个个体能够"感觉"到另外一个个体传来的作用(力)呢?或者说,一个个体必须受到另一个个体发来的粒子的"冲击",才能感觉到另一个个体多来的作用力。弱力、强力与引力、电磁力有本质的不同,前两者是短程力,后两者是长程力。刚才提到,不同的相互作用是通过传递不同的媒介粒了而实现的。引力相互作用的传递者是引力了;电磁相互作用的传递者是光子;弱相互作用的传递者是规范粒了(光子除外);强相互作用的传递者是介了。引力了和光子的静质量为零,按照爱因斯坦的理论,引力相互作用和电磁相互作用的传递速度都是光速。力与传递粒子的静质量和能量有关,因而其传递速度是多样的。交换的媒介粒子质量越大,力程越短,所以强力和弱力所传递的都是有质量的粒子。

第

章

由于相对论要求任何粒子的运动速度不得超过光速,所以说,相互作用也不可能是瞬时的,或者说相互作用不可能是超距的。这种相互作用不能是超距的说法,就是经典物理学的"定域性"。

在量子力学中,却存在着一种"怪异"的现象,就是有一种跨空间、瞬间影响个体双方的似乎违背了狭义相对论的量子纠缠存在。这种所谓的"超距作用"(只是看起来像是超距作用)就是量子力学的"非定域性"我们在第6章对量子纠缠现象已经做了非常仔细的讨论 "非定域性"是量子论的一个数学推论,并且已经获得实验的验证。这种幽灵似的关联作用显得可以貌视时空的限制,似乎无需借助物理力就可以在两个相距遥远的事物之间瞬时地传递"相互作用"。理论上,在粒子的纠缠态被测量以后,它们仍能处于纠缠态中。量子力学的数学框架是健全的,并能很好地描述所有那些奇异现象。但是,量子纠缠是我们人类还不能完全想象的一个由量子力学导出的现象。不过,在量子力学面前,也许也没什么可大惊小怪的吧。由于我们在直觉上理解量子力学还存在一些难度,这是否暗示了有某些更进一步的真理尚未被人们所了解。

最后讨论量子力学中的叠加性 实际上,我们已经在 5.2 节中仔细讨论了"态叠加原理"。在经典物理中,当我们讨论波的叠加时,指的都是某种物理实在的叠加;而在量子力学中讨论波的叠加时,都是指波函数的叠加。可见量子力学中态的叠加性与经典物理中若干波的叠加是完全不同的。重要的是,波函数本身并不直接对应着物理实在,而只有它的平方才对应着一种概率总结一下量子力学的叠加性:当粒子处在线性叠加态 Ψ 时,粒子是既部分地处于第一个态 ψ_1 (本征态),又部分地处在第二个态 ψ_2 ········又部分地处在第一个态 ψ_n ········只有对系统进行测量之后,才知道得到的值是本征值 A_1 ,还是 A_2 ··········还是 A_n 。

可见, 态叠加原理是与测量密切联系在一起的一个基本原理。

玻尔的名言: "如果谁不为量子 心不为感,那是到困惑,那是没有理解。" 你就是没有理解。" 你一个问题。 你一个问题吗。

而测量理论还是一块尚未成熟也未取得一致意见的研究领域(会自然而然地联系到波函数的"坍缩"问题)。绕过这一块还没有完全搞清楚的领域,并不会妨碍我们利用现有的量子力学框架实现理论与实验结果的比较。还没有听说过因为未学习测量理论,而无法利用现在的量子力学求解实际的问题。总之、测量理论属于深入一步的探讨,它对量子力学哲学问题的研究当然是值得尊敬的。但是,在很大程度上它是可以同现阶段的成熟的量子力学区分开来的。

量子力学是认真的、严谨的和实事求是的。而且,量子力学总还在进步着,尽管有时候是艰难和缓慢的。对于量子力学理论体系的逻辑学研究,包括了一整套公理化体系的建立,这已经形成了一门叫做"量子逻辑"的研究领域,它超出了本书的范围。

第8章

8.1 量子力学和相对论的不相容

量子力学和相对论是现代物理学的两大支柱,但是越来越多的物理学家认识到,这两个基本理论的基础是有矛盾的。应该指出,我们通常所说的"量子力学与相对论的不相容",严格地说,应该是"量子场论与广义相对论之间的不相容"(广义相对论著名的效果——"光线弯曲",参见图 8.1)。狭义相对论和量子力学完全是相容的,量子场论就是所谓的相对论性的量子力学。量子力学与狭义相对论的这个成功结合,早在六十多年前就完成了

人类对于完美 的物理学有不懈的 追求,我们一直 都在寻求量子力学 与相对论的完整 统一。

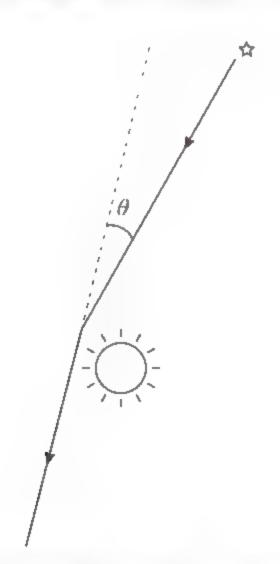


图 8.1 光线经过太阳边上时的弯曲

广义相对论和量子场论在各自的领域内都经受了无数的实验 检验,迄今为止,还没有任何确切的实验观测与这两者之一相矛盾(这似乎是一个理论超前于实验的时代)。我们寻求量了力学与相对论的完整统一,来自于我们对完美物理学的不懈追求。将广义相对论和量子场论简单地合并起来作为自然图景的完整描述还存在很多难以克服的困难,这归结于广义相对论和量子场论彼此间在本质上并不相容。现在看来,广义相对论和量子场论都不可能是物理理论的终结,寻求一个包含广义相对论和量子理论基本特点的更普遍的理论是一种合乎逻辑的努力。

爱因斯坦最早注意到量子力学与相对论的不相容性。在1927年的第五届索尔维会议上,爱因斯坦指出,如果量子力学是描述单次微观物理过程的理论,则量子力学将违反相对论。1935年,在论证量子力学不完备性的 EPR 文章中(参见 6.1节),爱因斯坦再一次揭示了量子力学的完备性同相对论的定域性假设之间存在矛盾。在爱因斯坦看来,相对论当然无疑是正确的,而量子力学违反相对论必然是不正确的,或者至少是不完备的。1964年,贝尔提出了著名的贝尔不等式,进一步显示了相对论所要求的定域性与量子力学非定域性之间的深刻矛盾,并提供了利用实验来进行判决的可能性。根据贝尔的分析,如果量子力学是正确的,它必定是非定域的。1982年,阿斯派克特等人的实验结果证实了量子力学的预言,显示了量子非定域性的客观存在。

尽管量子非定域性的存在已经为实验所证实,然而,量子力学与相对论的不相容问题至今仍然没有得到满意的解决 根本原因在于,一方面,量子力学的理论基础似乎还没有坚实地建立起来,另一方面,量子力学所蕴含的非定域性与相对论的定域性又暗示了相对论的普适性同样受到怀疑。

总之,广义相对论和量了场论的理论基础是有冲突的,不相容性主要体现在:相对论的定域性(即没有超距的相互作用)和量子力学的非定域性(例如量了纠缠)之间的矛盾。除了这个本质的矛盾之外,两套理论还有一些很不同的"哲学"。

(1)在量子理论中,引力场作为相互作用出现。而在广义相对论中,引力作为质量导致时空扭曲的效应出现。在量子理论中,波函数 YP是一个存在于位形空间的函数(而不是一个真实空间的函数,虽然单电子问题很容易迷惑我们),量子态生存的空间除了四维时空外,还有自旋空间等。而在广义相对论中,只有时空的四维黎曼(Riemannian)流形是最基本的。

描述微知的宏观性的一个人的一个人的一个人的人们是一个人们是一个人们是一个人们是一个人们的一个人们的一个人们的一个一个人的一个人。可能是一个人的一个人。

- (2)在量子理论和广义相对论中对时间的处理是不一样的。 薛定谔方程中对时间是一阶导数的,而对空间是二阶导数的。在 相对论中,对时间和空间的处理是一样的。
- (3)在量子理论中,存在测不准关系,在引力的作用下,这个关系不再成立。广义相对论中,时空中每一点的度规张量分量值都是确定值,而按照量子论,由于不确定性关系的影响,每一时空点的度规值没有确定值。

上面说的这两套理论之间存在矛盾,并不代表它们是不可调和的。量子力学和相对论都应该是相对真理,它们都还需要发展。因此,寻求一个包含广义相对论和量子理论基本特点的更普遍的理论似乎是需要的。弦论就是现今最有希望将自然界的基本粒子和四种相互作用力统一起来的理论。所以,在这里作简单的介绍。

弦理论认为自然界的基本单元不是电子、光子、中微子和夸克之类的粒子,这些看起来像粒子的东西实际上都是由振动方式不同的闭合弦构成的,但是这一理论至今未能得到实验确切的证明,因为人类还没有足够先进的粒子对撞机。关于弦理论提出的十维空间,人类正在探索中,因为高维空间是所有生活在三维世界的人所理解不了的。

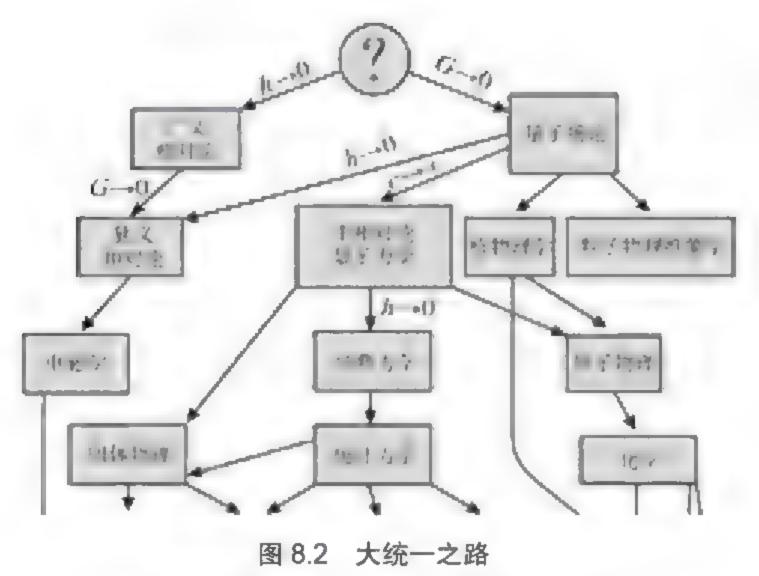
让我们来看看弦论以及当代物理学给我们描绘的大统一的 世界。

在宇宙的极早期,即在宇宙诞生的 10⁻⁴³ 秒内,它的直径仅有 10⁻³³ 厘米,这时我们的空间是十维的,所有的空间维数都平等地蜷缩在一起。因为宇宙的能量极高(温度极高),这样的空间中所有的四种力都融为一体,广义相对论和量了理论可以归结为一个理论(超大统一,参见图 8.2)。但是,这样的高维度、高能量的空间是极不稳定的,于是大爆炸发生了。维度被解散、温度降低。三维的空间和一维的时间无限延伸开来,逐渐形成了我们今天可感知的宇宙;而另外六维的空间则仍然蜷缩在普朗克

弦论试图解决 表面上并不兼容子 两个理论——量相 分一之间的矛盾, 一之间的描述整 个字宙的"万物理 论"。

宇宙大爆炸理 论是一个极为成功 的理论,虽然有很 多人并不了解也不 相信这个理论。

尺度(即10-33厘米)以内。



h为普朗克常数,c为光速,G为引力常数

当宇宙降温到 10³² K (开氏度) 这样极高的温度时,引力与其他大统一力分离开来,引力随着宇宙的膨胀而不断延伸为长程力。随着宇宙进一步地胀大和冷却,其他三种力也开始分裂,强相互作用力和弱电相互作用力也开始剥离开来、当宇宙产生 10⁻⁹ 秒之后,它的温度降到了 10¹⁵ K,这时弱一电相互作用力也破缺为电磁力和弱相互作用力。在这一温度,所有四种力都已相互分离,宇宙成了由自由夸克、轻子和光子组成的一锅"汤"。稍后,随着宇宙进一步的冷却,夸克组合成了质了和中子,它们最终形成了原了核。在宇宙产生 3 分钟后,稳定的原了核开始形成。

当大爆炸发生 30 万年后,最早的原子问世。宇宙的温度降至 3000 K, 氢原了可以形成,其不至于由碰撞而破裂。此时,宇宙终于变得透明,光可以传播数光年而不被吸收。在大爆炸发生 100 亿年至 150 亿年后的今天,宇宙惊人的不对称,破缺致使四种力彼此间有惊人的差异。原来大爆炸时的极高温现在已冷却至 3 K,这已接近 0 K。这就是宇宙简要的演变史,可见随着宇宙的渐渐冷却,力都解除了相互的纠缠,逐步分离出来了。

虽然多数人并不了解弦论中深奥的数学,弦论的含义在最近的一些年里还是得到了"足够的"普及。简单叙述一下弦理论的发展史还是必要的。

1968 年,年轻的理论物理学家维尼齐亚诺正在努力搞清楚实验观测到的强核力的各种性质。一天,他惊奇地发现,著名数学家欧拉在 200 年前因纯粹的数学目的而构造的一个公式——所谓的欧拉β函数——似乎一下了就描写了强相互作用的大量性质。维尼齐亚诺的发现将强力的许多性质纳入了一个强有力的数学结构中,并掀起一股热浪。欧拉的β函数似乎很有用,但没人知道为什么。那时,β函数还是一个等待解释的公式。到 1970 年,芝加哥大学的南部阳一郎、尼尔斯•玻尔研究所的尼尔森和斯坦福大学的萨斯坎德(Leonard Susskind,曾译为苏斯金)揭示了藏在欧拉公式背后的物理秘密。他们证明了,如果用小小的一维振动的弦来模拟基本粒子,那么它们的核相互作用就能精确地用欧拉函数来描写。他们论证说,这些弦足够小,看起来仍然像点粒子,所以还是能够与实验观测相符。

虽然强作用力的弦理论直观、简单和让人满意,但是 20 世纪 70 年代的实验表明,弦模型预言的"某个数"直接与观测结果相矛盾。很多研究者于是离开了这个领域,不过,有几位虔诚的研究者还在守着它。例如,施瓦茨(John Schwartz,曾译为施瓦兹)就觉得"弦理论的数学结构太美了,还有那么多奇妙的性质,一定隐含着什么更深层的东西"。1974 年,施瓦茨和谢尔克在研究了信使粒子一样的弦振动模式后,发现它完全符合假想的引力的信使粒子——引力子(它的性质正好通过一定的弱振动模式实现)。在这个基础上,谢尔克和施瓦茨提出,弦理论最初的失败是因为我们不恰当地限制了它的范围。他们断言,弦理论不单是强力的理论,也是一个包含了引力的量了理论。但是,令人失望的是,20 世纪 70 年代末和 80 年代初的研究证明,弦理论

和量子力学遭遇了各自微妙的矛盾。

直到1984年,情况才有了变化。格林和施瓦茨经过十多年艰苦的研究,终于在一篇里程碑式的论文里证明了,令弦理论困惑的那个微妙的量子矛盾是可以解决的。而且,他们还证明,那个理论有足够的能力去容纳四种基本力。之后,许许多多的粒子物理学家停下他们的研究计划,涌向这最后一个理论的战场。格林和施瓦茨的胜利甚至也感染了一年级的研究生。从1984年到1986年,是所谓的"第一次超弦革命"时期。在那三年里,全世界的物理学家为弦理论写了一千多篇研究论文。这些研究明确地证明,标准模型的许多特征简单地在弦理论中自然出现了。而且,对很多性质来说,弦理论的解释比标准模型更完美,更令人满意。这些成果使许多物理学家相信弦理论能够成为一个终极的超大统一理论。

在理论物理学中,我们经常遭遇的是难解或难懂的方程。弦理论的情形则更加困难,它连方程本身都很难确定,至今也只是导出了它的近似形式。于是,弦理论家们只限于寻找近似方程的近似解。但是,在第一次革命的巨大进步之后,物理学家们发现,他们的近似解不足以回答挡在理论前头的许多基本问题。但是除了近似方法,物理学家们尚找不到别的具体方法。漫长平淡的日了过后总会迎来重大的发现。大家都明白,我们需要强有力的新方法来超越过去的近似方法。1995年,在南加利福尼亚召开的"弦 1995年会"上,威腾(图 8.3)作了一个令在场的世界顶尖物理学家们大吃一惊的演讲,宣布了"第二次超弦革命"的开始。可以预见,虽然全世界的超弦理论家们都还面临着前进路上的考验,但是胜利的曙光总还会看到的。更多的内容就不予叙述了。

可能有很多人认为,弦论是目前无法被实验验证的大统一理论,因为弦论所对应的能量区域是非常非常高的。但是,得益于

虽然研究超弦 的理论家们都面临 着前进路上的许多 考验,但是胜利的 曙光总会看到的。



图 8.3 威腾

弦论中引力全息对偶的研究进展,理论物理的各个领域已经不再 孤立,而是被联系成一个整体,弦论也不再是孤立于其他理论的 孤岛。

8.2 当今的物理学

当今物理学的研究范畴非常广,研究内容多到无法没有遗漏地列出 研究内容从尺度上看,包括了从尺度极小的基本粒子领域一直到宁宙尺度的宇宙学领域;从时间上看,包括了从时间极小的非常早期的宇宙到宇宙现在和将来的演化;从能量上看,从能量很小的宇宙背景辐射到黑洞等。我们知道,目前看来量子力学在除了引力之外的所有领域都是适用的,而引力则是广义相对论适用的领域。

计我们从中国物理学会 2017 年秋季年会所设定的专题来看 看当今物理学科的现状,这些设定的专题包括(从这个介度应该 能够比较全面地看到当今物理学科所覆盖的范围):

A: 粒子物理、场论与宇宙学;

B: 核物理与加速器物理;

- C: 原子分子物理;
- D: 光物理;
- E: 等离子体物理;
- F: 纳米与介观物理;
- G: 表面与低维物理;
- H: 半导体物理:
- I: 强关联与超导物理;
- J: 磁学;
- K: 软凝聚态物理与生物物理;
- L: 量子信息;
- M: 计算物理;
- N: 统计物理与复杂体系;
- O: 电介质物理;
- P: 液晶;
- Q: 超快物理;
- R: 使役条件与极端条件物理。

从这些专题的设立可以看出,当今物理学研究的所有的专题都离不开量子力学、换句话说,量子力学已经深入到微观、介观和宏观领域的所有基础的和技术的或应用的领域。

现在,自然界中的基本相互作用可以分为:库仑相互作用、弱相互作用、强相互作用和引力相互作用。1967—1968年,美国的温伯格和巴基斯坦的萨拉姆提出了统一电磁力和弱力的"弱电统一理论"。据此,温伯格、萨拉姆和格拉肖三位理论物理学家共享了1979年的诺贝尔物理学奖。这个理论表明,在某些条件下,某种相互作用可以表现为库仑力,而在另外的条件下,这种相互作用又表现为弱相互作用力。目前,加上强相互作用力,一些物理学家正在探索一个所谓的"大统一理论",即包括电磁力、弱力和强相互作用力的统一理论。从目前被称为"标准模型"

的理论来看,在现有量子力学的理论框架下就可能统一这三种相互作用力。此外,更吸引眼球的是,一帮物理学家正在追求把四种相互作用力全部统一起来的所谓"超统一理论"。超统一理论需要说到 8.1 节叙述的弦论,因为弦论是现在最有希望将自然界的基本粒子和四种相互作用力都统一起来的理论。弦论诞生于20 世纪 60 年代末,是现代高能理论物理最激动人心的进展之一。弦论的一个基本观点是,自然界的基本单元不是电子、光子、中微子和夸克之类的点状粒子,而是很小很小的线状的"弦",弦的不同振动和运动产生出各种不同的基本粒子。目前看来,这些探索能否成功尚无定论。

追求相互作用的统一(统一场论),在爱因斯坦和海森伯那里就开始了。但是在爱因斯坦年代,人们对弱相互作用和强相互作用还不了解,这就很大程度上决定了爱因斯坦希望直接统一引力相互作用和电磁相互作用将变得非常困难。有人说,爱因斯坦总是在"木板最厚的地方钉钉子"。爱因斯坦的后半生就一直在做这件非常困难的事情。虽然爱因斯坦努力探索了三十年,最终也没有成功,但是他开拓的研究方向却极其重要,也是人类科学研究的"终极"目标。

在我们探索宇宙的时候,有两个方向。一方面,我们在非常努力地寻找能够描述整个宇宙的越来越一般的方程。每次我们能够更深层次地理解了宇宙在微观和宏观上的结构,就为人类提供了更加强有力地改造世界的可能性。这类的例子不胜枚举,从蒸汽机以及各类动力装置到计算机、手机等各种发明,无不巨大地改变了人类的生产和生活方式。但另一方面,我们越是往最基本的方程靠近一步,我们就高"使用更深层次的基本方程构造我们所想要的东西"越遥远了一步。例如,使用夸克为我们服务就比使用电子为我们服务要难得多。

量子力学在解决天文学和宇宙学中的基本问题方面、有着根

本的重要性。反过来,宇宙学和天文学也可能对理解量子力学的某些基本概念有重要帮助。有人就提出,波函数的坍缩(原本被认为是完全假想中的概念,却是真实发生的物理过程),这种过程可以通过宇宙微波背景辐射观察到。所以,量子力学似乎也可以在宏观方向上拓展。当我们研究宇宙的起源与演化时,由于在宇宙最初诞生时,宇宙空间呈微观状态,爱因斯坦的广义相对论无法说明其状况。这时,我们就必须借助于量子力学来解决问题。当宇宙演化成宏观状态时,它的演化就可由广义相对论予以说明了。

2015年9月14日,美国的激光干涉引力波天文台(LIGO) 首次直接探测到双黑洞合并而产生的引力波(本事件的主要贡献 者获得了2017年的诺贝尔物理学奖)。引力波(图8.4)的发现 证实了爱因斯坦一百年前所作的预测, 弥补了广义相对论实验验 证中最后一块缺失的拼图。由于这个引力波信号来自双黑洞的合 并,因此只会出现引力波,而无法发射电磁辐射。因而,天文学 家希望能够从中子星的合并中探测到引力波。这类事件除了能够 引起引力波外,还能发射出电磁波段的辐射——从无线电波到 y 射线。2017年8月17日, LIGO和 Virgo天文台在1.3亿光年之 外的 NGC 4993 星系内首次探测到了两颗中了星的合并。此次事 件被命名为 GW170817, 事件产生了引力波和电磁辐射, 在该事 件两秒后发生了一次伽马射线暴。由于这个引力波新事件意义重 大, 天文学界使用了大量的地面望远镜和空间望远镜进行观测。 但在引力波事件发生时,仅有4台X射线和伽马射线望远镜成 功监测到爆发天区, 其中就有我国的首颗空间硬 X 射线调制望 远镜 [2星"慧眼"参与监测并作出了贡献。如果说、测量到从黑 洞发出的引力波是广义相对论的胜利,那么这次中子星合并的观 测也可以说是广义相对论和量子力学双剑合璧的胜利。这个重大 发现让人们能够了解中了星的成分,而且对宇宙中重元素的起源,

2015年测量到 从黑洞合并发出的 对力的产业,而 2017 年中了以一个, 2017 年中了以一个, 2017 年中以说是一个, 2017 年中以说是一个, 2017 中, 2017 中 2017 中, 2017 中 2017 中, 2017 中 2017 e 2017 e 2017 e 2017 e 2017 e 2017 e 2017 有了新的实验证据。而且,对字宙膨胀的速率,以及字宙的年龄 又多了一个独立的测量方法。通过引力波和电磁波的到达时间, 人们对引力波的速度也有了新的测量,使人类对字宙的起源、演 化和成分有了更深入的了解。

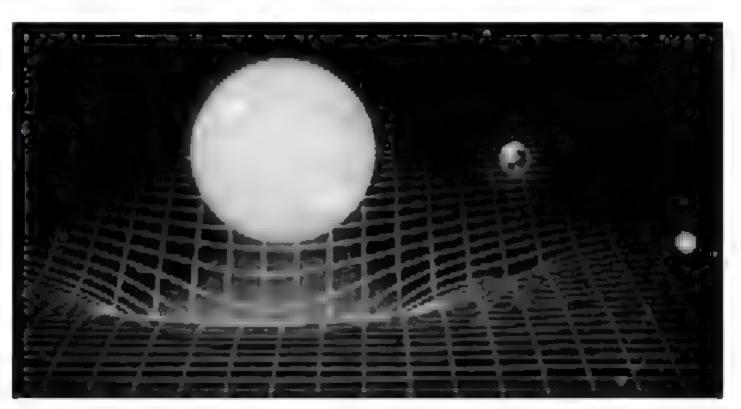


图 8.4 引力波示意图

引力波的发现似乎越来越证明了广义相对论的正确性和精确性。在另一方面,我们也知道,量子力学在微观世界领域的精确性也已经得到非常广泛的证明。但是,广义相对论和量子力学是不相容的(还存在不可调和的矛盾,请参考8.1节),例如广义相对论是定域性的,而量子力学是非定域性的。相对论和量子力学是现代物理学的两大支柱,这两大支柱的理论基础应该如何调和呢?如何将广义相对论和量子力学统一起来是物理学的未来和梦想。

最后,在谈到当今的物理学时,暗物质和喑能量(图 8.5) 是应该提到的。20世纪初物理学的天空上有"两朵乌云",一朵 与"以太"有关并由此最终产生了狭义相对论;另一朵是黑体辐射,并由此最终产生了量子力学。21世纪初也有两个最大的谜, 这就是暗物质和喑能量。怎么发现有暗物质?科学家通过计算星球与星球之间的引力发现、星球自身的这点引力,远远不够维持一个完整的星系。为了使宇宙维持现有的秩序,只能认为还有其他的物质,这就是暗物质。暗物质是一种比电子和光子还要小的 物质,不带电荷,不与电子发生干扰,能够穿越电磁波和引力场,是宇宙的重要组成部分。暗物质代表了宇宙中 22% 的物质含量,而人类可见的物质只占宇宙总物质量的 5% 不到。黑洞是常规物质,不是暗物质。值得一提的是,据 2017 年 10 月的《新科学家》杂志最新报道,科学家终于发现了星系与星系之间起到连接作用的物质。这次发现意义重大,因为这是人们第一次发现了占宇宙中大约一半的正常物质。计算机模拟呈现出一大块"宇宙网"(图 8.6),从图中我们可以看到纠缠的丝状物将宇宙的星系连接在一起,而这种丝状物就是由重子组成的。重要的是,这种由来自法国空间天体物理学研究所和英国爱丁堡大学的两个独立的研

球远个以质物宇在膨的能等的够的有,则有一,的是现在断形形的是现在膨胀,有就是大人,引一,的是现在膨胀,有就是,则胀,有够。是现此,是是,的是现在膨胀,有就是,则胀,有,就是,

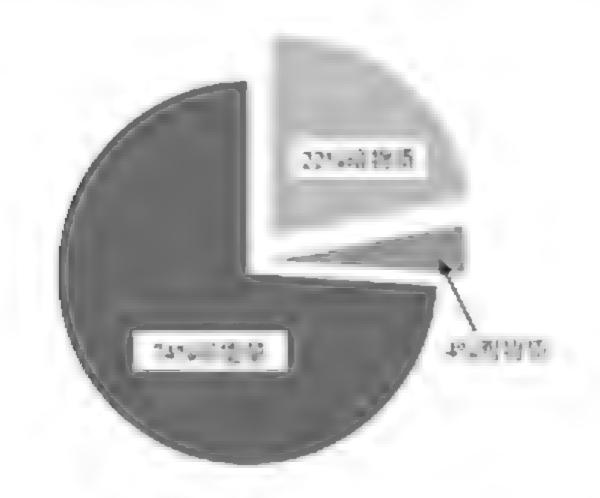


图 8.5 标准宇宙模型的预言

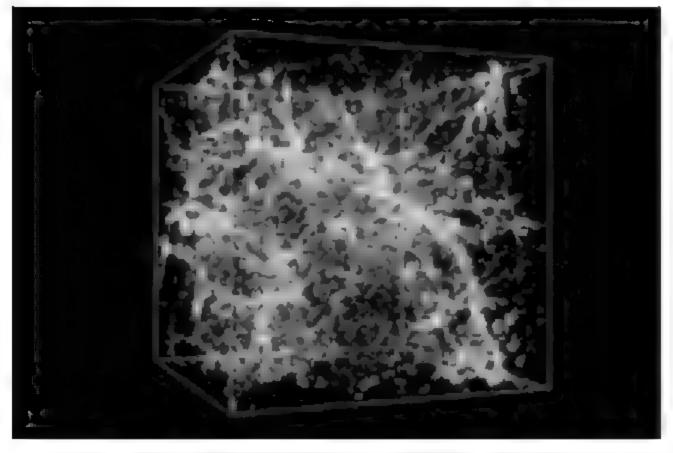


图 8.6 纠缠的丝状物将星系连接在一起

究小组发现的"消失的物质"是由称为重子的粒子构成的,并不是暗物质。在现代粒子物理学的标准模型理论中,重子这一名词是指由三个夸克(或者三个反夸克组成反重子)组成的复合粒子,它是强子的一类。最常见的重子有组成日常物质原子核的质子和中子,与反质子、反中子合称为核子。

另一方面,科学家观测发现,字宙正在膨胀而且在加速膨胀。 要理解加速膨胀,就必须有新的未知的能量存在,这就是暗能量。 暗能量是充溢整个空间的、能够增加字宙膨胀速度的一种难以察 觉的能量形式。在宇宙标准模型中,暗能量占据宇宙约 74% 的 质能。总之,暗物质存在于人类已知的物质之外,人们知道它的 存在,但不知道它是什么,它的构成也和人类已知的物质不同。 重要的是,暗物质主导了宇宙结构的形成,但暗物质的本质对我 们来说还是个谜。暗能量也是一种不可见的、能推动宇宙运动的 能量 宇宙中所有的恒星和行星的运动皆是由暗能量与万有引力 来推动的。暗能量是宇宙学研究中一个里程碑式的重大成果,由 宇宙的加速膨胀就可以通过爱因斯坦的理论推论出压强为负的暗 能量。

关于真空能。真空能是整个宇宙空间中存在的背景能量。真空能来自于量子力学中的零点能。测不准关系导致微观粒子的基态能量不为零,这个基态能量就称为零点能。但是,由宇宙学常数估计的真空能密度与由量了电动力学和相对论性电动力学推出的零点能(能量密度)有着数量级上的巨大差别,这是物理学中仍未解决的一个问题。

8.3 量子力学的学习方法

要如何学习量子力学呢?这是个很难回答的问题,因为对于不同的人,可能必须对应不同的学习方法。对于像笔者这样的凡

夫俗子来说,学习量子力学未必能够先理解量子力学的很多基本原理和哲学基础,然后才继续往下学习量子力学。实际上,作者本人是先完全接受量子力学的数学框架,在考过期末考试之后,才慢慢去理解量子力学的各个基本原理的。有的原理在以后的许多年里还在慢慢地思考和理解,有的原理作者可能一直都无法正确地加以理解。阅读本书看来也不是一件很轻松的事,尤其是领会某些基本概念。此外,对于学习这门课程,可能还要有相当扎实的数学功底,因为量子力学的运用确实需要很多的数学过程。

学会量子力学的数学框架还是比较容易的,但是量子力学毕竟不仅仅是一套计算的工具,它还是我们对于自然界的一种看法。量子力学引进的新概念具有非常深刻的含义,正因为深刻,使得许多人对量子力学中新概念的理解存在很大的偏差或者不是很正确。本书希望能够比较简洁和清楚地介绍量子力学的概念体系,这些介绍的根据都来自量子力学的正统解释(即哥本哈根学派解释)。量子力学中还有一些争论一直都没有停止过,对于这些"高深的"和新颖的理论,我们则不予展开讨论。

量子力学对很多物理现象的描述有悖于我们的日常经验。为 了说明量子力学中那些不好想象的地方,我们来大致总结一下量 子力学到底有哪些图像与我们人类的个人直觉不太符合。这些图 像显然是我们理解量子力学本质时必然会遇到的困难。

(1)物质粒子的波粒二象性(德布罗意的物质波假设): 这就是说,实物粒子具有波动和粒子二象性。通俗地说,一个实体有时像波,有时又像粒子。例如,电子在衍射实验中,明确表现出波动的一面;可是在散射实验中,又表现出粒子性的一面。电子的这种既像波又像粒子的性质,对于我们的想象来说是相当困难的,这是两个很不容易想象在一起的图像。而且德布罗意指出,所有的粒子都有这种二象性。

我们在 3.5 节中曾经讨论了一个著名的双缝干涉实验。与光

的双缝干涉实验相比,电子等实物粒子的双缝干涉具有特别的重要性,值得认真思考。在这个实验中,一个非常重要的情况是当入射电子束的强度非常小的时候,这时电子数稀疏到每次只能有一个电子通过双缝,然后打在双缝后面的底片上(会出现一个点,明确显示了电子的粒子性)。当底片曝光的时间足够长的时候(例如几个月),底片上将出现明确的干涉条纹。这些条纹与电子束的强度很大时的结果是完全一样的。这样的实验只能说明每一个电子都是从两个缝同时经过的(只有这样才能有干涉现象出现)。所以,在这个实验中,非常难以理解的是电子如何能够从两个缝同时通过,自己与自己干涉的。

- (2)完全的随机性。在量子力学中(即微观世界中),每一次测量某力学量,所得结果一定是该力学量算符对应的本征值中的一个,至于是哪一个本征值则完全是随机的。这种量子力学下的随机性也是很不容易理解的。这与我们在经典物理中扔骰子的例子是完全不同的一扔骰子所得的结果(例如,每次出现1~6中的某一个数)看起来像是随机的,其实是完全不随机的。如果我们能够给出扔骰子时的复杂的初始条件,我们就可以完全准确地预言骰子最终的点数。但是,量子力学中以上所述的随机性则是真正随机的。如何去理解这种随机性?
- (3)量子纠缠。量子纠缠是量子力学非定域性的体现。或许可以说,目前还没有人真正理解量了纠缠背后的本质。有人说,量子纠缠是超时空的。假想有一个自旋为零的粒子分裂成两个电子(或一正一负的电子对),由于粒子的自旋为零,所以两个电子的自旋一定相反。当电了1的自旋发生翻转时,电子2的自旋也会瞬时地发生翻转,这里的"瞬时"是非常难以理解的(因为瞬时意味着不需要时间),因为它看起来像是违背了爱因斯坦的相对论。为什么电子1和电子2哪怕在空间上分隔很远、看起来却像是一个整体似的,不可以看作是互相独立的两个电子?这就

是所谓的粒子之间的纠缠。

- (4) 薛定谔的猫: 量子叠加态。在5.3 节(若有必要,请 复习一下 5.3 节), 我们讨论了著名的薛定谔猫: 设想在一个封 闭的匣子里,有一只活猫、一瓶毒药和一点放射性物质。之后, 放射性物质有50%的概率将会衰变并且使系统释放出毒气杀死 这只猫,同时也有50%的概率放射性物质不会衰变从而猫将活 下来。按照常识,在这样一个系统中猫要么死了要么还活着。但是, 量子力学却告诉我们,存在一个中间态,猛既不死也不活(或者说, 既是死的也是活的),直到进行观测后才能决定死活。即箱中的 猫处于"死-活叠加态"——既死了又活着! 要等到打开箱子看 一眼猫才决定其生死(请注意! 不是发现而是决定, 仅仅看一 眼就足以致命!)。也即,只有当你打开盒子的时候,叠加态才 突然结束(也就是"波函数坍缩")。这是哥本哈根学派的解释, 它的优点:只出现一个结果,这与我们观测到的结果相符合。当 然这也有一个大的问题:它要求波函数突然坍缩,可物理学中没 有一个公式能够描述这种坍缩。尽管如此,长期以来物理学家们 或许出于实用主义的考虑,还是接受了哥本哈根学派的解释。
- (5)波函数的塌缩等,多世界理论 1957年,埃弗莱特提出了"多世界解释"的理论。由于它太离奇开始并没有人认真对待。我们简单介绍一下埃弗莱特对于"静定谔猫"的多世界解释:两只猫都是真实的,有一只活猫,有一只死猫,它们位于不同的世界中。问题并不在于盒了中的放射性原了是否衰变,而在于它既衰变又不衰变。当我们向盒子里看时,整个世界分裂成它自己的两个版本。这两个版本在其余的各个方面都是全同的,唯一的区别在于其中一个版本中,原子衰变了,猫死了;而在另一个版本中,原子没有衰变,猫还活着。这个解释的优点:薛定谔方程始终成立,波函数从不坍缩。它的问题:设想过于离奇,付出的代价是这些平行的世界全都是同样真实的。这就难怪有人

科学史上,多世界(不同)是 世界解释(不同)是 目前 几 是 日 即 是 是 的 最 大 胆 说 即 是 理 的 的 理 论 。 即 是 理 的 出 的 这 样 一 个 的 里 望。

说:"在科学史上,多世界解释无疑是目前所提出的最大胆、最野心勃勃的理论。"笔者认为,理解这样一个理论超出了本书的期望。

以上就是阅读量子力学书籍时可能遇到的主要的一些难点。可以说,现在世界上可能并没有一个人能够真正理解上述提到的所有问题。尽管如此,量子力学还是一个非常有用的、引入入胜的科学理论。从量子力学的基本原理出发经过数学演绎,所得结果可以和实验结果、和人类实践符合得非常好。量子力学与相对论的出现,不仅给现代物理学提供了强有力的数学处理方法,也使人类的世界观(自然观)发生了深刻的变化。量子力学深入到微观领域之后呈现了许多新的特征(例如,完全的随机性和非定域性),这些特征也引起了在哲学问题上的相当活跃的讨论。不仅物理学家开始热衷于哲学议论,甚至社会学家、历史学家等都在讨论量子力学的新观念。本书虽然会少量地涉及量子力学的哲学议论,但一般不会展开讨论。如果能够使用"哥本哈根解释"的地方,就会尽量采用这套所谓的量子力学的正统解释。

学习量子力学的另一个难点在于理解它的 5 个基本假设。有的基本假设显得非常让人困惑,例如,为什么一个力学量要用算符来对应? 这与我们在经典物理学中的经验是完全不同的。为什么只有这 5 个基本假设,为什么不需要 6 个? 从这 5 个基本假设如何能够完整地推出量子力学中的各种推论? 理解这些也是相当困难的(在 1 小时之内显然做不到)。

普朗克就相信,从事实出发的逻辑推理有一股不可抗拒的力量。这就是说,基于数学的"严格的"逻辑推理是我们学习物理的强大工具。我们都知道,做习题是学习物理非常重要的一个环节。所以,学习量子力学,通过做习题来提高理解也是非常必要的。但是,这对于一般的泛读本书的读者来说可能有很大的困难(也显得没有那么必要)。对于攻读量子力学课程的学生来说,做习

题不仅能够帮助理解量子理论的基本概念,还有助于理解为什么量子力学是科学史上最精确的能被实验检验的理论,是科学史上最成功的理论。

在量子力学的学习中,没有必要提倡去认真钻研每一个基本概念。对大多数学生来说,知道如何开展数学运算就算不错了量子力学中有些概念的基础至今还在争论中,对同一概念也可能有五花八门的解释,甚至也有各种专著出版。对于这样的概念,大多数读者可以先绕过去,暂时不予深思。

杨振宁曾经提到,学习方法有两种:一种是演绎法,一种是归纳法。以电磁理论的学习为例:对于演绎法,一般先给出麦克斯韦方程组,然后通过数学的演绎,导出各种各样的结论或推论(这应该是学霸的学习方法了)对于归纳法,则是从静电场和静磁场开始,慢慢地往更加复杂的电磁现象讨论,最后才综合出麦克斯韦方程组来(这有点像是学渣的读书方法)。也就是说,读书大体可分为凡夫俗子读书法和学霸读书法(此处一定会有不同意见)。看看我们于里普通物理中的"电磁学"教科书吧,似乎大多数都是使用了归纳法,显然这已经预先把所有的大学生们都当成凡夫俗子来处理了(这也许正是物理系的学生除了学习"电磁学",通常还要学习"电动力学"课程的原因吧)。

学习方法有两种,一种是演绎法,一种是演绎法,一种是独独法 演 智 差 票 要 更 高 致 的 读书方法

8.4 谈谈诺贝尔奖

有必要来稍稍讨论一下诺贝尔奖,以便消除一般大众的某些 误解。例如,有些人认为诺贝尔奖可以像很多奖项那样是可以通 过申请得来的,这完全是不对的。

量子力学是从 20 世纪初发展起来的, 到今天已经被授予了"无数个" 诺贝尔物理学奖和化学奖(图 8.7)。有的诺贝尔奖听起来似乎只是一个新概念的提出, 如物质粒子的波粒二象性; 有

一个多世纪以 来所颁发的诺贝尔 物理学奖中,获奖 的课题绝大部分都 与量子力学有关。 些甚至只发表在论文的注释里面,如玻恩的波函数的几率解释。 其实,每个物理学奖的背后都显含或隐含着大量的数学过程,而 且有非常深刻的物理内容。有一个有趣的现象:有人统计过,自 20世纪中叶以来,在诺贝尔化学奖、生物及医学奖,甚至是经 济学奖的获奖者中,有一半以上的人具有物理学的背景;反过来, 却从未发现有非物理专业出身的科学家问鼎诺贝尔物理学奖的事 例。这说明人们可以从物理学中汲取智慧,然后在非物理领域里 获得成功,反之则行不通。



图 8.7 诺贝尔奖章

现在, 让我们来假设一件有趣的事情(纯粹的假设而已!)。假如我们对所有人明确地公开表示: 只要谁能解释清楚"玻璃为什么是透明的", 我们就授予他诺贝尔物理学奖(其实, 这真的是一个诺贝尔奖的"课题")。这当然是假设的, 不会发生这类的事情, 因为诺贝尔奖是从一大堆已经取得的科学成就中最终由诺贝尔奖委员会和瑞典科学院投票出来的。 冉假设因此人世间有了大量的各种各样的关于"玻璃为什么是透明的"解释出现。有很多人可能仅用嘴巴说了很长的时间来解释, 还有很多人可能写了很厚的书来解释(假设里面没有基于量了力学基本原理的数学推演)。可以确认的是, 这两种解释方式是完全无用的, 诺贝尔奖委员会根本就不会注意到这些。那么, 最后为什么只有

PW 安德森和莫特(1977年的诺贝尔物理学奖获得者)能够领走这个诺贝尔奖呢?因为,要解释清楚"玻璃为什么是透明的",就必须从微观的量子力学的基本原理出发,通过大量的数学的演绎,由此最终说明"玻璃为什么会是透明的",这样的理论解释才是彻底的。也只有这样,才能最终得到诺贝尔奖委员会的青睐。"玻璃为什么会是透明的"其实是一个非常深刻的问题。需要注意"啡象"与"微观"这两个名词,如果你仅仅唯象地解释了"玻璃为什么是透明的",那还是不够,你还必须用微观的量子力学的原理来解释你的唯象理论的出发点,这样才能算完整。莫特在他的诺贝尔奖演讲词中这样讲道:"似乎并无一人比我的合作者和我更早得多地问一问'为什么玻璃会是透明的'这样的问题,这是有些奇怪的。""在过去的许多年中竟无一人试图从理论上了解玻璃甲的电子一事,更使我奇怪。"莫特的说法当然是谦虚的,很可能这本来就是一个相当困难的问题。

再假设除了PW 安德森和莫特完成了微观解释之外,还有 其他的人也做了这方面的类似工作,这时候,谁最终能够获得诺 贝尔奖在一定程度上可能要靠运气了。或者说,完全由瑞典的诺 贝尔奖委员会来决定。应该再提一下,诺贝尔奖不是通过申请得 来的,你的申请并没有地址可以寄出。恰恰相反,通过自荐的方 式想获得诺贝尔奖,反而很可能被取消诺贝尔奖的获奖资格。

有一些例子表明,不要因为某种理论"被证明了那是不可能的",就完全不去尝试。有一些关于诺贝尔奖的例子可以很好地说明这一点。

(1) 石墨烯就是一个例子。在发现石墨烯之前,大多数物理学家都认为,热力学涨落不允许任何二维晶体在有限温度下存在,这当然预示着石墨烯不可能在自然界中存在。因为石墨烯被认为是严格的二维晶体,而完美的二维结构无法在非绝对零度下稳定存在。然而,自然界是多么的巧妙呀,只要给二维的单层原

物理中,既需要非常严格的纯数学的逻辑推演,也需要不那么严格的 大胆猜测 子片一些波浪形的皱褶(图 8.8),像石墨烯这样的物质就可以非常稳定地存在。所以,石墨烯的发现立即震撼了凝聚态物理和材料界。英国曼彻斯特大学的两位科学家海姆和诺沃肖洛夫(Konstantin Novoselov,曾译为诺沃消洛夫)就因为用一种非常简单的机械剥离法得到石墨烯而获得 2010 年度的诺贝尔物理学奖。看来,在物理中既需要非常严格的逻辑推演(纯数学的),也需要不那么严格的大胆猜测。

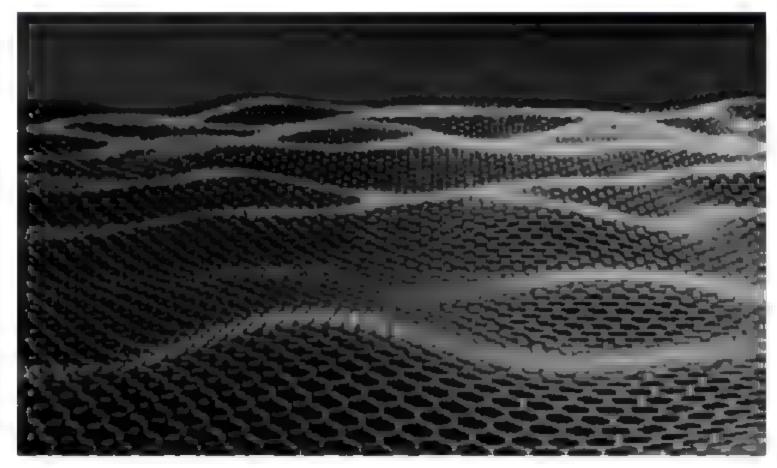


图 8.8 石墨烯的结构

- (2) 宁称不守恒的例子。在李政道和杨振宁提出宇称不守恒的概念之前,大家都自然而然地认为宇称是守恒的。正因为都默认宇称是守恒的,那就没有必要去做任何这方面的实验了。当李-杨大胆地提出弱相互作用下的宇称不守恒时,吴健雄认为,即便宇称就是守恒的,也值得做实验再去证明一次。吴健雄的实验最终导致了李-杨获得了诺贝尔物理学奖,至于吴健雄本人为何没有获奖,这还是一个谜。
- (3)田中耕一的传奇。田中耕一因为与美国科学家约翰·芬恩一同发明了"对生物大分子的质谱分析法",而获得了2002年的诺贝尔化学奖。田中耕一的得奖是一个传奇。因为他从来不和学术界沾边,手上既没有博士学位,连硕士学位都没有。发表的论文数量从学术界的角度看完全可以略去不计。据说,田中为

了能在实验室第一线从事研究工作,自己拒绝了所有的升职考试。可以想见,他在经济上也不会有多么宽裕。所以说,田中儿乎就是处于日本企业社会的最底层,以至于前一天晚上田中获诺贝尔奖的消息传来时,整个日本学术界都措手不及。2001年的诺贝尔化学奖获得者野依良治和2000年的诺贝尔奖获得者自川英树都不知道田中耕一是何许人也。据说,在获悉田中获奖的那一天,日本文部省(即教育部)内一片混乱,因为在他们的日本研究生命科学学术界的资料名单中,根本就找不到田中耕一的名字。田中的个人成就是根据自己的想法设计了分析仪器,连同分析方法一起申请了专利,并获得批准(有趣的是,田中并不知道他的方法已经有人证明那是"不可以的")。这个专利的内容已经达到了获得诺贝尔奖的水平,但是似乎田中本人和日本科技界都没有意识到。

最后,我们来聊聊诺贝尔奖之梦(Nobel Dream)。你完全可以说,得不得诺贝尔奖对我们中国的发展来说并没有那么大的重要性。但是你也不能否认,在屠呦呦获得诺贝尔奖之前,大陆一直都没有人获得诺贝尔科学奖(李政道和杨振宁均加入了美国籍),这无论如何对我们中国来说是一个巨大的压力。印度、巴基斯坦和越南都有人获得诺贝尔奖,而且还不止一个,而日本更是有二十多人获得诺贝尔奖(很多都是最近一些年获得的)!从我这里毕业的一位博士生在韩国做博士后,他告诉我,似乎韩国人的压力非常大,因为至今还没有一位韩国人获得诺贝尔奖。据他说,韩国各个大学的教授们都有一种无形的压力。现在,让我来叙述一个完全是善意(就是善意的!)的"笑话":20年前,杨振宁先生预测到,按照中国现在的发展速度,20年后应该能够有中国人获得诺贝尔物理学奖。时光荏苒,20年很快就要过去了,可是似乎还没有哪一位中国人能够获取诺贝尔物理学奖。于是,杨振宁先生放弃了美国籍,加入了中国籍(2017年)……

在诺贝子经玻速路上, 奶果奶奶 一种 经现代 一种 经现代 一种 的 是 曾 来 奇 脚 光 绝 索 的 量 曾 来 奇 脚 走 , 的 量 曾 来 奇 脚 走, 真

8.5 爱因斯坦对量子力学的看法

爱因斯坦是量子力学最著名的质疑者,虽然他自己曾经对量子力学的发展作出过重要的贡献。可以说爱因斯坦是量子力学的先驱,他甚至被誉为"量子论之父"中的一个。在物理奇迹年(爱因斯坦年)的1905年,爱因斯坦在当时物理学的几个重要领域都作出了杰出的贡献。这其中就包括对量子理论的发展有重要价值的关于光电效应和固体比热方面的论文。但是从1905年起之后的10年里,爱因斯坦把主要精力放在了将狭义相对论拓展到广义相对论。显然,爱因斯坦在全新的引力理论上取得了他人不可能取得的成就,但是自然而然地,他对量子理论的贡献就显得比较少。

到了1916年,当爱因斯坦可以把精力再次转向量子理论时,量子论已经由玻尔为首的一群青年物理学家所引领。这时,哥本哈根学派成了量子论的主力,玻尔及其追随者们已经在原子物理领域不断取得创新的成果。此后,也正是像海森伯这样的年轻人,在1925年率先创建了量子力学的最初形式——矩阵力学形式。而爱因斯坦在这一时期应该算是与哥本哈根主流学派观点不太合拍的一员(薛定谔和德布罗意也不属于哥本哈根学派)。紧接着在海森伯之后,薛定谔于1926年独立创建了量子力学的第二种形式——波动力学形式。历史上,德布罗意的物质波思想通过爱因斯坦的传播(即论文的引用)对薛定谔创建波动力学有重要的帮助。

很大程度上可能受到相对论的影响,出于直觉,爱因斯坦感觉到玻尔-海森伯-玻恩的量了力学是有问题的,并对这个新理论的立论提出强烈的质疑。而对于静定谔的波动力学,爱因斯坦的感觉则是与他心目中的世界差别不大,但是在一些关键点上还有疑问,这也使得爱因斯坦从未正面地肯定过薛定谔的量子力学是

正确的。爱因斯坦是一位伟大的科学家,他对量子力学的态度当 然是诚实的,他没有一概地反对现有的量子理论。他也承认,已 经建立起来的量子力学能够解决经典物理学和旧量子论所不能解 决的问题,这意味着新量子力学至少应该是一种正确的"数学" 理论。但是,爱因斯坦坚持认为,量子世界与宏观世界不应该有 质的不同, 人们对宏观世界的认识应该可以延伸到微观领域, 量 子世界与宏观世界一样应该具有实在性。所以, 爱因斯坦反对现 行量子力学理论的统计性描述。在本书的前面部分,我们叙述过 爱因斯坦与玻尔的很多争论,我们也了解了作为当时物理学泰斗 的爱因斯坦所面临的尴尬的境地。到后来,可以看到,爱因斯坦 主要只是质疑波函数 # 的完备性。或者说,他质疑波函数可以 完备地描述单独一个物理体系的性质。爱因斯坦主张、波函数 ¥ 只是关于一个系综的描述(也就是说、波函数涉及的是许多个体 系,从统计力学的意义来说,就是"系综")。系综解释可以使 爱因斯坦既坚持实在论,又承认现有的量子力学理论是能够对微 观力学的量子特征方面提供一个统一的解释。可惜的是,波函数 不是一个系综的描述。

量子力学最重要的方面是它所揭示的随机性、叠加性和非定域性。爱因斯坦对这里的"随机性和非定域性"都提出了强烈的质疑。爱因斯坦是一名坚定的决定论者,对于量子力学的随机性观点,他有一句著名的话:"无论如何,我相信上帝是不扔骰子的"(I, at any rate, am convinced that He (God) does not throw dice)。但是,大量的实验证明了波函数的几率解释和测不准关系都是正确的,看来爱因斯坦对于随机性的质疑没有得到实验的支持。对于量子力学非定域性的质疑,例如量了纠缠中存在的跨空间、瞬间影响纠缠双方的"相互作用"(或关联),爱因斯坦有另外一句著名的话:"鬼魅的超距作用"(spooky action at a distance)。同样地,越来越大量的实验证明了量了纠缠的确实存在,所以看

爱因斯坦认为, 量子世界与宏观世界与宏观时间 不是一样也应该具有 实在性。人们对这 现世界的认识应该 可以延伸到微观世界领域。 来爱因斯坦对于量子力学非定域性的质疑也没有得到实验的支持。 即便如此,爱因斯坦提出的这些见解对量子力学的形成和完善起 到了重要作用。

那么,爱因斯坦的观点真的错了吗?我们多数人或许连发表看法的资格都没有、狄拉克对量子力学有非常重要的贡献,他对量子力学的理解显然比一般人要深刻许多。1975年狄拉克访问澳大利亚,在新南威尔士大学作了"量子力学的发展"的演讲。狄拉克说:"我认为也许结果最终会证明爱因斯坦是正确的,因为不应当认为量子力学的现在形式是最后的形式。关于现在的量子力学,存在一些很大的困难。不应当认为它能永远存在下去。我认为很可能在将来的某个时间,我们能得到一个改进的量子力学,使其回到决定论,从而证明爱因斯坦的观点是正确的。"狄拉克这样说自然有他的道理(可能只是我们现在还无法理解其中的道理而已)、如果狄拉克的说法是对的,那么应该如何来改造目前的量子力学呢?因为现在看来,目前的量子力学是完备的。

爱因斯坦在量子理论方面是非常"较真的",尽管他多数时候没有能够"胜过"玻尔,但是爱因斯坦提出的质疑都是基于他对物理学本质的深刻思考,对量子力学概念体系的发展有非常重要的意义。有大量的书籍介绍爱因斯坦的成就,我们没有必要在这里一一重复。不过,一般的作者都会乐意写几句关于爱因斯坦的"事迹":爱因斯坦对物理学的贡献非常广泛,主要包括光电效应、布朗运动、固体比热、受激辐射(激光理论)、玻色一爱因斯坦凝聚(图 8.9)、量了纠缠、狭义相对论及大量的应用、广义相对论及大量的推论(引力波、宇宙方程等)。这里的每一个贡献都值得被授予诺贝尔奖,而相对论更是如何授奖都不为过。现在,很多人都喜欢用是否获得诺贝尔奖来看待某一个人对物理学页献的重要性。如果是这样的话,计爱因斯坦获得十个诺贝尔奖恐怕也不为过。爱因斯坦毕竟是物理学家中的一个奇点。

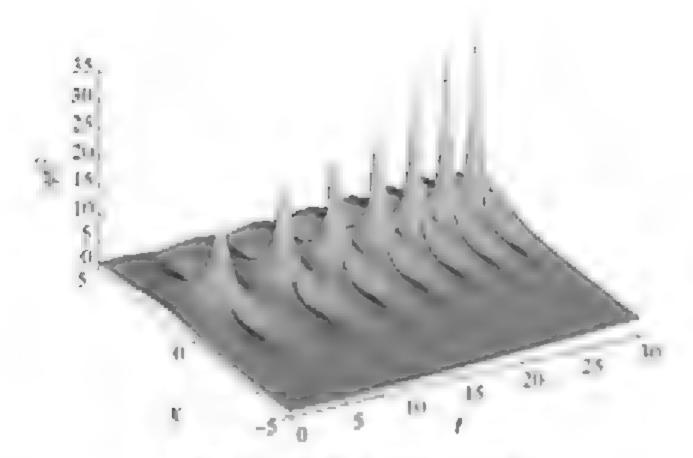


图 8.9 玻色-爱因斯坦凝聚

在物理学界,如果一个科学观点错了,那就是错了(它与实验结果不相符,就是不相符),哪怕这个论文"发表"在全世界最重要的报纸的头版上,而且几十亿人都没有反驳这个论文里的观点……但是,最后它还是错的。可见,科学观点与所谓的政治观点是多么的不同!反之,如果一个科学观点是对的,那么无论多少人反对它,最后它还是对的。一个极好的例子便是爱因斯坦的相对论,曾经被多少人通过政治的于段加以批判,但是相对论还是对的。越是理解了相对论,你就只好越相信它。越是理解相对论的人,就越是不会批判相对论,你就只好越相信它。越是理解相对论的人,就越是不会批判相对论,你就只好越相信它。越是理解相对论的人,就越是不会批判相对论,这一句话在哲学以及逻辑上应该都是可以站得住脚的。我们每使用一次丁机,就做了一次实验,证明相对论是正确的。我们总不能一边使用手机,一边说相对论是不对的。狭义相对论如果没有爱因斯坦的发现,也许还会有其他人发现。但是广义相对论则基本上是爱因斯坦一个人的功劳。

当然,观点不太正确的论文也不是完全毫无意义的,那些对科学理论的发展有推动作用但是不太正确的论文也是极富科学价值的。这种现象在量子力学的发展过程中时有出现。写一篇有创新性但是观点不太正确的论文也是很不容易的。总之,科学论文的根本在于它的创新性和科学性。

8.6 杨振宁对量子力学的贡献

本节的主要内容参考了:《物理》杂志,2014年,43卷第1期。撰写本节的目的除了要说明量子力学是一直在发展着,还要给年轻人普及一下杨振宁先生对量子力学或物理学的诸多重要贡献。因为笔者发现,很多年轻人甚至是读物理的大学生们,要他们举出杨振宁先生大于两个的重要贡献都是很困难的。所以,我们需要从纯学术的方向认真认识一下这位当代物理学大师。

杨振宁(图 8.10 (a)), 1922 年 10 月出生于安徽合肥。现为清华大学教授, 美国纽约州立大学石溪分校荣誉退休教授。石溪分校也是量子力学的先驱狄拉克生前最后工作的地方。1928年, 杨振宁的父亲杨武之自美国归来, 就任厦门大学数学系教授。同年杨振宁随父来到厦门, 在厦门演武小学就读小学二年级。1929年又随父迁赴清华园。关于杨振宁先生的生平, 有大量的书籍可以参考, 故不再在这里赘述。





图 8.10 杨振宁(a)和李政道(b)

学的三个最著名的 贡献是:非阿贝尔 规范场论,弱相互 作用中的宇称不守 恒和统计物理中的

杨振宁对物理

杨振宁是 20 世纪后半叶最伟大的理论物理学家之一。他对物理学(其实也就是对量了力学)最著名的贡献主要如下。

(1) 杨-米尔斯(Yang-Mills)非阿贝尔群规范场理论

Yang-Baxter 方程。

(杨-米尔斯合作);

- (2) 李-杨弱相互作用中的字称不守恒理论(李政道与杨振宁合作);
- (3)统计物理中的杨-巴克斯特(Yang-Baxter)方程(杨振宁和巴克斯特各自发现)。

以上叙述的排序方式意味着杨-米尔斯规范场理论是杨振宁 对物理学最重要的贡献,他的这一贡献被认为超出了他获得诺贝尔物理学奖的字称不守恒理论。实际上,杨振宁对物理学的重要 贡献远不止上面这些。

让我们从 2012 年杨振宁收到的一件 90 岁生日礼物说起。这是一个大小为 8 厘米×8 厘米×6.6 厘米的黑色大理石立方体(图 8.11),是由清华大学赠送给杨振宁的生日礼物。在这个大理石的上表面,镌刻着杜甫的诗句:"文章干占事,得失寸心知"(是杨振宁喜欢的诗句)。在大理石的四周镌刻着杨振宁对物理学的13 项重要贡献。这些贡献遍及统计物理、场论、粒子物理和凝聚态物理等领域。现在让我们按这些成果发表的时间顺序列予如下:

- (1) 1952年, 伊辛模型;
- (2) 1954年, 杨-米尔斯规范场论;
- (3)1956年,弱相互作用中的宇称不守恒;
- (4)1956年,时间反演、电荷共轭和字称三种分立对称性;
- (5)1957年左右,玻色子多体问题;
- (6) 1960年, 高能中微子实验的理论探讨;
- (7) 1961年,超导体磁通量子化;
- (8) 1962年, 非对角长程序;
- (9) 1964年, CP 不守恒的唯象框架;
- (10) 1967年, 杨-巴克斯特方程;
- (11) 1969年,一维 δ 函数排斥势中的玻色子问题;

- (12)1970年左右,规范场论的积分形式;
- (13)1975年,规范场论与纤维从理论的对应。



图 8.11 清华大学赠给杨振宁的生日礼物

笔者觉得,有必要更加具体地描述一下杨振宁先生的这 13 项重要贞献。相信对于即将成长起来的新一代理论物理学者会有很大的帮助。

(1)杨-米尔斯规范场论

1954年,杨一米尔斯发表了所谓的非阿贝尔规范场论。这被普遍认为是杨振宁一生中对物理学发展的最重要贡献,当然也是他一生中发表的约300篇论文中最重要的一篇。他的这一成果的重要性被认为超出了他获得诺贝尔物理学奖的字称不守恒理论。从数学上讲,该论文是从描述电磁学的阿贝尔规范场论到非阿贝尔规范场论的推广。从物理学上讲,是用这种推广发展出新的相互作用的基础规则。论文一开始并没有被物理学界看重,但是后来通过许多学者于20世纪60年代至70年代引入的自发对称破

缺观念,而发展成所谓的"标准模型"(标准模型被普遍认为是20世纪后半叶基础物理学的总成就)。也有人说,杨一米尔斯理论是大统一理论的指路明灯。在我们目前认知的四种基本相互作用中,弱电相互作用和强相互作用都由杨一米尔斯理论描述,而描述引力的爱因斯坦的广义相对论也与杨一米尔斯理论有类似之处。可以说,杨一米尔斯理论是20世纪后半叶伟大的物理成就。杨一米尔斯方程与麦克斯韦方程、爱因斯坦方程一道具有极其重要的历史地位。

对称性是 20 世纪理论物理学的 上旋律之一, 体现了物理学之美。从经典物理、晶体结构到量子力学与粒子物理, 对称性分析都是非常重要的工具。杨振宁往往能准确地利用对称性, 用优雅的方法很快得到结果, 突出本质和巧妙之处, 表现了他对对称性分析的擅长。1999年,在石溪(Stony Brook)的一次学术会议上, 杨振宁被称为"对称之王"(lord of symmetry)。

(2) 弱相互作用中的字称不守恒

1956年,θ-τ之谜是粒子物理学中最重要的难题之一。李政 道和杨振宁从 θ-τ之谜这个具体的物理问题出发思考了更普遍的 问题,从而提出了"宁称在弱相互作用中也许不守恒"的可能 性(所谓的"可能性"是因为还只是理论工作,还需要实验的验证)。在强相互作用与电磁相互作用中字称仍然是守恒的。李-杨对弱相互作用主宰的衰变过程做了具体计算,发现以前并没有 实验证明在弱相互作用中字称是否守恒。很重要的是,他们指出了好几类弱相互作用的关键性验证实验,可以用来测试弱相互作用中字称是否守恒。1956年夏,吴健雄决定做李-杨所指出的一项关于 60 Co β 衰变的实验。到了次年1月,吴领导的实验组通过 该 β 衰变实验证明了在弱相互作用中字称确实不守恒,这引起了 全世界物理学界的大震荡。因为这项工作,李政道和杨振宁获得了 1957年的诺贝尔物理学奖,这是大家所熟知的。

(3)杨-巴克斯特方程

20世纪60年代,寻找具有非对角长程序的模型的尝试将杨振宁引导到了量子统计模型的严格解。1967年,杨振宁发现一维 δ 函数排斥势中的费米子量子多体问题可以转化为一个矩阵方程,后称为杨-巴克斯特方程(因为1972年巴克斯特在另一个问题中也发现了这个方程)。后来,人们发现杨-巴克斯特方程在数学和物理中都是极重要的方程,与扭结理论、辫子群、霍普夫(Hopf)代数乃至弦理论都有密切的关系。杨振宁当年讨论的一维费米子问题后来在冷原子的实验研究中显得非常重要,而他在文中发明的嵌套贝特(Bethe)方法次年被利比希(Lieb)和伍法岳用来解出了一维哈伯德模型。哈伯德模型后来成为包括高温超导在内的很多理论研究的基础。

(4)相变理论

统计物理是杨振宁先生的主要研究方向之一。1952年,杨和合作者发表了三篇有关相变的重要论文。第一篇是他在前一年完成的关于二维伊辛模型的自发磁化强度的论文,得到了1/8这一临界指数,伊辛模型是统计力学里最基本却极重要的模型,它在理论物理中的重要性到20世纪60年代才被广泛认识。1952年,杨振宁还和李政道合作完成并发表了两篇关于相变理论的论文。两篇文章同时投稿和发表,发表后引起爱因斯坦的兴趣,为此爱因斯坦曾把李政道和杨振宁召到他的办公室(李、杨和爱因斯坦当时都在普林斯顿的高等研究院工作)。论文通过解析延拓的方法研究了巨配分函数的解析性质,发现它的根的分布决定了状态方程和相变性质,消除了人们对于同一相互作用下可存在不同热力学相的疑惑。这两篇论文的高潮是第二篇论文中的单位圆定理,它指出吸引相互作用的格气模型的巨配分函数的零点位于某个复平面上的单位圆上。

(5) 玻色子多体问题

杨振宁在1957年左右与合作者完成和发表了一系列关于稀薄玻色子多体系统的论文。首先,他和黄克逊、路丁格合作发表了两篇论文、将赝势法用到该领域。在写好关于弱相互作用中字称是否守恒的论文之后等待实验结果的那段时间里,杨振宁和李政道用双碰撞方法首先得到了玻色子多体系统的正确的基态能量修正,然后他又和黄克逊、李政道用赝势法得到同样的结果。他们得到的能量修正中最令人惊讶的是著名的平方根修正项,但当时无法得到实验验证。近年来,这个修正项随着冷原子物理学的发展而得到了实验证实。

(6)一维δ函数排斥势中的玻色子在有限温度的严格解

1969年,杨振宁和他的弟弟杨振平将一维δ函数排斥势中的玻色子问题推进到有限温度。这是历史上首次得到的有相互作用的量子统计模型在有限温度(T>0)下的严格解,这个模型和结果后来在冷原子系统中得到实验实现和验证。

(7) 超导体磁通量子化的理论解释

1961年,通过和费尔班克(Fairbank)实验组的密切交流, 杨振宁和拜尔斯(Byers)从理论上解释了该实验组发现的超导 体磁通量子化,证明了电子配对即可导致观测到的现象,澄清了 不需要引入新的关于电磁场的基本原理,并纠正了伦敦(London) 推理的错误。在这个工作中,杨振宁和拜尔斯将规范变换技巧运 用于凝聚态系统中。相关的物理和方法后来在超导、超流、量子 霍尔效应等问题的研究中被广泛应用。

(8) 非对角长程序

1962年,杨振宁提出"非对角长程序"(off-diagonal long-range order)的概念,从而统一刻画了超流和超导的本质,同时也深入探讨了磁通量子化的根源。"非对角长程序"已经是当代凝聚态物理的一个关键概念。1989年到1990年,杨振宁在与

高温超导密切相关的哈伯德模型里找到具有非对角长程序的本征 态,并和张首晟一道发现了它的 SO(4) 对称性。

(9) 时间反演、电荷共轭和宇称三种分立对称性

1956年,欧米(Oehme)因为质疑弱相互作用中字称是否守恒的论文,致信杨振宁提出弱相互作用中字称(P)、电荷共轭(C)和时间反演(T)三个分立对称性之间关系的问题。这导致杨振宁、李政道和欧米共同发表论文,讨论P、C、T各自不守恒之间的关系。此文对1964年CP不守恒的理论分析有决定性的作用。

(10) 高能中微子实验的理论探讨

1960年,为了得到更多弱相互作用的实验信息,利用实验物理学家施瓦茨的想法,李政道和杨振宁在理论上探讨了高能中微子实验的重要性。这是关于中微子实验的第一个理论分析,引导出后来许多重要的研究工作。

(11) CP 不守恒的唯象框架

1964年,实验上发现 CP 不守恒(即电荷共轭--宁称不守恒) 后,引发出众多猜测其根源的文章。杨振宁和吴大峻没有理会那 些脱离实际的理论猜测,而作了 CP 不守恒的唯象分析,建立了 后来分析此类现象的唯象框架。这就是杨振宁脚踏实地的作风, 也明显显示出他受到费米的影响。

(12)规范场论的积分形式

杨一米尔斯理论的重要性在本节的最初就已经给出了。除了物理上的重要性,杨一米尔斯理论还把物理与数学的关系推进到一个新的水准。1970年左右,杨振宁致力于研究规范场论的积分形式,发现了不可积相位因了的重要性,从而意识到规范场有深刻的几何意义。

(13) 规范场论与纤维丛理论的对应

1975年, 杨振宁和吴大峻合作发表了一篇论文, 用不可积

相位因子的概念给出了电磁学以及杨一米尔斯场论的整体描述,讨论了阿哈罗诺夫-博姆效应和磁单极问题,揭示了规范场在几何上对应于纤维丛上的联络。这篇文章里面附有一个"字典",把物理学中规范场论的基本概念准确地"翻译"成数学中纤维从理论的基本概念。这个字典引起了数学界的广泛兴趣,大大促进了数学与物理学以后几十年的成功合作。

可以说,杨振宁是目前在世的世界上数一数二的物理学大师,也可以说,他是目前在世的对物理学理论贡献最大的物理学家(没有之一)。尽管他后来加入了美国籍,但是他的成就仍然鼓舞了大批的炎黄子孙,也对增进我们国人的自信心有重要的意义。2017年他放弃了美国籍,回归中国籍。

最后,还有一个没有太大的意义却很受注意的问题是:杨振 宁先生在物理学家中的排名会是在哪里?这是一个仁者见仁、智 者见智,没有准确答案的问题。在本书中的很多地方,我们谈到 牛顿、爱因斯坦这两位神级人物、我们也谈到了20世纪20年代 量子物理的黄金时代,这个时代的重要人物主要是普朗克、爱因 斯坦、玻尔、海森伯、薛定谔、玻恩、狄拉克、泡利等人、杨振 宁没有赶上这个黄金时代,他进入研究领域始于20世纪40年代, 但是他的研究范围十分广泛,在诸多领域贡献重大。所以,从纯 粹学术地位上考虑,有人说杨振宁先生可以和狄拉克并列。也有 人说朗道、费恩曼、杨振宁可以被称为是继爱因斯坦之后最全才 的三位理论物理学家。当然,还有很多种说法。再次提醒,排名 并没有准确的意义。

参考书目

- [1] 曾谨言. 量子力学: 卷Ⅰ, 卷Ⅱ[M]. 2版. 北京: 科学出版社, 1997.
- [2] 关洪.量子力学的基本概念[M]. 北京:高等教育出版社, 1990.
- [3] 金尚年.量子力学的物理基础和哲学背景[M].上海:复日大学出版社,2007.
- [4] 徐来自,张雪峰.量子论[M].北京:科学出版社,2012.
- [5] 瑞德尼克.量子力学史话 [M]. 黄宏荃,彭灏,译.北京:科学出版社,1979.
- [6] 梅拉 J, 宙琴堡 H. 量子力学的历史发展 [M]. 戈革, 等译. 北京: 科学出版社, 1990.
- [7] 曹天元.上帝掷骰子吗——量子物理史话 [M]. 北京: 北京 联合出版公司, 2013.
- [8] 福特 K W. 量子世界——写给所有人的量子物理 [M]. E 菲, 译, 北京: 外语教学与研究出版社, 2008.
- [9] 佐藤胜彦. 有趣的让人睡不着的量子论[M]. 孙羽, 译. 北京: 人民邮电出版社, 2016.
- [10] 高山. 量子 [M]. 北京:清华大学出版社,2003.
- [11] 韦斯科普夫 V F. 二十世纪物理学 [M]. 北京: 科学出版社, 1979.
- [12] 上海物理学会. 诺贝尔奖金获得者讲演集——70 年代物理学 [M]. 北京: 知识出版社, 1986.
- [13] 郭光灿,高山. 爱因斯坦的幽灵——量子纠缠之谜[M]. 北京: 北京理工大学出版社, 2009.

- [14] 阿米尔·艾克塞尔. 纠缠态: 物理世界第一谜 [M]. 庄星来, 译. 上海: 上海科学技术文献出版社, 2008.
- [15] 彭世坤. 神奇的量子和量了通信 [M]. 成都: 四川科学技术 出版社, 2014.
- [16] 李淼.超弦史话[M].北京:北京大学出版社,2005.
- [17] 赵鑫珊. 普朗克之魂: 感觉世界 [M]. 上海: 文汇由版社, 1999.
- [18] 方在庆. 一个真实的爱因斯坦 [M]. 北京:北京大学出版社, 2006.
- [19] 沃尔特·穆尔,薛定谔传[M],班立勤,译,北京:中国对外 翻译出版公司,2001.
- [20] 费恩曼 R. 别闹了, 费恩曼先生 [M]. 吴程远, 译, 台北: 天下文化出版公司, 1997.

附录 A 量子力学发展简史

简单回顾 · 下量子力学的发展历史是有帮助的,这方面的书籍很多。已经有 · 套非常详尽地叙述量子力学发展史的著作 ^[6],读者如果感兴趣,可以阅读这些经典的著述。在这里,我们希望只花儿页的篇幅,概要地回顾一下量子力学发展过程中的主要节点。下面给出的时间节点以及相关资料,主要来自参考书目 [3]。

A.1 量子论创立之前经典物理学在热辐射 现象上的进展

旧量子论很大程度上是由于热辐射(黑体辐射)的现象在经典物理学中无法得到很好的解释,人们在努力理解黑体辐射能量分布的过程中,于1900年由普朗克公式的提出而获得突破,终于导致了量子论的诞生。

1860年,基尔霍夫引进了"辐射本领""吸收本领"和"黑体"的概念,证明了一切物体的辐射本领和吸收本领之比与同一温度的黑体辐射的辐射本领和吸收本领之比相等,而且只是温度和波长的函数。

1879年, 斯特藩(J Stefan, 曾译为斯忒籓)发现了黑体辐射的总能量与绝对温度的四次方成正比这一经验定律。

1884年,玻尔兹曼从理论上导出了斯特藩定律,从而被称为斯特藩--玻尔兹曼定律: $W=\sigma T^4$ 。

1871年, 兰利在测定热辐射的实验技术上有了重大突破, 这为以后精确地测定辐射能量分布曲线奠定了基础。

1893年, 维恩发表了黑体辐射的维恩位移定律。1896年,

量子理论的诞 生离不开人们当时 努力去理解黑体 辐射的能量分布 公式。

附录

维恩又发表了适用于短波范围的黑体辐射的能量分布公式。维恩 于1911年因为"黑体辐射方面的发现"而获得诺贝尔物理学奖。

1899年, 陆末和普林斯海姆做了空腔辐射实验, 精确地测得了黑体辐射的能量分布曲线。

1899年5月, 普朗克在普鲁上科学院的一次会议上, 给出了一个黑体辐射能量分布的理论公式。

1900年4月27日, 开尔文勋爵在英国的一次科学家集会上作了关于"热和光的动力学理论上空的19世纪的云"的演讲。他认为, 物理学大厦的主要框架都已经建成, 留给今后物理学家的任务只是修饰和完善这座大厦。但是, 在物理学一片晴朗的天空的边际, 还有几朵小小的让人不安的乌云, 其中主要的有黑体辐射、以太问题和固体比热等。历史上, 恰恰就是这些"不起眼"的小乌云, 最终促成了20世纪最伟大的科学理论——相对论和量子力学的诞生。

1900 年 6 月,瑞利发表了只在长波范围内适用的黑体辐射公式: $\rho \sim v^2 T$,但是还没有给出公式中的比例系数。

A.2 旧量子论的诞生和发展

1900年10月19日,普朗克在德国物理学会的会议上报告了一个根据实验数据"猜测"出来的黑体辐射公式。当天,鲁本斯就证实,普朗克的公式与实验数据完全符合。普朗克公式对所有的波长和所有的温度都适用的证据在以后的几年中多次得到证实。有了这个公式,黑体辐射的能量分布的正确定律可以说已经被给出了。然而,普朗克认为,紧接着的和更加基本的任务就是要搞清楚这个公式的理论基础和物理根源。这将直接导致发现自然界中的新恒量:量子。

1900年12月14日,在柏林德国物理学会的例会上,普朗

1900年普朗克 公式的提出以及之 后的公式推导,终 于导致了革命性 的"量子"假说的 出现。 克在一篇《关于正常谱中能量分布定律的理论》的论文中,提出了他关于黑体辐射公式的物理意义(实际上,普朗克在 1900年 11 月中旬就已经得到了他的黑体辐射定律的物理解释)。在这里,普朗克通过引入振子能量量了化 ε=hv,由经典电动力学和经典统计热力学,从理论上导出了黑体辐射的普朗克公式。能量的量子化突破了经典物理学中的连续性原理,量子物理学由此诞生。1900年 12 月 14 日这一天也被普遍公认为量了物理的诞生日,普朗克也因此被称为是量子论的第一个父亲。普朗克于 1918 年因为"发现了能量量子"而获得诺贝尔物理学奖。

但是,在20世纪的前10年时间里,很多人还是把普朗克公式看成是一个局限在辐射问题中的"经验公式"。甚至在1908年,当达姆斯特德编写《自然科学与技术史手册》时,在所列举的1900年以来全世界120项发明和发现时,竟然没有普朗克的名字。量子论得以传播和发展,并最终得到人们的理解和接受,爱因斯坦起到了非常重要的作用。所以大家说,爱因斯坦是量子理论的第二个父亲。

1903年, 卢瑟福和索迪发表了放射性元素的嬗变理论。

1903年, JJ汤姆孙提出原了模型的所谓葡萄干布丁模型。

1904年,长冈半太郎发表了原子结构的土星模型。

1905年,爱因斯坦发表了《关于光的产生和转化的一个启发性观点》的论文。爱因斯坦从分析黑体辐射的困难入手,提出了光量子的思想(即单色辐射好像是由一些互不相关的能量量子所组成),从而成功地解释了光电效应等现象。爱因斯坦于1921年就是因为给出了"光电效应的规律"而获得诺贝尔物理学奖(爱因斯坦获得诺贝尔奖的过程颇有意味,值得一看,请参考其他书籍)。

1905年,瑞利为他自己在1900年提出的辐射公式规定了一个比例常数,但是里面错了一个数值因子,随后为金斯所纠正,

附录

这样就得到了所谓的瑞利-金斯公式,它适用于长波区域的黑体 辐射。

1906年3月,爱因斯坦发表了《论光的产生与吸收》的论文。 明确指出,他的光量子与普朗克的能量量子是相同的。

1906年11月,爱因斯坦发表了《普朗克的辐射理论和比热 理论》的论文,成功地给出了关于固体比热的第一个量了理论。 文中也指出,黑体辐射的能量分布定律"值得引起严重的注意, 因为它有助于对一系列规律的理解"。

正是爱因斯坦 1905 年的光量子理论和 1906 年的固体比热理 论, 使人们意识到普朗克公式所包含的不仅仅是一个孤立的"辐 射问题",而是带有普遍意义的"量子问题"。

1906年11月,爱因斯坦在《普朗克的辐射理论和比热理论》 的文章中, 首次提出了普朗克公式的另一种推导方法, 并指出对 于普朗克理论的内有问题,要从对热的分子运动论(指统计方法) 的修正着手。

1906年, 萊曼(T Lyman, 曾译为赖曼)发表了氢原子光谱 的菜曼系。原子光谱学的发展在整个量子力学的发展中起到特殊 的作用。

1908年,帕邢发表了氢原子光谱的帕邢系。

1909年、 善華和马斯登在卢瑟福的指导下在英国曼彻斯特 大学进行了 α 粒子散射实验,发现了金属箔能使有些 α 粒子产生 大角散射,从而否定了汤姆孙的原子模型。

1909年,因提出相对论已经蜚声世界的爱因斯坦在德国自 然科学家协会第81届大会上,作了题为《论我们关于辐射的本 质和组成的观点的发展》的报告, 明确提出了光的波粒二象性理 论。这次会议还有来自全世界的理论和实验物理学家参加。

1910年2月,能斯特报道了他花了3年时间完成的低温比 热的测量数据,证实了爱因斯坦的比热公式。能斯特于1920年

爱因斯坦 1905 年的光量子理论和 1906年的固体比热 理论, 使人们意识 到"量子"不仅仅 孤立存在于辐射问 题, 而是带有普遍 意义的事情。

因为"对热化学的研究"而获得诺贝尔化学奖。

1910年, 德拜绕过普朗克理论中连续与分立的前后矛盾, 给出普朗克公式早期的最简单、最清晰的一个推导。德拜于1936年主要因为"研究分子结构"而获得诺贝尔化学奖。

1911年,卢瑟福对α粒子的大角散射实验作出解释,提出了原子的行星模型。卢瑟福于1908年因为"对元素的蜕变以及放射化学的研究"而获得诺贝尔化学奖*。

1911年10月,由实业家索尔维资助的第一届索尔维会议在布鲁塞尔召开。当时最有名的18位物理学家应邀参加了会议。会议的主题是"辐射理论和量子",这标志着由普朗克创立、爱因斯坦发展起来的量子论已经开始为人们所普遍接受。此次会议之后,量子论成为全世界物理学家关注的中心,并很快进入旧量子论的鼎盛时期。

1913 年, 斯塔克发现了电场能使原子光谱分裂的效应(即所谓的斯塔克效应) 斯塔克于 1919 年因为"发现多普勒效应和光谱分裂"而获得诺贝尔物理学奖。

1913年,玻尔在卢瑟福原子模型、普朗克量子论和里德伯 光谱定律等理论的基础上,分三次发表长篇论文《论原子构造和 分子构造》,提出了原子的定态和跃迁的概念,从理论上解释子 线光谱的起源、原子结构稳定性等理论问题。玻尔原子模型的建 立,使得玻尔被誉为量子论的第三个父亲。玻尔于1922年因为"原 子结构的理论"而获得诺贝尔物理学奖。

1914年,弗兰克(J Franck,曾译为夫兰克)和赫兹发表了用电子轰击汞气体原了的实验结果,发现电了能量达到某一确定值时,气体的电离达到某些明显的极大值,这直接验证了玻尔的

玻尔原子模型 理论的提出是革命 性的。

^{*} 卢瑟福获得的是化学奖而不是物理学奖 这种情况在诺贝尔奖的历史上 发生多次,即自认为是物理学家的人会被授予化学奖。这种情况也说明 了物理学与化学学科之间的亲密关系。

附录

原子理论。弗兰克和赫兹于1925年因此而获得诺贝尔物理学奖。

1915年,索末菲推广了玻尔理论,得出了电子椭圆轨道的量子化条件,解释了氢原子巴耳末线系的精细结构。

1916年,爱因斯坦发表了《关于辐射的量子理论》的论文,利用量子跃迁的概念又一次导出了普朗克的辐射公式,同时提出了受激辐射的理论,这成为20世纪60年代初蓬勃发展起来的激光技术的理论基础。

1916年,索末菲和德拜证明了角动量沿恒定磁场方向的分量是量子化的,从而用量子论解释了正常塞曼效应。

1918年,玻尔提出对应原理,并用来计算谱线强度和选择 定则。

1920年,索末菲提出内量子数假设,使量子论对碱金属原子的光谱基本上都可以解释,但是仍然不能解释反常塞曼效应。

1921年,玻尔提出多电子原子结构的理论,解释元素周期律。

1921年,海森伯发表了《关于谱线结构与反常塞曼效应的量子论》,提出了半整数量子数。

1921年, 朗德提出磁场中谱线分裂的朗德因子, 在解释反常塞曼效应方面有所突破。

1922年, 德布罗意用"光分子"气体模型导出普朗克公式。

1922年,施特恩和格拉赫(W Gerlach,曾译为盖拉赫)发表了用银原子束在不均匀磁场中的偏转测定原了磁矩的实验结果,证实了角动量的空间量了化。施特恩于1943年因为"发现质了的磁矩等"而获得诺贝尔物理学奖。

1922 年,康普顿用光量了和电了碰撞的图像解释了 X 射线散射中的波长变长的实验结果(即康普顿效应) 这个实验使光量子假设得到最后确认。康普顿于1927 年因为"康普顿效应"而获得诺贝尔物理学奖。

德布罗意提出 了实物粒子具有波 动性的所谓"相波 理论"。电子就具 有波动性。

泡利提出不相容原理,它对所有的费米子体系都适用。

1923年9—10月,德布罗意接连发表了《波与量子》《光量子、 衍射和干涉》以及《量子、气体运动理论以及费马原理》等三篇 论文。提出了电子具有波动性的思想。也提出了实物粒子具有波 动性的所谓"相波理论"。这三篇论文后来成为他博士论文《量 子理论的研究》的基础内容。德布罗意于1929年因为"发现电 子的波动性"而获得诺贝尔物理学奖。

1924年, 玻色发表了光量子所服从的统计规则, 并用来导出了普朗克公式, 至此普朗克公式推导中的内在矛盾得到彻底解决。爱因斯坦把玻色的统计规则作了推广, 成为玻色-爱因斯坦统计, 它是自旋为整数的粒子所服从的统计规则。

1925年1月,泡利提出不相容原理(对费米子体系适用)。 当时的表述是:在一个原子中不可能有两个或两个以上的电子具 有完全相同的四个独立量子数。泡利于1945年因为发现"泡利 不相容原理"和提出中微子假设而获得诺贝尔物理学奖。

1925年1月,克勒尼希(R Kronig,曾译为克罗尼克)在得知泡利的不相容原理后,把电子的第四个自由度解释为自旋角动量,这和后来乌伦贝克与古德斯密特发现的自旋基本上一样但是,当时由于泡利等人持否定态度,克勒尼希的结果没有公开发表。

以上就是旧量子论发展的主要线索。可以看到,在旧量子论发展时期,人们对普朗克辐射公式的理论基础产生了很大的兴趣,普朗克公式得到了多次重新的推导和证明。这个公式是量子论的起源。

A.3 量子力学的创立和完善

逻辑上完备的量子力学的真正创立,应该从海森伯创立量子力学的矩阵力学形式开始。

1925年7月,海森伯发表了一篇题为《运动学与动力学关

附录

系的量子理论再解释》的论文。紧接着,玻恩和约尔当发表了《关于量子力学Ⅰ》的论文;玻恩、海森伯和约尔当发表了《关于量子力学Ⅱ》的论文。这三篇论文构成了被称为矩阵力学形式的量子力学。由此量子力学宣告诞生。海森伯于1932年因为"发现量子力学"而获得诺贝尔物理学奖。

1925年10月,泡利使用海森伯的量子力学成功地解决了氢原子的各种问题,其中包括旧量子论无法解决的交叉电场和磁场中的氢原子光谱的问题。泡利的这些结果在1926年初以《新的量子力学观点处理氢的光谱》为题发表,令人信服地证明了新的量子力学比旧量子论优越,也对矩阵力学的发展起到了重要的支持和促进作用。

1925年10月,乌伦贝克和占兹密特发表了关于电子自旋的 论文,并迅速得到玻尔的赞同,之后海森伯也表示支持。

1925年,托马斯计算了自旋轴作进动的角动量,解释了克勒尼希、乌伦贝克和占兹密特的工作中共同缺少了一个因子 2。 从此自旋得到了绝大多数物理学家的承认(泡利除外),而且反常塞曼效应也不再是一个无法解释的问题了。

1925年11月, 狄拉克发表了题为《量了力学的基本方程》的论文, 把海森伯的矩阵力学纳入泊松括号的形式。狄拉克在1933年同薛定谔一道因为"新的富有成效的原子理论"而获得诺贝尔物理学奖。

1926年初,薛定谔接连发表了题为《量子化是本征值问题》 (第一部分)和(第二部分)的论文、这两篇论文构成了被称为 波动力学形式的量子力学。薛定谔于1933年与狄拉克一道获得 诺贝尔物理学奖。

1926年3月,薛定谔发表了题为《论海森伯、玻恩、约尔 当的量子力学和ስ定谔量子力学的关系》的论文,证明了矩阵力 学与波动力学是一致的,可以相互变换。泡利等人也同时独立地

乌伦贝克和古 兹密特提出了电子 自旋设计 海森 的假设,海森 的改变了原来反对 的态度。

1926年,薛定 谔发表了量子力学 的波动力学形式, 成为量子力学的 核心 证明了这两种力学的等价性。

1926年, 薛定谔还陆续发表了《量子化是本征值问题》(第三部分)和(第四部分)两篇论文。分别提出了定态微扰理论和含时微扰理论,并用来计算斯塔克效应等具体的问题。

1926年6月,玻恩在一篇题为《散射过程的量子力学》的文章中,提出了波函数的儿率解释,得到了多数物理学家的赞同。波函数的儿率解释成为量子力学中最重要的基本概念之一。玻恩于1954年主要因为"对波函数的统计解释"而获得诺贝尔物理学奖。

1926年秋拉克接连发表了《量子力学对氢原子的初步研究》《量子代数》《量子力学理论》《量子力学的物理解释》等论文,给予矩阵力学以物理解释。同时发展了一套将矩阵力学和波动力学融为一体的、与玻恩关于波函数的几率解释相容的系统的量子力学理论体系,其中包括了表象变换理论和狄拉克符号。这些内容于 1930 年被整理成书,以《量子力学原理》为名出版,成为第一本量子力学教科书。此后多数的量子力学教科书都以此为蓝本。

1926年,费米和狄拉克分别独立发表了自旋为半整数的微观粒子(所谓的费米了)所服从的统计规则:费米-狄拉克统计。费米于1938年获得诺贝尔物理学奖。

1927年,海森伯发表了测不准关系。

1927年,玻尔提出了互补原理。

1927年,泡利按照量子力学的范式引入了可以描述电子自 旋性质的泡利矩阵。

1927年, 狄拉克引入玻色体系的二次量子化, 约尔当、维格纳引入费米体系的二次量子化。

1927年, 戴维孙、革末和汤姆孙分别通过实验获得了电子的衍射花样, 从而明确证明了电子具有波动性。此后, 德布罗意

玻恩于1926年 提出"波函数的统 计解释",成为量 子力学中最重要的 概念。

1927年,海森伯发表了测不准关系。同一年,玻尔提出了互补原理。

附录

1927年10月,在第五届索尔维会议上,爱因斯坦和玻尔就量子力学的诠释问题爆发了第一次公开争论。此后在1930年10月的第六届索尔维会议上,双方又爆发了一场激烈争论。历史上,这一争论具有重要的意义。

1928年, 狄拉克发表了相对论性的电子波动方程——狄拉克方程, 它把电子的相对论运动和自旋、磁矩自动联系了起来。

1928年,伽莫夫、格尼和康顿(Condon,曾译为康登)发表了根据量子力学导出的盖草-努塔尔定律,证明了量子力学在原子核问题上也是适用的。

1928年,海森伯用量子力学的交换能解释了铁磁理论。

1929年,海森伯和泡利提出了相对论量子场论。

1929年,爱因斯坦提出统一场论。

1931年, 狄拉克发表磁单极子理论。

1948年至1950年,费恩曼先后发表了题为《非相对论量子力学的时空研究》《电磁相互作用量了理论的数学表示》的论文,建立了被称为第三种非相对论量子力学的理论形式,即量子力学的路径积分形式。这个形式特别适用于推广到场的量了理论。费恩曼于1965年因为"在量子电动力学方面的杰出贡献"而获得诺贝尔物理学奖。

1948—1949年,施温格(Julian S Schwinger,曾译为许温格)、朝永振一郎和费恩曼分别完成了量了电动力学的完整理论,成功解释了1947年发现的氢原了谱线的兰姆移动,使量了物理学达到了很高的精确程度。施温格、朝永振一郎和费恩曼一道于1965年因为"量子电动力学"而获得诺贝尔物理学奖。

可以看到,对量子力学的发展有重要贡献的工作基本上都会被授予诺贝尔物理学奖(或化学奖)。所以,量子力学这门科学的重要性是不言而喻的。关于1950年之后的量子力学的发展历史,

1948—1950年, 费恩曼建立了量子 力学的第三种理论 形式,即量子力学 的路径积分形式。 量子理论的主要创立者都是年轻 要创立者不令人惊讶。 开个人惊讶。 开尔的原因:这出 新物理学必定出自 无拘无束的头脑。 这里就不予详细叙述。量子力学从来都没有停止过发展,它一直都在得到深化。笔者撰写了 8.6 节"杨振宁对物理学的贡献"作为量子力学正在继续发展的"证据",供读者参考。

附录 B 对称性与守恒定律

自然界以及人造物中随处可见一些带有几何对称性的物体,例如宫殿、京剧脸谱、雪花(图 B.1)和蜂窝等。人类最早也是通过这些东西感性地认识了所谓"对称性"的概念。在意识上,人类对这种对称的美有特殊的感受,所以也有意识地将对称性应用于日常的各种建筑、装饰和设计当中。随着人们对自然界认识的深入,对称性的概念也被引入到了自然科学的领域。而且现在看来,对称性是目前科学界最深刻的概念之一。现代物理学的不少重大突破,都直接或间接地与对称性或对称性破缺的概念有关。

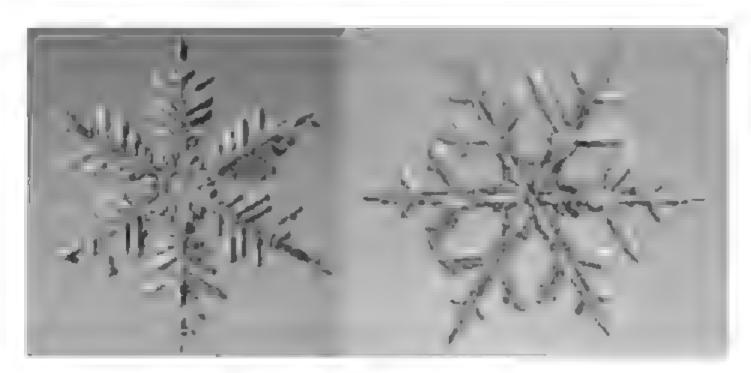


图 B.1 雪花(六角对称性)

什么是对称性呢?著名的德国数学家外尔给对称性下了一个普遍的定义:如果系统的状态在某种操作下保持不变,则称该系统对于这一操作具有对称性。这样的操作就称为"对称操作"。这里提到的"系统"二字,可以是我们熟悉的图像,也可以是某个现象或物理定律。物理中常见的对称操作,包括空间的平移、镜面反射、旋转和空间反演等,也包括时间的平移、反演以及时间一空间的联合操作等。当然,还会有一些抽象的变换(即操作),如规范变换、置换等(它们与时间、空间的坐标无关)。

除了对称性的概念之外,"对称性破缺"(symmetry-broken)也是非常重要的概念。如果某物理系统的运动受到外界因素(如外力)的限制,从而导致该系统原有的某些对称性遭到破坏,这种情况就称为对称性破缺。研究自然界所呈现出来的各种对称性以及产生的对称性破缺,是人们认识自然规律的一个重要手段。前面已经提到,一个概念能够在物理学中存在下来,一般都必须能够对其进行定量化(一个无法定量的概念在物理学中很可能就不那么重要了)。所以,对称性也不例外(听起来对称性不像是个物理量),上面对对称性的定义就提供了一个可定量化的东西:对称操作和对称操作的数目(不予细述)。

进入 20 世纪以后,物理学家认识到对称性与守恒定律之间存在着紧密的关系。德国科学家诺特早在 1918 年就将守恒定律与对称性联系在一起,建立了诺特定理:每一种对称性均对应于一个物理量的守恒律;反之,每一种守恒律均对应于一种对称性。现在,我们来讨论力学中三条重要的守恒定律与时空对称性之间的关系。这些结论是可以证明的,只是证明的过程并不适合在这里给出,所以我们只做认真的叙述而已。

(1)空间的平移对称性导致动量守恒定律

所谓的空间平移对称性指的是空间的均匀性。例如,一个给定的物理实验或现象的进展过程是与实验室的位置无关的。无论是在厦门做实验,还是在北京做同样的实验,得到的物理过程和规律都是一样的。物理实验可以在空间的不同地点重复。所以,空间并没有绝对的原点,所能观测的只是物体在空间的相对位置。空间的均匀性就导致了动量守恒定律。当然,如果空间的平移对称性发生破缺(如系统不再孤立),则系统的动量就不再守恒了。

(2) 空间的旋转对称性导致角动量守恒定律

空间旋转对称性指的是空间的各向同性。在太空中(地面上会有重力的影响),任意一个给定的物理实验或现象的进展过程

录

是与实验室的取向无关的,把实验室旋转一个方向并不会影响实验的结果。也就是说,空间的绝对方向是不可观测的,没有绝对的"上"或"下"方向的差别,我们不必担心地球另一面的人会掉下去。空间的各向同性导致了角动量守恒。

(3) 时间的平移对称性导致能量守恒定律

时间的平移对称性指的是时间的均匀性。例如,一个给定的物理实验或现象的进展过程是与实验开始的时刻无关的。无论是今天做实验,还是明天做同样的实验,得到的物理过程和规律都是一样的。物理实验会在不同时候得到重复。物理规律的这种时间均匀性导致了能量守恒定律。

可见,这里的三个守恒定律都是从时空的对称性来的,它们比一般的定理、定律有着更加普遍的自然根基。所以,虽然牛顿的三个运动定律在微观世界中已经不再正确,但是动量守恒定律、角动量守恒定律和能量守恒定律却是普遍成立的,无论是在宏观还是微观世界里。

美神维纳斯失去了双臂,但是多数人却认为这是很美的,即所谓的"残缺美"(类的于对称性破缺)。有趣的是,曾经有很多人给维纳斯设计了各种形态的双臂,但是最终都无法跟断臂的维纳斯相比美(图 B.2)! 回到物理学上来,1956年李政道和杨振宁提出的弱相互作用下的字称不守恒,也正是镜像对称性被破坏的"残缺美"!



图 B.2 美神维纳斯的塑像

如果请你给美神维纳斯设计一双 神维纳斯设计一双 手,你会如何设计可以 计?你的设计可以 匹敌断臂维纳斯的 美吗?

人名的中英文对照

C D 安德森 C. D. Anderson

P.W. Anderson

J J 汤姆孙 Joseph John Thomson

G P 汤姆孙 G. P. Thomson

Α

阿波罗 G. Apollo

阿德曼 Leonard Adleman

阿哈罗诺夫 Yakir Aharonov

阿斯派克特 Alain Aspect

埃伦费斯特 Paul Ehrenfest

艾弗雷特三世 Hugh Everett Ⅲ

爱因斯坦 A. Einstein

奥本海默 J. Robert Oppenheimer

В

巴耳末 Johann J. Balmer

贝尔 John Stewart Bell

贝可勒尔 Antoine Herni Bacquerel

贝内特 C. H. Bennett

波多尔斯基 Boris Podolsky

玻恩 M. Born

玻尔 N. Bohr

玻尔兹曼 Ludwig Boltzmann

玻色 S. N. Bose

博姆 David Bohm

布拉萨尔 Gilles Brassard

D

达尔文 Charles Darwin (进化论创立者达尔文之孙)

戴维孙 C. J. Davisson

德拜 P. Debye

德布罗意 Louis V. De Broglie

狄拉克 P. A. M. Dirac

多伊奇 David Deutsch

F

费恩曼 Richard Feynman

费米 Enrico Fermi

冯•诺依曼 John von Neumann

弗兰克 J. Franck

福勒 Ralph Fowler

J

伽利略 Galileo Galilei

G

盖革 H. Geiger

革末 L. H. Germer

格拉赫 W. Gerlach

格拉肖 Sheldon Glashow

格林 Michael Green

格鲁弗

Lov Grover

占兹密特

S. A. Goudsmit

H

哈伯德

J. Hubbard

哈密顿

William Rowan Hamilton

海姆

Andre Geim

海森伯

W. Heisenberg

汉森

Hans Maruis Hansen

赫兹

G. L. Hertz

怀尔斯

Andrew Wiles

惠勒

John A. Wheeler

霍尔

John Lewis Hall

J

基尔霍夫

G. R. Kirchhoff

金斯

James H. Jeans

居里夫人

Marie Curie

K

卡文迪什

W. Cavendish

开尔文男爵

Lord Kelvin (本名 William Thomson)

康普顿

A. H. Compton

科恩

Walter Kohn

克莱默斯

Hendrik A. Kramers

克劳瑟

J. F. Clauser

克勒尼希

R. Kronig

拉普拉斯 Pierre Simon de Laplace

莱曼 T. Lyman

兰利 S. P. Langley

兰姆 Willis Eugene Lamb

朗道 Lev Landau

朗德 A. Lande

朗之万 Paul Langevin

李维斯特 Ron Rivest

李政道 T. D. Lee

卢瑟福 Ernest Rutherford

鲁本斯 Heinrich Rubens

陆未 Otto Richard Lummer

路丁格 J. M. Luttinger

伦琴 Wilhelm Konrad Rontgen

罗森 Nathan Rosen

洛伦兹 Hendrik Antoon Lorentz

Μ

马斯登 E. Marsden

迈克耳孙 Albert Abraham Michelson

麦克斯韦 James Clerk Maxwell

梅利 Pier Giorgio Merli

米尔斯 Robert Mills

密立根 R. A. Milliken

莫宙 Edward W. Morley

莫特 N. F. Mott

墨明 David Mermin

N

能斯特 Walther Nernst

尼尔森 H.B.Nielsen

牛顿 Isaac Newton

诺特 A. E. Noether

诺沃肖洛夫 Konstantin Novoselov

C

欧拉 Leonhard Euler

P

帕邢 Friedrich Pashen

泡利 W. Pauli

彭罗斯 Roger Penrose

普朗克 Max Karl Ernst Ludwig Planck

普林舍姆 Ernst Pringsheim

R

瑞利 J. W. S. Rayleigh

S

萨拉姆 Aldus Salam

萨莫尔 Adi Shamir

萨斯坎德 Leonard Susskind

塞林格 Anton Zeilinger

寒曼 Pieter Zeeman

施特恩 Otto Stern

施瓦茨 John Schwartz

施温格 Julian S. Schwinger

斯塔克 J. Stark

斯特藩 J. Stefan

索迪 F. Soddy

索尔维 Ernest Solvay

索末菲 Arnold Sommerfeld

T

泰勒 J. Taylor

图灵 Alan Turin

W

外尔 H. Weyl

威尼齐亚诺 Gabriele Veneziano

威腾 Edward Witten

韦斯科普夫 Victor F. Weisskoft

维恩 W. Wien

维格纳 Eugene Wigner

温伯格 Steven Weinberg

乌伦贝克 G. E. Uhlenbeck

Χ

肖尔 Peter Shor

小汤姆孙 George Paget Thomson

谢尔克 Joel Scherk

薛定谔 Erwin Schrodinger

Y

杨 Thomas Young

杨振宁 C. N. Yang

伊辛 Ernst Ising

约恩松 Claus Jönsson

约瑟夫森 Brian D. Josephson

约尔当 Pascual Jordan

后记

至此,本书已到尾声。可以提醒您的是,不要指望书中的所有东西您(我)都能理解。在很多地方,您可能会读到诸如"……不建议你去作更深入的思考……"这类的句子。对于这样的章节,要么是极其深奥的,要么根本就是"无解"的,即有些地方根本就还没有人知道为什么会是那样的。例如,为什么会有量子纠缠存在(即量子力学的非定域性)。有人说,量子纠缠的这种非定域的关联似乎来自时间和空间之外,这是因为在时间和空间范围内,所发生的任何故事都无法对自然界产生的如此关联的方式给予合理的解释。当然,我们相信,物理学家是绝不会抛弃他们要完整地理解这个世界的伟大的进取心的,非定域性一定会找到精妙的解释,我们肯定会非常清晰地理解这个神秘的非定域性的。

在领略了量子理论的很多不可思议之后,您现在有何感想呢? 也许您会说:"好像有些明白,又好像搞不明白。"在佐藤胜彦的一本科普书《有趣的让人睡不着的量子论》中,作者提供了一个非常有趣的说法:"读完本书感到脑子里一片混乱的读者,事实上是对量子论有了一定了解的人。"伟大的理论物理学家费恩曼也曾经说过:"能够应用量子力学的人不在少数,但是真正理解量子理论的人却一个也没有!"此外,玻尔也有句名言:"如果谁不对量子论感到困惑,他就没有理解这个理论。"物理系、化学系或材料系等专门学习过量子力学的同志们,你有可能没有认真思考过量子力学的逻辑和哲学基础,但是你可以对量子力学运用自如,这是因为你熟悉了量子力学的数学框架而已。但是,在讨论量子力学本身的意义时,我们还是会争论得面红耳赤,本 阅读完本书的读完本书的读者,希望你多是你多少是一个领域。并不是一个领域。并不会的理解的最重要的最重要的最重要的最重要的最重要的。

书就为这种争论提供了一种传统的观点。撰写本书时,笔者总是以内容的正确性为最重要的原则。由于量子力学中的一些内容本来就没有"标准答案"(还有各种争论),这时候笔者是以最主流的内容为蓝本的。

现在的量子力学不仅研究物质与能量(包括光子),它已经发展成为探索整个宇宙构成的伟大科学体系。量子力学的内容实际上越来越有趣了。阅读完本书的人并不会成为物理学家,笔者所希望的是读者能够了解到量子力学这样一个激动人心的领域,并了解到目前探索宇宙奥秘的最重要的工具正是量子力学。量子力学是一个逻辑上完备的理论。到目前为止,还没有发现有确切的实验事实违背了当今的量子力学。此外,量子力学的发展从来就没有停止过。例如:书中列出的杨振宁对物理学的13项重要贡献,也可以说是杨振宁对量子力学发展的重要贡献。本书的主要任务只是科普一下传统的量子力学的基本内容,对于现代量子力学的发展涉及很少。

20 世纪诞生了量子论和相对论这两个伟大的科学理论,21 世纪也必定是一个充满惊奇的世纪,肯定会产生革命性的新理论。为了应对伟大的新世纪,我们应该保有一颗纯粹的好奇心,对现代科学的进展保持了解。也许伟大的新理论就会诞生于那些默默无闻的年轻人的头脑中,正像20世纪时的量子论和相对论的诞生那样。与相对论不同(不管是狭义相对论还是广义相对论,基本上都是爱因斯坦一个人的贡献),量子力学则是一群人的贡献,而且主要是一群非常年轻的人的贡献。将来必会类似,因为年轻人具有开拓性的精神,真正的科学突破应该靠年轻人,他们才是没有包袱的人。笔者希望,本书除了科普一些最重要的量子力学内容之外,也希望能帮助培养年轻人的科学思想、科学态度以及科学的思维方法。这些冠冕堂皇的目的可能远未达到,因为毕竟科学的启蒙需要大量的科普书籍。

在这里,最值得再次提到的是多数的量子力学教材都很少教 给学生的内容:量子力学的非定域性和量子纠缠。让我们引用中 国科技大学陆朝阳的说法:"量子力学是目前为止对客观世界最 精确的描述。之所以大家觉得反直觉,是因为量子力学的一些效 应所发生的物理尺度是非常微小的, 比我们日常生活中见到的头 发丝还要小亿倍。在这样一个微观世界里面,有它自己独特的运 行规律。但其实,量子力学及其催生的技术已经在各方面改变了 我们的生活。可以说,没有量子力学,就没有我们今天的计算机、 手机、互联网、导航、激光、磁共振等。以上这些是20世纪在'第 一次量子革命'中催生出来的成果, 主要是建立于对量子规律宏 观的应用。目前,我们从事的量子信息技术在欧洲被称为'第二 次量子革命',通过主动地精确操作一个一个的光子或原子,利 用量子叠加、量子纠缠等性质以一种革命性的方式对信息进行编 码、传输和操纵,突破经典信息技术的瓶颈,未来的应用包括量 子通信、量子精密测量、量子计算等"。我们预测、量子力学的 非定域性很快会成为量子力学教材的标准内容。

中国的一位物理学家曾经说道:"文学和社会科学把坐标系的原点架在人们的心上,所以文学家和社会学家会把人类心理和人类社会活动的各种细节都描述的非常仔细,尽管这种描述永远也记录不完人类心灵的感受。物理学家则把坐标系的原点架在宇宙的某个点上,他们完全不关心人类所经历的任何幸福和痛苦,而只想把物理运动描述得更加完整和完美。"所以,物理学的哲学就是真正的自然哲学,与社会哲学是完全不同的。

对于希望从本书真正学到量子力学的数学框架以及希望将来进一步深入学习量子力学的读者来说,本书有几个章节是一定要读的,它们也是本书的"精华"之所在,这些就是:2.1.1节关于"对牛顿第一定律的讨论"以及关于牛顿三个定律的困难、4.3节关于"量子力学的基本假设"和5.6节"1小时可以大致普及量子

物理学家把坐 标系的原点架在宇 宙的原态上,他 们的任务是要把物 质运动描述得更加 完整和完美。 力学吗?"。此外,第 6 章关于"非定域性和量子纠缠"也是很重要的。如果你是一个一般的读者,只是希望大致了解什么是量子力学的话,有些章节可能读个大意就可以了,不过如果能够理解这些重要的章节那会是很有帮助的。应该说明,真正学习量子力学最重要的应该是认真理解 4.3 节中的量子力学公设(2),这是非常重要的,值得说 N 次。

从薛定谔方程的提出到今天已经过去了整整 90 年,量子力学的教科书已经不计其数。特别是近几年,国内新出版了很多种关于量子力学的新教材。但是,90 年过去了,中文内容相对完整的量子力学科普书还很少。虽然有太多的人可以出来写这样一本书,可就是没有太多的人愿意出来写。本书的写法肯定有一些不尽合理之处,希望出版这本书可以促使量子力学的高手们出来写更加有趣的量子力学科普书籍。我想说,这是一本非常严肃的讲述量子力学的书,虽然笔者很注意使本书容易被读者所理解,但是不得不承认,很多地方还没有将量子理论的复杂性叙述得足够简单,事实上的复杂性与叙述上的简单性之间的平衡还是有点困难的。通俗易懂地讲述量子力学毕竟是一个挑战。

有同胞不理解我为什么经常去听天文学的讲座,原因是我猜测天文学里面量子力学应该用得很多。但是我发现情况完全不是这样的(原来天文学的各分支也是分得很细的,只是厦门大学的天文系关心量子力学的人比较少而已)。在匆匆半年多的时间里写完本书,同时要承担繁重的科研和教学任务,这一定会导致书中的错误之处和不准确的地方,敬请各位指正和批评。最后,虽然量子力学是最艰深的科学理论之一,但却是人人或多或少都可以理解的。量子力学包含着人类思想最进步的因素。